



■ Hybrid-Vorlesung mit Aufnahme

- Die Aufnahme ist anschließend in Stud.IP verfügbar
- Nutzen Sie die Gelegenheit zur Live-Veranstaltung!

■ Wir nehmen auf

- Folien, Dozent, Live-Audio sowie BBB-Audio
- **Ihre Stimme** beim Fragen und Sprechen
- **Durch aktive Teilnahme erklären Sie sich einverstanden!**

■ Fragen: Live, im Chat, Sprechen in der BBB-Sitzung



Technische
Universität
Braunschweig



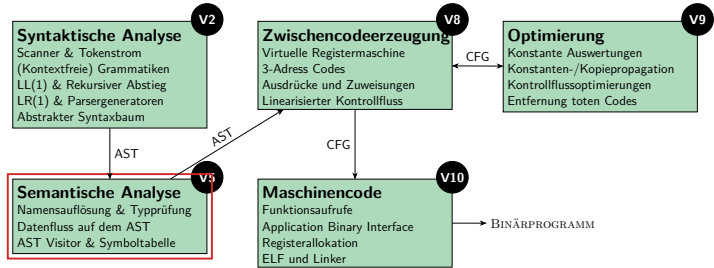
Programmiersprachen und Übersetzer

05 - Semantische Analyse

Christian Dietrich

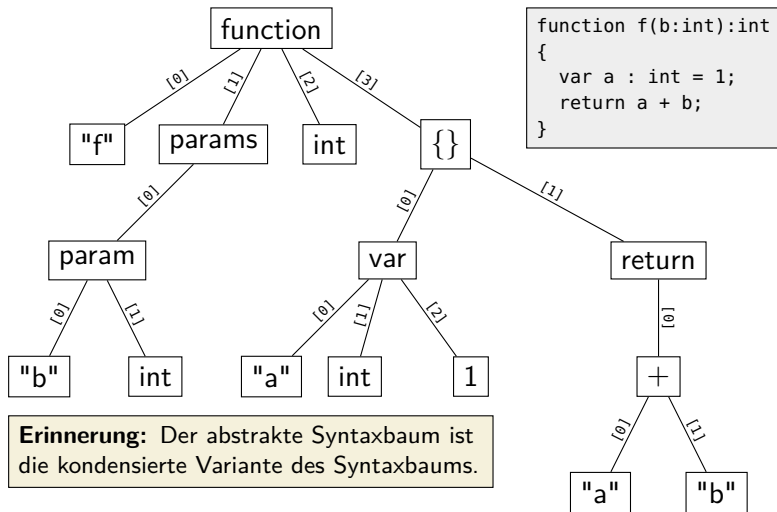
Sommersemester 2024

➤ Einordnung in die Vorlesung: Semantische Analyse

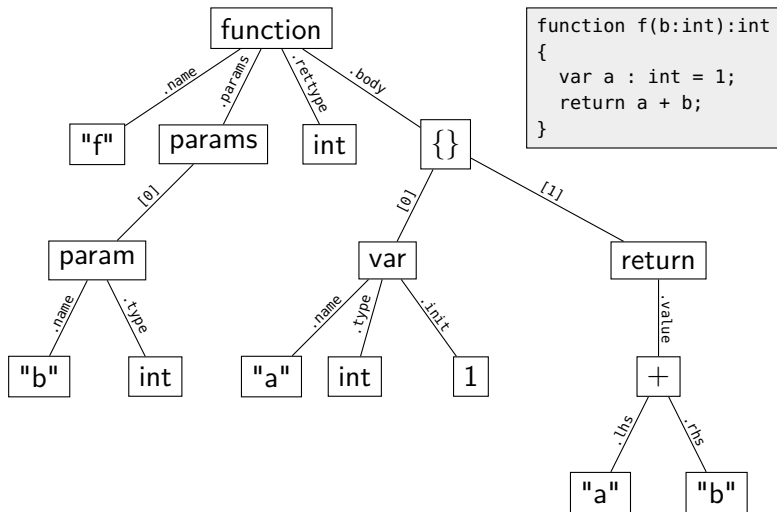


- Übersetzer prüft bei der semantische Analyse die letzten Sprachregeln.
⇒ In der semantischen Analyse werden die letzten Fehler entdeckt.
- Was sollte der *effektive* und *effiziente* Informatiker darüber wissen?
 - Datenfluss auf einem Baum geschieht entlang und quer zu den Kanten.
 - Übersetzertechniken sind auch in anderen Bereichen einsetzbar.

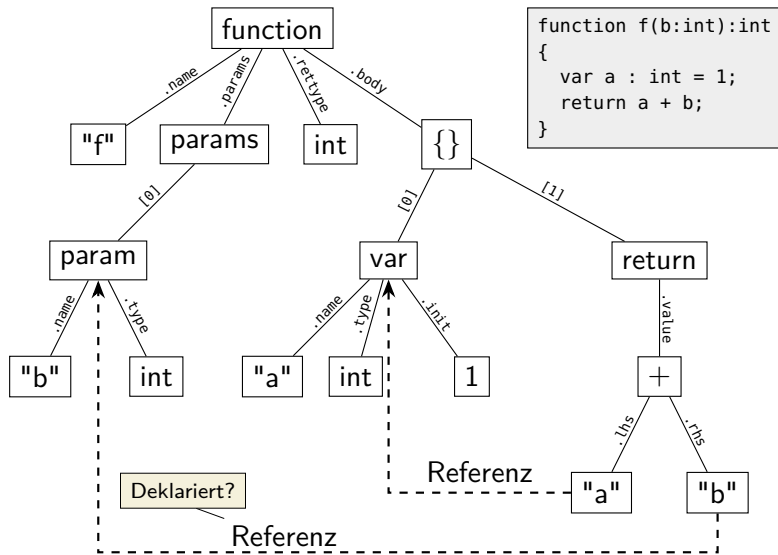
➤ Beispiel: Semantische Analyse eines Programms



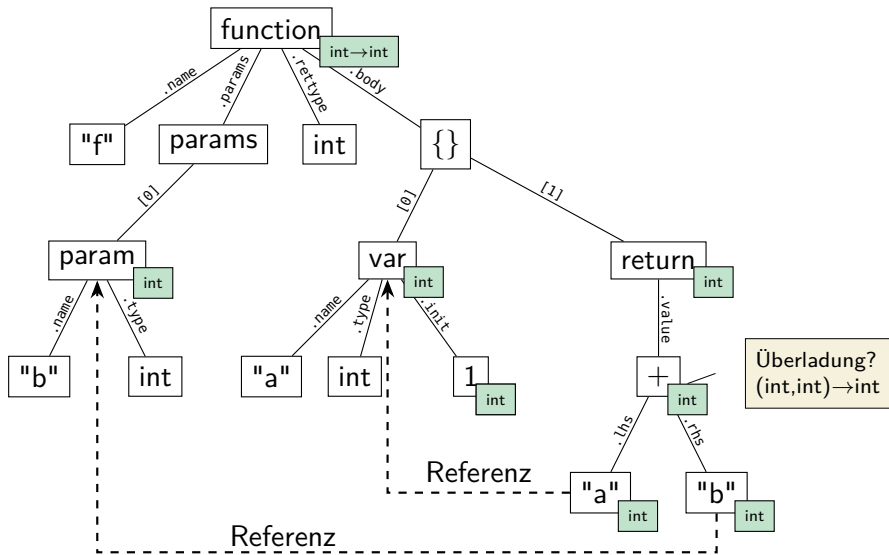
➤ Beispiel: Semantische Analyse eines Programms



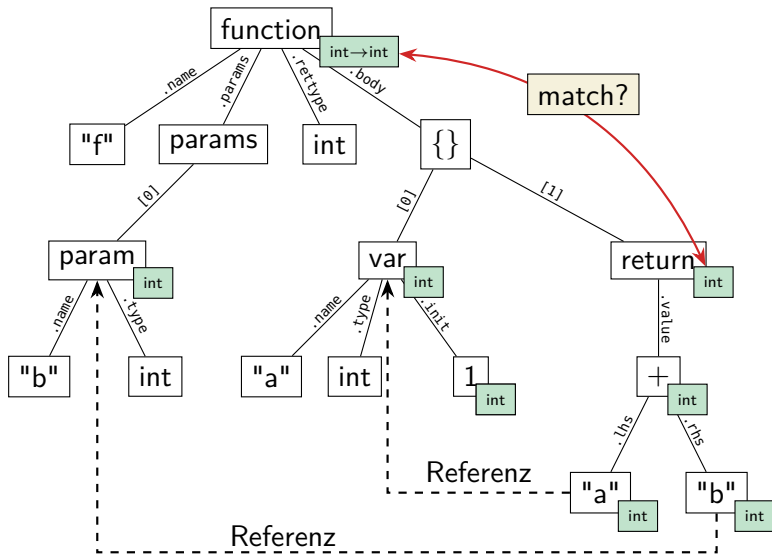
➤ Beispiel: Semantische Analyse eines Programms



➤ Beispiel: Semantische Analyse eines Programms



➤ Beispiel: Semantische Analyse eines Programms



Syntaktische und semantische Analyse prüfen alle Sprachregeln

Die syntaktische Analyse prüft die kontextfreien Regeln einer Sprache. Alles, was nicht kontextfrei geprüft werden kann, überprüft die semantische Analyse.

- Abschließende Prüfung der Sprachregeln und Informationsgewinnung
 - Alle restlichen, nicht-syntaktischen, Sprachfehler werden hier aufgedeckt.
 - „Wo ist diese verwendete Variable deklariert und mit welchem Typ?“

Syntaktische und semantische Analyse prüfen alle Sprachregeln

Die syntaktische Analyse prüft die kontextfreien Regeln einer Sprache. Alles, was nicht kontextfrei geprüft werden kann, überprüft die semantische Analyse.

- Abschließende Prüfung der Sprachregeln und Informationsgewinnung
 - Alle restlichen, nicht-syntaktischen, Sprachfehler werden hier aufgedeckt.
 - „Wo ist diese verwendete Variable deklariert und mit welchem Typ?“
- **Deklariertheit:** Kann jede (statische) Namensreferenz aufgelöst werden?
 - Zu jedem Namen(spfad) muss eine Deklaration gefunden werden.
 - Auffinden der passenden Überladung für eine Aufrufstelle
- **Typkonsistenz:** Werden die statischen Typen korrekt verwendet?
 - Die Typen der Argumente müssen zur Signatur einer Operation passen.
 - Nicht jede Inkonsistenz ist ein Fehler (Implizite Typumwandlung)

Syntaktische und semantische Analyse prüfen alle Sprachregeln

Die syntaktische Analyse prüft die kontextfreien Regeln einer Sprache. Alles, was nicht kontextfrei geprüft werden kann, überprüft die semantische Analyse.

- Abschließende Prüfung der Sprachregeln und Informationsgewinnung
 - Alle restlichen, nicht-syntaktischen, Sprachfehler werden hier aufgedeckt.
 - „Wo ist diese verwendete Variable deklariert und mit welchem Typ?“
- **Deklariertheit:** Kann jede (statische) Namensreferenz aufgelöst werden?
 - Zu jedem Namen(spfad) muss eine Deklaration gefunden werden.
 - Auffinden der passenden Überladung für eine Aufrufstelle
- **Typkonsistenz:** Werden die statischen Typen korrekt verwendet?
 - Die Typen der Argumente müssen zur Signatur einer Operation passen.
 - Nicht jede Inkonsistenz ist ein Fehler (Implizite Typumwandlung)



AST Knoten

Theoretisch ganz einfach. Ein AST ist eine Menge von Knoten....

```
struct node_t {  
    int    type;  
    string token;  
    vector<node_t> children;  
};
```

```
string getName(node_t *n) {  
    if (n->type == VAR_DECL) {  
        return n->children[1].token;  
    } else if (n->type == VAR_REF) {  
        return n->token;  
    } ....  
}
```

Theoretisch ganz einfach. Ein AST ist eine Menge von Knoten....

```
struct node_t {  
    int    type;  
    string token;  
    vector<node_t> children;  
};
```

```
string getName(node_t *n) {  
    if (n->type == VAR_DECL) {  
        n->children[1].token;  
    } else if (n->type == VAR_REF) {  
        return n->token;  
    } ....  
}
```

NEIN

■ **In Realität:** Code des Übersetzers muss auf dem AST operieren

- Struktur der Grammatik sollte sich in den Datenstrukturen widerspiegeln
- Übersetzer sind komplexe Programme, Bugs sind besonders schwerwiegend
- Nutzung der verfügbaren Sprachfeatures, um Übersetzer **robust** zu machen

```
class ClassDef extends Definition {  
    public Name                name;  
    public ClassDef            extending;  
    public List<InterfaceDef> implementing;  
    public List<Definition>    defs;  
    ....  
}
```

Java

Theoretisch ganz einfach. Ein AST ist eine Menge von Knoten....

```
struct node_t {  
    int    type;  
    string token;  
    vector<node_t> children;  
};
```

```
string getName(node_t *n) {  
    if (n->type == VAR_DECL) {  
        n->children[1].token;  
    } else if (n->type == VAR_REF) {  
        return n->token;  
    } ....  
}
```

NEIN

■ **In Realität:** Code des Übersetzers muss auf dem AST operieren

- Struktur der Grammatik sollte sich in den Datenstrukturen widerspiegeln
- Übersetzer sind **Knotentypen als Klassen** was besonders schwerwiegend
- Nutzung der verfügbaren Sprachfeatures, um Übersetzer **robust** zu machen

```
class ClassDef extends Definition {  
    public Name name;  
    public ClassDef extending;  
    public List<InterfaceDef> implementing;  
    public List<Definition> defs;  
    ....  
}
```

Kinder haben Namen

Kinder haben Typen

Java

- Die Grammatik legt bereits eine Hierarchie von Knotentypen nahe
Grammatik: $stmt \rightarrow assign_stmt \mid while_stmt \mid if_stmt \mid \dots$
AST-Definition: `class AssignStmt extends Stmt {...}`

- Die Grammatik legt bereits eine Hierarchie von Knotentypen nahe
Grammatik: $stmt \rightarrow assign_stmt \mid while_stmt \mid if_stmt \mid \dots$
AST-Definition: `class AssignStmt extends Stmt {...}`
- Zusammenfassung von Ähnlichkeiten verschiedener Knotentypen
Beispiel: Viele Deklarationen können einen Namen tragen. Lassen wir diese von `NamedDecl` erben, so können wir sie gleich behandeln.

- Die Grammatik legt bereits eine Hierarchie von Knotentypen nahe
Grammatik: $stmt \rightarrow assign_stmt \mid while_stmt \mid if_stmt \mid \dots$
AST-Definition: `class AssignStmt extends Stmt {...}`
- Zusammenfassung von Ähnlichkeiten verschiedener Knotentypen
Beispiel: Viele Deklarationen können einen Namen tragen. Lassen wir diese von `NamedDecl` erben, so können wir sie gleich behandeln.
- Häufig verwendete Klassen von Knotentypen
 - **Expression:** Ausdrücke, die man auswerten kann und die ein Ergebnis liefern.
Beispiele: Addition, Dereferenzierung, `(<cond> ? <then> : <else>)`
 - **Statement:** Anweisungen, die sequentiell bearbeitet werden.
Beispiele: if-else, Schleifen, Zuweisungen
 - **Typen:** Literal notierte Typausdrücke
Beispiele: Typname, Typausdruck innerhalb eines Casts
 - **Deklaration:** Jede statische Bekanntmachung für den Compiler
Beispiele: Variablendefinition, Klassendeklarationen, `typedef`



- Der Parser erzeugt die Knoten und die Baumstruktur.
 - **Parseraktionen** machen dies nebenher, wenn eine Regel angewendet wird:
`while_stmt -> WHILE (expr) body { new WhileStmt(cond=$3, body=$5) }`
 - `expr` ist ein Expression-Knoten und ist über \$3 zugreifbar.



AST: Zusätzliche Attribute

- Der Parser erzeugt die Knoten und die Baumstruktur.
 - **Parseraktionen** machen dies nebenher, wenn eine Regel angewendet wird:
`while_stmt -> WHILE (expr) body { new WhileStmt(cond=$3, body=$5) }`
 - `expr` ist ein Expression-Knoten und ist über \$3 zugreifbar.
- Semantische Analyse berechnet zusätzliche **Attribute**
 - Datenhaltung während Analyse, Wissensbasis für den Rest des Übersetzers
 - *Beispiel*: Berechneten Typ einer Expression, Zeiger auf die Deklaration

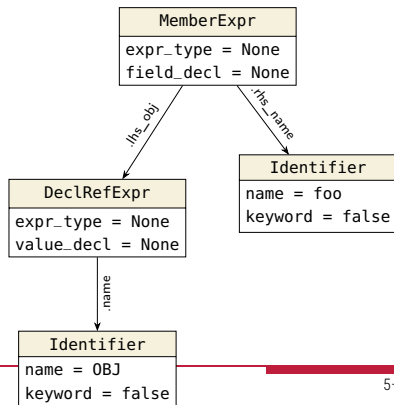


AST: Zusätzliche Attribute

- Der Parser erzeugt die Knoten und die Baumstruktur.
 - **Parseraktionen** machen dies nebenher, wenn eine Regel angewendet wird:
`while_stmt -> WHILE (expr) body { new WhileStmt(cond=$3, body=$5) }`
 - `expr` ist ein Expression-Knoten und ist über `$3` zugreifbar.
- Semantische Analyse berechnet zusätzliche **Attribute**
 - Datenhaltung während Analyse, Wissensbasis für den Rest des Übersetzers
 - *Beispiel*: Berechneten Typ einer Expression, Zeiger auf die Deklaration

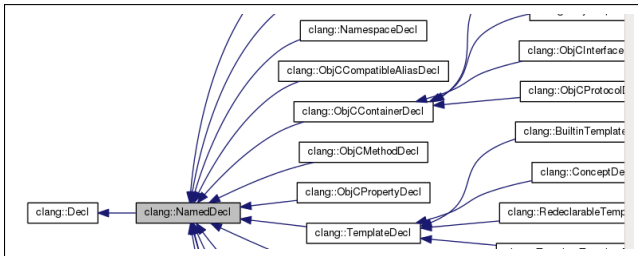
```
class MemberExpr(Expr):  
    # AST Kinder:  
    lhs_obj      : Expr  
    rhs_name     : Identifier  
  
    # AST Attribute  
    expr_type    : Type          = None  
    field_decl   : FieldDecl     = None  
  
    def __init__(self, L, R):  
        self.lhs_obj = L  
        self.rhs_name = R  
        ...
```

Python





Clang: AST-Knoten und ihre Attribute



Ausschnitt aus der Klassenhierarchie

Public Member Functions

IdentifierInfo * **getIdentifier ()** const

Get the identifier that names this declaration, if there is one. [More...](#)

StringRef **getName ()** const

Get the name of identifier for this declaration as a StringRef. [More...](#)

std::string **getNameAsString ()** const

Get a human-readable name for the declaration, even if it is one of the special kinds of names (C++ constructor, Objective-C selector, etc).

[More...](#)

Öffentliches Interface von **clang::NamedDecl**

➤ Clang: AST für ein einfaches Programm

```
1 int f(int x) {  
2     int result = (x / 42);  
3     return result;  
4 }
```

- Clang: C/C++-Frontend für LLVM
- Source-to-Source-Transformation
- `clang::VarDecl` ist ein `clang::NamedDecl`

```
$ clang -Xclang -ast-dump -fsyntax-only /tmp/test.cc
```

```
TranslationUnitDecl 0x2fde598  
  ~FunctionDecl 0x3018de8 <line:4:1> line:1:5 f 'int (int)'  
    | ~ParmVarDecl 0x3018d20 <col:7, col:11> col:11 used x 'int'  
      ~CompoundStmt 0x3019060 <col:14, line:4:1>  
        | ~DeclStmt 0x3018ff0 <line:2:5, col:26>  
          | ~VarDecl 0x3018ee8 <line:5, col:25> col:9 used result 'int' cinit  
            | ~ParenExpr 0x3018fd0 <col:18, col:25> 'int'  
              | ~BinaryOperator 0x3018fa8 <col:19, col:23> 'int' '/'  
                | ~ImplicitCastExpr 0x3018f90 <col:19> 'int' <LValueToRValue>  
                  | ~DeclRefExpr 0x3018f48 <col:19> 'int' lvalue ParmVar  
0x3018d20  
  | ~IntegerLiteral 0x3018f70 <col:23> 'int' 42  
  ~ReturnStmt 0x3019048 <line:3:5, col:12>  
    ~ImplicitCastExpr 0x3019030 <col:12> 'int' <LValueToRValue>  
      ~DeclRefExpr 0x3019008 <col:12> 'int' lvalue Var 0x3018ee8
```

➤ Clang: AST für ein einfaches Programm

```
1 int f(int x) {  
2     int result = (x / 42);  
3     return result;  
4 }
```

- Clang: C/C++-Frontend für LLVM
- Source-to-Source-Transformation
- `clang::VarDecl` ist ein `clang::NamedDecl`

\$ clang -Xclang -ast-dump -fsyntax-only /tmp/test.cc

TranslationUnitDecl 0x2fde598

```
~-FunctionDecl 0x3018f00 <line:1:5> line:1:5 f 'int' (  
| -ParmVarDecl 0x3018f00 <col:7, col:11> col:11 used  
~-CompoundStmt 0x3018f00 <col:14, line:4:1>  
| -DeclStmt 0x3018f00 <line:2:5, col:26>  
| | -VarDecl 0x3018ee8 <line:5, col:25> col:9 used result 'int' cinit  
| | | -ParenExpr 0x3018fd0 <col:18, col:25> 'int'  
| | | | -IntegerLiteral 0x3018f70 <col:23> 'int' 42  
| | | | -ReturnStmt 0x3019048 <line:3:5, col:12>  
| | | | -ImplicitCastExpr 0x3019030 <col:12> 'int' <LValueToRValue>  
| | | | -DeclRefExpr 0x3019008 <col:12> 'int' lvalue Var 0x3018ee8
```

Verzeigte Datenstruktur

Name der Deklaration

Knotentyp: C++-Klassen

Position innerhalb der Quelldatei

Typ der Deklaration

➤ Clang: AST für ein einfaches Programm

```
1 int f(int x) {  
2     int result = (x / 42);  
3     return result;  
4 }
```

- Clang: C/C++-Frontend für LLVM
- Source-to-Source-Transformation
- `clang::VarDecl` ist ein `clang::NamedDecl`

```
$ clang -Xclang -ast-dump -fsyntax-only /tmp/test.cc
```

```
TranslationUnitDecl 0x2fde598  
  ~FunctionDecl 0x3018de8 <line:4:1> line:1:5 f 'int (int)'  
    | ~ParmVarDecl 0x3018d20 <col:7, col:11> col:11 used x 'int'  
      ~CompoundStmt 0x3019060 <col:14, line:4:1>  
        | ~DeclStmt 0x3018ff0 <line:2:5, col:26>  
          | ~VarDecl 0x3018ee8 <line:5, col:25> col:9 used result 'int' cinit  
            | ~ParenExpr 0x3018fd0 <col:18, col:25> 'int'  
              | ~BinaryOperator 0x3018fa8 <col:19, col:23> 'int' '/'  
                | ~ImplicitCastExpr 0x3018f90 <col:19> 'int' <LValueToRValue>  
                  | ~DeclRefExpr 0x3018f48 <col:19> 'int' lvalue ParmVar  
0x3018d20  
  | ~IntegerLiteral 0x3018f70 <col:23> 'int' 42  
  ~ReturnStmt 0x3019048 <line:3:5, col:12>  
    ~ImplicitCastExpr 0x3019030 <col:12> 'int' <LValueToRValue>  
      ~DeclRefExpr 0x3019008 <col:12> 'int' lvalue Var 0x3018ee8
```



Informationsfluss auf Bäumen



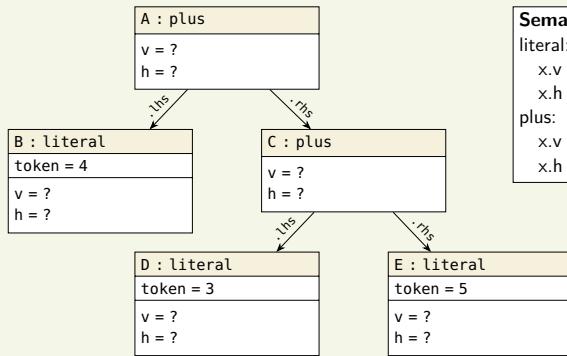
Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
 - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
 - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
 - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

➤ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
 - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
 - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
 - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

Beispiel: Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



Semantische Regeln

literal:

$$x.v = \text{int}(x.\text{token})$$

$$x.h = 1$$

plus:

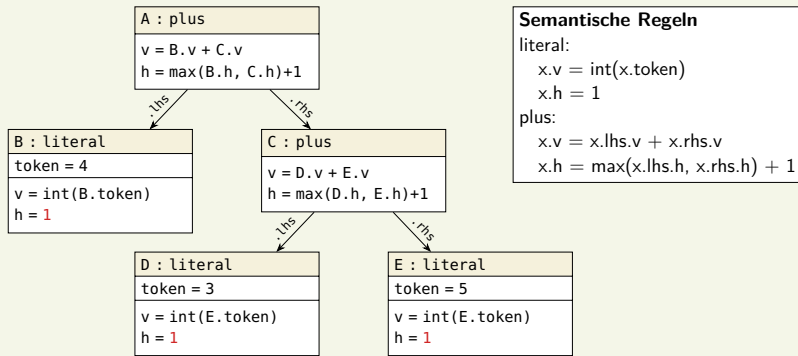
$$x.v = x.\text{lhs}.v + x.\text{rhs}.v$$

$$x.h = \max(x.\text{lhs}.h, x.\text{rhs}.h) + 1$$

➤ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
 - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
 - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
 - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

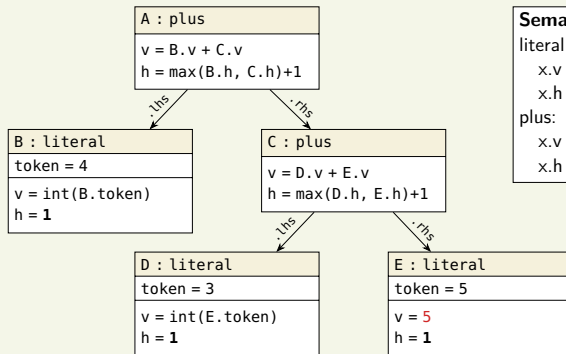
Beispiel: Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



➤ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
 - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
 - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
 - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

Beispiel: Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



Semantische Regeln

literal:

$$x.v = \text{int}(x.token)$$

$$x.h = 1$$

plus:

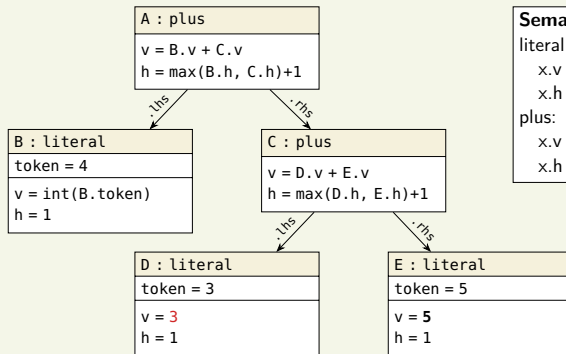
$$x.v = x.lhs.v + x.rhs.v$$

$$x.h = \max(x.lhs.h, x.rhs.h) + 1$$

➤ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
 - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
 - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
 - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

Beispiel: Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



Semantische Regeln

literal:

$$x.v = \text{int}(x.token)$$

$$x.h = 1$$

plus:

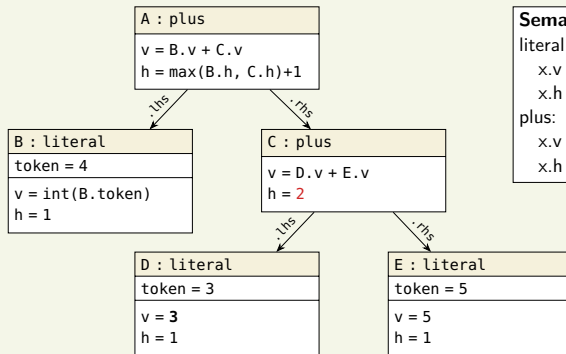
$$x.v = x.lhs.v + x.rhs.v$$

$$x.h = \max(x.lhs.h, x.rhs.h) + 1$$

➤ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
 - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
 - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
 - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

Beispiel: Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



Semantische Regeln

literal:

$$x.v = \text{int}(x.\text{token})$$

$$x.h = 1$$

plus:

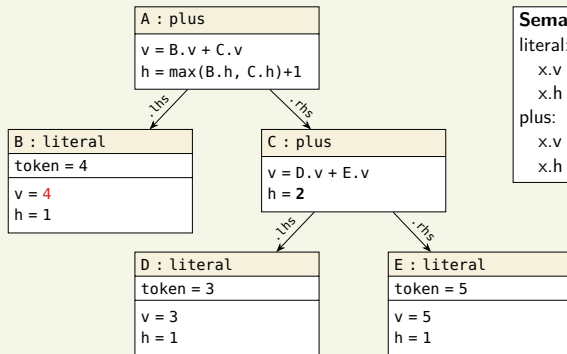
$$x.v = x.\text{lhs}.v + x.\text{rhs}.v$$

$$x.h = \max(x.\text{lhs}.h, x.\text{rhs}.h) + 1$$

➤ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
 - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
 - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
 - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

Beispiel: Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



Semantische Regeln

literal:

$$x.v = \text{int}(x.\text{token})$$

$$x.h = 1$$

plus:

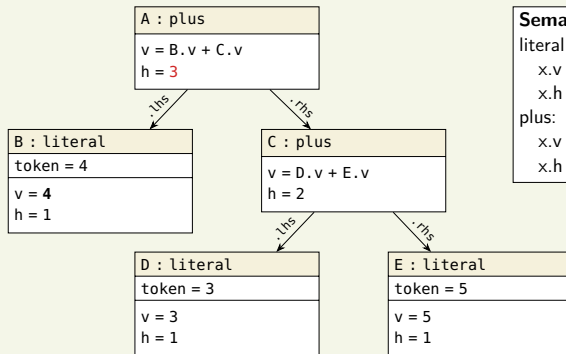
$$x.v = x.\text{lhs}.v + x.\text{rhs}.v$$

$$x.h = \max(x.\text{lhs}.h, x.\text{rhs}.h) + 1$$

➤ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
 - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
 - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
 - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

Beispiel: Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



Semantische Regeln

literal:

$$x.v = \text{int}(x.\text{token})$$

$$x.h = 1$$

plus:

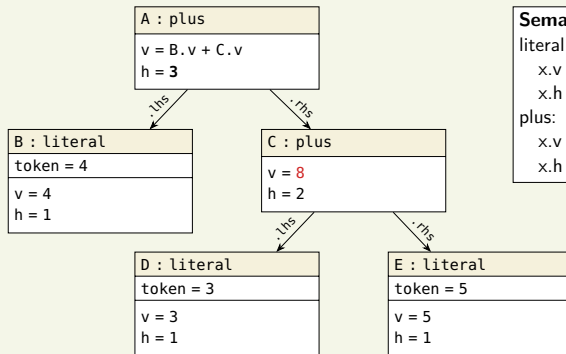
$$x.v = x.\text{lhs}.v + x.\text{rhs}.v$$

$$x.h = \max(x.\text{lhs}.h, x.\text{rhs}.h) + 1$$

➤ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
 - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
 - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
 - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

Beispiel: Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



Semantische Regeln

literal:

$$x.v = \text{int}(x.\text{token})$$

$$x.h = 1$$

plus:

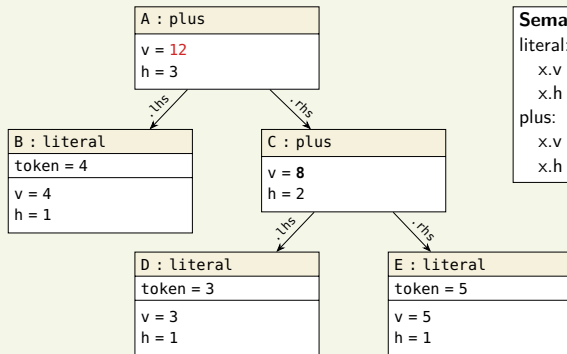
$$x.v = x.\text{lhs}.v + x.\text{rhs}.v$$

$$x.h = \max(x.\text{lhs}.h, x.\text{rhs}.h) + 1$$

➤ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
 - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
 - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
 - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

Beispiel: Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



Semantische Regeln

literal:

$$x.v = \text{int}(x.\text{token})$$

$$x.h = 1$$

plus:

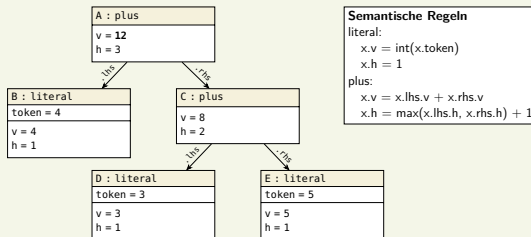
$$x.v = x.\text{lhs}.v + x.\text{rhs}.v$$

$$x.h = \max(x.\text{lhs}.h, x.\text{rhs}.h) + 1$$

➤ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
 - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
 - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
 - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

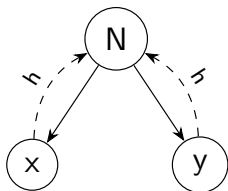
Beispiel: Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



- **Attributgrammatiken** annotieren die Regeln direkt an die Produktionen
 - $\text{plus} \rightarrow \text{expr} + \text{expr} \quad \{ \$0.h = \max(\$1.h, \$3.h) + 1 \}$
 - Parseaktionen (Parsebaum \rightarrow AST) sind bereits Attributgrammatiken

- Attribut-Gleichungssystem beinhaltet einen **Abhängigkeitsgraphen**
 - Für jedes Attribut auf der rechten Seite gibt es eine Abhängigkeit
 - Topologische Sortierung bestimmt die Auswertereihenfolge
 - Verschiedene Verfahren für unterschiedliche Typen von Abhängigkeiten

- Attribut-Gleichungssystem beinhaltet einen **Abhängigkeitsgraphen**
 - Für jedes Attribut auf der rechten Seite gibt es eine Abhängigkeit
 - Topologische Sortierung bestimmt die Auswertereihenfolge
 - Verschiedene Verfahren für unterschiedliche Typen von Abhängigkeiten

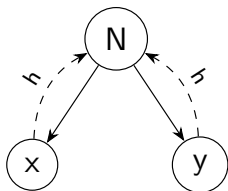


Synthetische Attribute

„von unten nach oben“

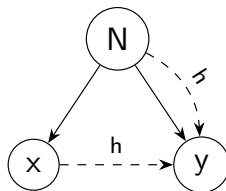
- S-Attribute
- Abhängig von Kindern
- Typen in Expressions
- Technik: Traversierung

- Attribut-Gleichungssystem beinhaltet einen **Abhängigkeitsgraphen**
 - Für jedes Attribut auf der rechten Seite gibt es eine Abhängigkeit
 - Topologische Sortierung bestimmt die Auswertereihenfolge
 - Verschiedene Verfahren für unterschiedliche Typen von Abhängigkeiten



Synthetische Attribute

„von unten nach oben“

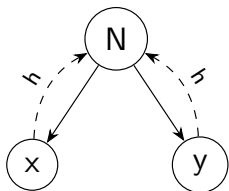


Geerbte Attribute

„von links nach rechts“

- S-Attribute
- Abhängig von Kindern
- Typen in Expressions
- Technik: Traversierung
- L-Attribute
- Abhängig von Vorgängern und Nachbarn
- Namensauflösung
- Technik: Symboltabelle

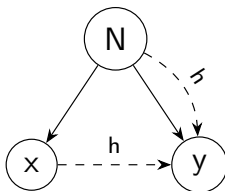
- Attribut-Gleichungssystem beinhaltet einen **Abhängigkeitsgraphen**
 - Für jedes Attribut auf der rechten Seite gibt es eine Abhängigkeit
 - Topologische Sortierung bestimmt die Auswertereihenfolge
 - Verschiedene Verfahren für unterschiedliche Typen von Abhängigkeiten



Synthetische Attribute

„von unten nach oben“

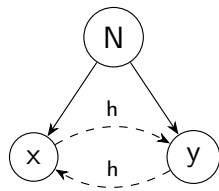
- S-Attribute
- Abhängig von Kindern
- Typen in Expressions
- Technik: Traversierung



Geerbte Attribute

„von links nach rechts“

- L-Attribute
- Abhängig von Vorgängern und Nachbarn
- Namensauflösung
- Technik: Symboltabelle



Zyklische Attribute

„all-over-the-place“

- Fixpunktberechnung
- Eher zu vermeiden
- Typinferenz in Haskell
- Technik: Unifikation



Berechnung der synthetischen Attribute

Wir müssen **jeden Knoten** besuchen, **knotenspezifischen** Code ausführen, und die Attributwerte **von unten nach oben** propagieren.

Berechnung der synthetischen Attribute

Wir müssen **jeden Knoten** besuchen, **knotenspezifischen** Code ausführen, und die Attributwerte **von unten nach oben** propagieren.

```
def height(N):  
    # Jedes Kind besuchen  
    for child in N.children:  
        height(child)
```

Python

Baumtraversierung (Post-Order)

- Bäume sind rekursiv.
- Jeden Knoten besuchen auch!

Berechnung der synthetischen Attribute

Wir müssen **jeden Knoten** besuchen, **knotenspezifischen** Code ausführen, und die Attributwerte **von unten nach oben** propagieren.

```
def height(N):  
    # Jedes Kind besuchen  
    for child in N.children:  
        height(child)  
  
    # Knotenspezifischen Code  
    if isinstance(N, literal):  
        h = 1  
    elif isinstance(N, plus):  
        lhs, rhs = N.children  
        h = max(lhs.h, rhs.h)+1
```

Python

Baumtraversierung (Post-Order)

- Bäume sind rekursiv.
- Jeden Knoten besuchen auch!
- Dynamischer Typ des Knotens
- Zugriff auf Attribute der Kinder
- Attributgleichung ausrechnen

Berechnung der synthetischen Attribute

Wir müssen **jeden Knoten** besuchen, **knotenspezifischen** Code ausführen, und die Attributwerte **von unten nach oben** propagieren.

```
def height(N):  
    # Jedes Kind besuchen  
    for child in N.children:  
        height(child)  
  
    # Knotenspezifischen Code  
    if isinstance(N, literal):  
        h = 1  
    elif isinstance(N, plus):  
        lhs, rhs = N.children  
        h = max(lhs.h, rhs.h)+1  
  
    # Wert propagieren  
    N.h = h
```

Python

Baumtraversierung (Post-Order)

- Bäume sind rekursiv.
- Jeden Knoten besuchen auch!
- Dynamischer Typ des Knotens
- Zugriff auf Attribute der Kinder
- Attributgleichung ausrechnen
- Setzen des Attributs
- Wert im Aufrufer verfügbar

Ironie: Das geht aber noch mehr ad-hoc und unlesbar!

```
def height(N):  
    if isinstance(N, literal):  
        N.h = 1  
    elif isinstance(N, plus):  
        h = max(height(N.lhs),  
                 height(N.rhs))  
        N.h = h + 1  
    return N.h
```

Ironie: Das geht aber noch mehr ad-hoc und unlesbar!

```
def height(N):  
    if isinstance(N, literal):  
        N.h = 1  
    elif isinstance(N, plus):  
        h = max(height(N.lhs),  
                 height(N.rhs))  
        N.h = h + 1  
    return N.h
```

- Die **Attributgleichungen** gehen im **fragilen** Boilerplate unter
 - Duplikation der Traversierungslogik für jedes Attribut
 - Duplikation der `isinstance` Kaskade für jedes Attribut
 - Ein neuer AST-Knotentyp → N Traversierungsfunktionen anpassen

Ironie: Das geht aber noch mehr ad-hoc und unlesbar!

```
def height(N):  
    if isinstance(N, literal):  
        N.h = 1  
    elif isinstance(N, plus):  
        h = max(height(N.lhs),  
                 height(N.rhs))  
        N.h = h + 1  
    return N.h
```

- Die **Attributgleichungen** gehen im **fragilen** Boilerplate unter
 - Duplikation der Traversierungslogik für jedes Attribut
 - Duplikation der `isinstance` Kaskade für jedes Attribut
 - Ein neuer AST-Knotentyp → N Traversierungsfunktionen anpassen
- Wende informatische Super-Power **"Trennung der Belange"** an!
 - Attributgleichungen werden in einer Besucherklasse gekapselt
 - Generischer Code für Traversierung in definierter Ordnung



Visitor-Pattern: Operationen auf Knoten kapseln

```
class Visitor { public:  
    virtual void visit(literal& N) {  
        N.h = 1;  
    }  
    virtual void visit(plus& N) {  
        N.h = max(N.lhs.h, N.rhs.h) + 1;  
    }  
};
```

C++

- Bündelung der Attributgleichungen in einem Visitor-Objekt
 - Die `visit()`-Funktion wird für jeden Knotentyp überladen.
 - Visitor-Objekt kann zusätzlichen Zustand als Member speichern
 - Vererbungshierarchie kann beachtet werden (`void visit(NamedDecl D)`)



Visitor-Pattern: Operationen auf Knoten kapseln

```
class Visitor { public:  
    virtual void visit(literal& N) {  
        N.h = 1;  
    }  
    virtual void visit(plus& N) {  
        N.h = max(N.lhs.h, N.rhs.h) + 1;  
    }  
};
```

C++

- Bündelung der Attributgleichungen in einem Visitor-Objekt
 - Die `visit()`-Funktion wird für jeden Knotentyp überladen.
 - Visitor-Objekt kann zusätzlichen Zustand als Member speichern
 - Vererbungshierarchie kann beachtet werden (`void visit(NamedDecl D)`)

```
void  
traversal(Visitor& v, Tree& t) {  
    for (Tree& c : t.children()) {  
        traversal(v, c);  
    }  
    v.visit(t);  
}
```

Generische Traversierung

- Knoten haben Liste der Kinder
- Definierte Besuchsreihenfolge
- Visitor wird auf jeden Knoten angewendet



Visitor-Pattern: Operationen auf Knoten kapseln

```
class Visitor { public:  
    virtual void visit(literal& N) {  
        N.h = 1;  
    }  
    virtual void visit(plus& N) {  
        N.h = max(N.lhs.h, N.rhs.h) + 1;  
    }  
};
```

C++

- Bündelung der Attributgleichungen in einem Visitor-Objekt
 - Die `visit()`-Funktion wird für jeden Knotentyp überladen.
 - Visitor-Objekt kann zusätzlichen Zustand als Member speichern
 - Vererbungshierarchie kann beachtet werden (`void visit(NamedDecl D)`)

```
void  
traversal(Visitor& v, Tree& t) {  
    for (Tree& c : t.children()) {  
        traversal(v, c)  
    }  
    v.visit(t);  
}
```

Generische Traversierung

- Knoten haben Liste der Kinder

Das ist so kaputt!

Dynamischer Dispatch nur im nullten Argument!

Ruft immer `Visitor::visit(Tree)` auf!

Statische Typen an der Aufrufstelle: `visit(Visitor, Tree)`

Bei der Traversierung soll `visit(v, t)` für das konkrete Visitor-Objekt und spezifisch für den AST-Knoten aufgerufen werden.

```
visit(HeightVisitor, literal)  
visit(HeightVisitor, plus)
```

```
visit(ValueVisitor, literal)  
visit(ValueVisitor, plus)
```

Statische Typen an der Aufrufstelle: `visit(Visitor, Tree)`

Bei der Traversierung soll `visit(v, t)` für das konkrete Visitor-Objekt und spezifisch für den AST-Knoten aufgerufen werden.

```
visit(HeightVisitor, literal)  
visit(HeightVisitor, plus)
```

```
visit(ValueVisitor, literal)  
visit(ValueVisitor, plus)
```

- Dynamischer Dispatch in den **ersten zwei Argumenten** nötig
 - Emulation mittels zweifachem virtuellem Methodenaufruf.

```
void traversal(Visitor& v, Tree& t) {  
    ...  
    t.accept(v);  
    ...  
}
```

C++

Dynamic
Dispatch

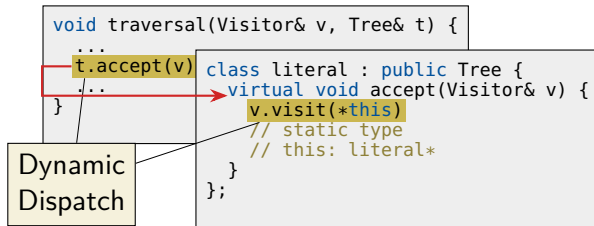
Statische Typen an der Aufrufstelle: `visit(Visitor, Tree)`

Bei der Traversierung soll `visit(v, t)` für das konkrete Visitor-Objekt und spezifisch für den AST-Knoten aufgerufen werden.

```
visit(HeightVisitor, literal)  
visit(HeightVisitor, plus)
```

```
visit(ValueVisitor, literal)  
visit(ValueVisitor, plus)
```

- Dynamischer Dispatch in den **ersten zwei Argumenten** nötig
 - Emulation mittels zweifachem virtuellen Methodenaufruf.



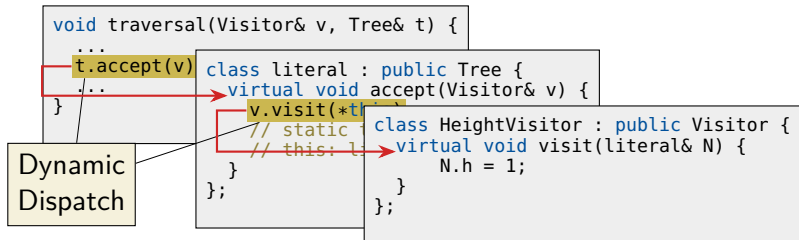
Statische Typen an der Aufrufstelle: `visit(Visitor, Tree)`

Bei der Traversierung soll `visit(v, t)` für das konkrete Visitor-Objekt und spezifisch für den AST-Knoten aufgerufen werden.

```
visit(HeightVisitor, literal)  
visit(HeightVisitor, plus)
```

```
visit(ValueVisitor, literal)  
visit(ValueVisitor, plus)
```

- Dynamischer Dispatch in den **ersten zwei Argumenten** nötig
 - Emulation mittels zweifachem virtuellen Methodenaufruf.





Visitor-Pattern: Dispatch mit Introspection

- Python hat Überladung nur im ersten Argument (self), dafür dynamisch!
 - Keine statischen Typen \Rightarrow Keine doppelte Definition von Methoden.
 - Jedoch kann man Namensauflösung zur Laufzeit durchführen.

- Python hat Überladung nur im ersten Argument (self), dafür dynamisch!
 - Keine statischen Typen \Rightarrow Keine doppelte Definition von Methoden.
 - Jedoch kann man Namensauflösung zur Laufzeit durchführen.

```
def traversal(V, T):  
    # Depth-First Order  
    for child in T.children:  
        traversal(V, child)  
  
    # Introspection  
    T_name = type(T).__qualname__  
    M_name = "visit_" + T_name  
    method = getattr(V, M_name)  
  
    # Aufruf des Visitors  
    method(T)
```

```
class HeightVisitor:  
    def visit_literal(self, N):  
        N.h = 1  
  
    def visit_plus(self, N):  
        h = max(N.lhs.h,  
                N.rhs.h)  
        N.h = h + 1
```

```
visitor = HeightVisitor()  
traversal(visitor, tree)
```

- Emulation von Überladung durch Introspektion
 - `type(T)` extrahiert den **dynamischen** Typen des Knotens
 - `M_name = "visit_" + ...` erzeugt dynamisch einen **Namen**
 - `getattr(V, "visit_plus")` löst den Namen; gibt die Methode zurück



Berechnung des Typen und Typkonsistenz

- S-Attribut: Für **Expressions** berechnen wir Typen (bottom-up)
 - **Blätter**: Konstante Literale (23, "foobar") haben feste, eingebaute Typen
Namensreferenzen haben Typen der Deklaration (später mehr)
 - **Innere Knoten**: Jeder Knotentyp hat eine Typ-Gleichung.
Jeder Knoten propagiert seinen Ergebnistypen nach oben.

Typberechnung und -prüfung geschieht „in einem Rutsch“!



Berechnung des Typen und Typkonsistenz

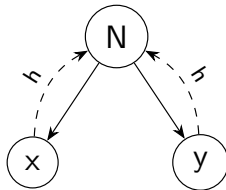
- S-Attribut: Für **Expressions** berechnen wir Typen (bottom-up)
 - **Blätter**: Konstante Literale (23, "foobar") haben feste, eingebaute Typen
Namensreferenzen haben Typen der Deklaration (später mehr)
 - **Innere Knoten**: Jeder Knotentyp hat eine Typ-Gleichung.
Jeder Knoten propagiert seinen Ergebnistypen nach oben.

Typberechnung und -prüfung geschieht „in einem Rutsch“!

```
class TypeVisitor:
    def visit_literal(self, T):
        # Ganzzahl-Literal
        T.Type = int
```

Minimalbeispiel

- Monomorphes Typsystem
- Ganzzahl und Pointertyp
- Addition nur auf Ganzzahlen





Berechnung des Typen und Typkonsistenz

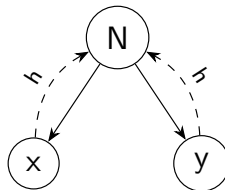
- S-Attribut: Für **Expressions** berechnen wir Typen (bottom-up)
 - **Blätter**: Konstante Literale (23, "foobar") haben feste, eingebaute Typen
Namensreferenzen haben Typen der Deklaration (später mehr)
 - **Innere Knoten**: Jeder Knotentyp hat eine Typ-Gleichung.
Jeder Knoten propagiert seinen Ergebnistypen nach oben.

Typberechnung und -prüfung geschieht „in einem Rutsch“!

```
class TypeVisitor:
    def visit_literal(self, T):
        # Ganzzahl-Literal
        T.Type = int
    def visit_addressof(self, T):
        # Typausdruck: &(op)
        T.Type = pointer(T.op.Type)
```

Minimalbeispiel

- Monomorphes Typsystem
- Ganzzahl und Pointertyp
- Addition nur auf Ganzzahlen





Berechnung des Typen und Typkonsistenz

- S-Attribut: Für **Expressions** berechnen wir Typen (bottom-up)
 - **Blätter**: Konstante Literale (23, "foobar") haben feste, eingebaute Typen
Namensreferenzen haben Typen der Deklaration (später mehr)
 - **Innere Knoten**: Jeder Knotentyp hat eine Typ-Gleichung.
Jeder Knoten propagiert seinen Ergebnistypen nach oben.

Typberechnung und -prüfung geschieht „in einem Rutsch“!

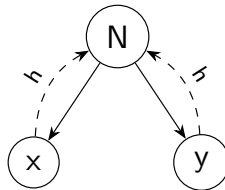
```
class TypeVisitor:
    def visit_literal(self, T):
        # Ganzzahl-Literal
        T.Type = int

    def visit_addressof(self, T):
        # Typausdruck: &(op)
        T.Type = pointer(T.op.Type)

    def visit_add(self, T):
        L, R = T.lhs.Type, T.rhs.Type
        # Konsistenzprüfung
        if not L.equal(int) \
            or not L.equal(R):
            self.error(...)
        # Typausdruck: lhs + rhs
        T.Type = L
```

Minimalbeispiel

- Monomorphes Typsystem
- Ganzzahl und Pointertyp
- Addition nur auf Ganzzahlen



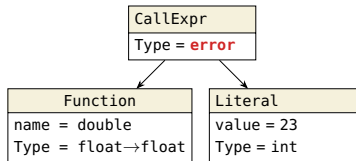


Coercion: Implizite Typumwandlung

➤ Automatisch angewendete implizite Typumwandlung

Was passiert bei inkompatiblen Typen?

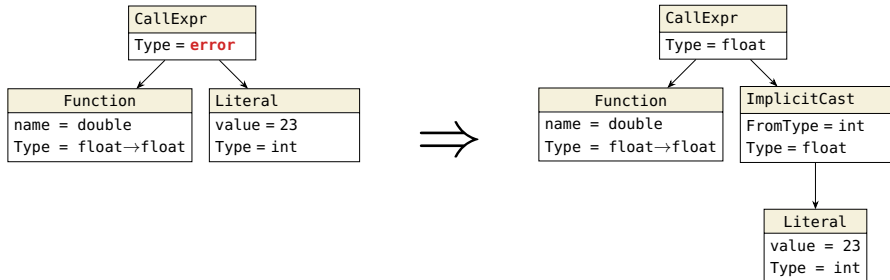
Passen geforderter (z.B. Parameter) und vorhandener Typ (z.B. Argument) nicht zusammen, kann eine **implizite** Typumwandlung eingefügt werden.



Automatisch angewendete implizite Typumwandlung

Was passiert bei inkompatiblen Typen?

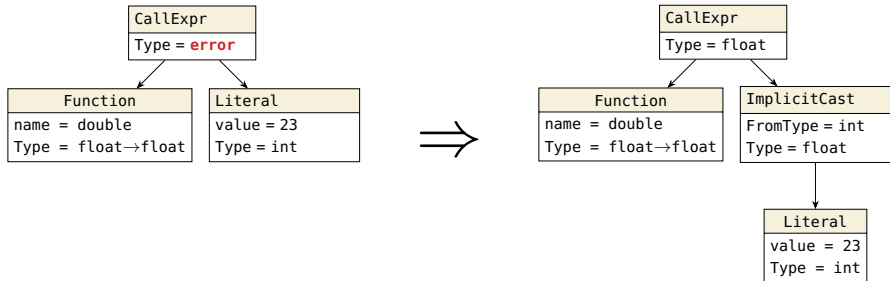
Passen geforderter (z.B. Parameter) und vorhandener Typ (z.B. Argument) nicht zusammen, kann eine **implizite** Typumwandlung eingefügt werden.



➤ Automatisch angewendete implizite Typumwandlung

Was passiert bei inkompatiblen Typen?

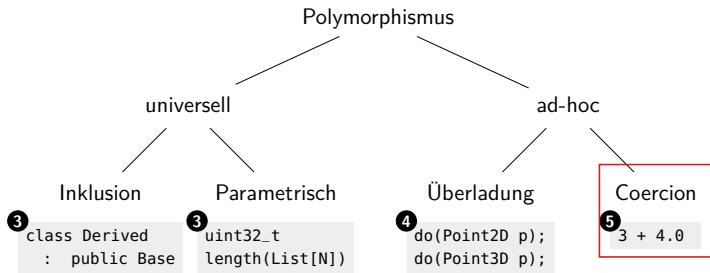
Passen geforderter (z.B. Parameter) und vorhandener Typ (z.B. Argument) nicht zusammen, kann eine **implizite** Typumwandlung eingefügt werden.



- Sprachen definieren eine Reihe von impliziten Typumwandlungen
 - **Ganzzahlweitung**: Umwandlung in breitere Integer ohne Informationsverlust
 - C++: `char` → `short` → `int` → `long`
 - C: Implizite Umwandlung von `void*` zu beliebigen Zeigern (z.B. `int *`)



Einordnung der automatischen Typumwandlung

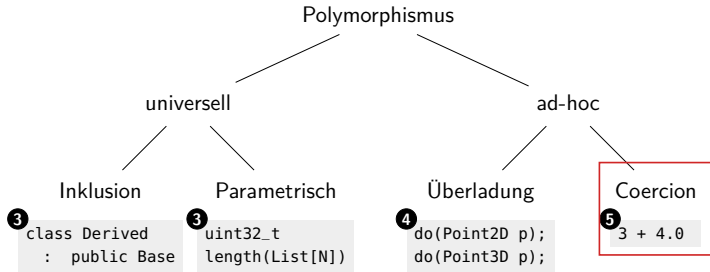


■ Automatisch umgewandelte Typen verhalten sich **polymorph**!

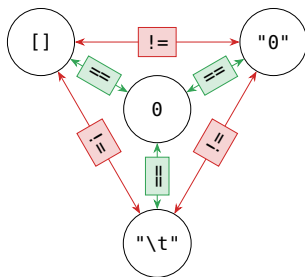
- **Ad-Hoc**: Die Umwandlung ist abhängig vom konkreten Kontext
- Typumwandlung ist polymorph auf Seite des Produzenten
- Überladung ist polymorph auf Seite des Konsumenten



Einordnung der automatischen Typumwandlung



- Automatisch umgewandelte Typen verhalten sich **polymorph**!
 - **Ad-Hoc**: Die Umwandlung ist abhängig vom konkreten Kontext
 - Typumwandlung ist polymorph auf Seite des Produzenten
 - Überladung ist polymorph auf Seite des Konsumenten
- Manche Sprachen erlauben nutzerdefinierte implizite Umwandlungen.
 - **Converting constructors** (C++): Konstruktoren mit genau einem Argument ergänzen die eingebauten Regeln zur Typumwandlung.



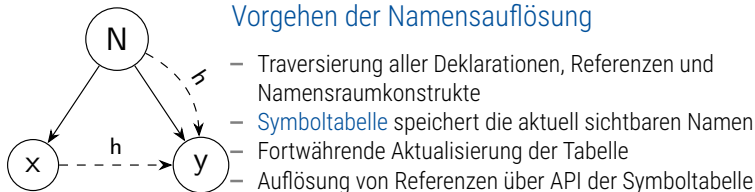
- Implizite Typumwandlung können leicht zu Verwirrung führen!
 - Javascript: Umwandlungen von Strings und leeren Arrays zur Zahl 0
„When using two equals signs [...] some funky conversions take place“
 - Inkonsistente Gleichheit: `([]!="0")` vs. `(([]==0)&&(0=="0"))`
- ⇒ Die traurige Wahrheit: JavaScript hat zusätzlich einen `===`-Operator.



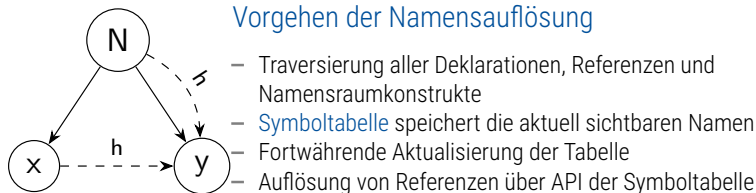
Namensauflösung mittels Symboltabelle

- Referenzen beziehen sich auf benannte aber entfernte Deklarationen
 - Deklaration muss vor der Benutzung stattfinden (im AST links)
 - Welche Deklaration gemeint ist, ist ein L-Attribut.

Vorgehen der Namensauflösung



- Referenzen beziehen sich auf benannte aber entfernte Deklarationen
 - Deklaration muss vor der Benutzung stattfinden (im AST links)
 - Welche Deklaration gemeint ist, ist ein L-Attribut.



- **Symboltabelle**: Mögliche API in Java

```
interface SymbolTable {  
    ...  
    public void openNamespace(Tree NS);  
    public void createName(Name name, Tree node);  
    public Tree findName(Name name);  
    public void closeNamespace(Tree NS);  
    ...  
}
```

Java



```
class NameVisitor:
    def __init__(self):
        self.ST = SymbolTable()
```

- Visitor hält eine Symboltabelle, die den aktuellen Kontext speichert.
- `self.ST` ist der „Datenrucksack“ für die Traversierung.


```
class NameVisitor:
    def __init__(self):
        self.ST = SymbolTable()
```

```
def pre_NamespaceDecl(self, NS):
    self.ST.openNamespace(NS)
```

```
def post_NamespaceDecl(self, NS):
    self.ST.closeNamespace(NS)
```

- Visitor hält eine Symboltabelle, die den aktuellen Kontext speichert.
- `self.ST` ist der „Datenrucksack“ für die Traversierung.
- Visitor muss es erlauben Code vor (`pre_`) und nach (`post_`) Besuch der Kindknoten auszuführen.
- Einige AST-Knoten öffnen einen neuen Namensraum.

```
def traversal(V, T):
    # V.pre_<DynamicTypeName>(T)
    dispatch(V, "pre_", T)

    for child in T.children:
        traversal(V, child)

    # V.post_<DynamicTypeName>(T)
    dispatch(V, "post_", T)
```



```
class NameVisitor:
    def __init__(self):
        self.ST = SymbolTable()
```

```
    def pre_NamespaceDecl(self, NS):
        self.ST.openNamespace(NS)
```

```
    def post_NamespaceDecl(self, NS):
        self.ST.closeNamespace(NS)
```

```
    def pre_VarDecl(self, D):
        N = D.identifier
        self.ST.createName(N, D)
```

- Visitor hält eine Symboltabelle, die den aktuellen Kontext speichert.
- `self.ST` ist der „Datenrucksack“ für die Traversierung.
- Visitor muss es erlauben Code vor (`pre_`) und nach (`post_`) Besuch der Kindknoten auszuführen.
- Einige AST-Knoten öffnen einen neuen Namensraum.
- Deklarationen führen Namen (`N`) für AST-Knoten (`fn`) ein



AST-Traversierung mit Symboltabelle

```
class NameVisitor:
    def __init__(self):
        self.ST = SymbolTable()
```

```
    def pre_NamespaceDecl(self, NS):
        self.ST.openNamespace(NS)
```

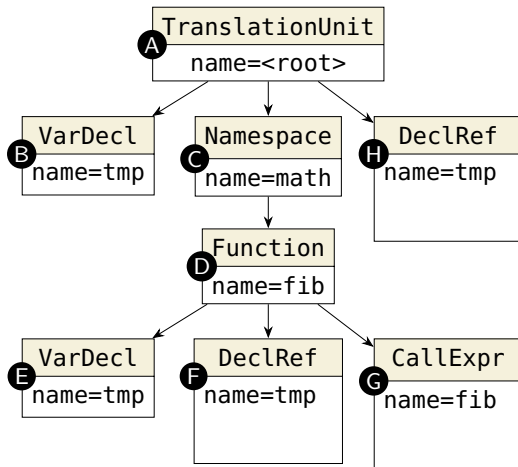
```
    def post_NamespaceDecl(self, NS):
        self.ST.closeNamespace(NS)
```

```
    def pre_VarDecl(self, D):
        N = D.identifier
        self.ST.createName(N, D)
```

```
    def pre_DeclRefExpr(self, R):
        N = R.identifier
        decl = self.ST.findName(N)
        R.decl = decl
```

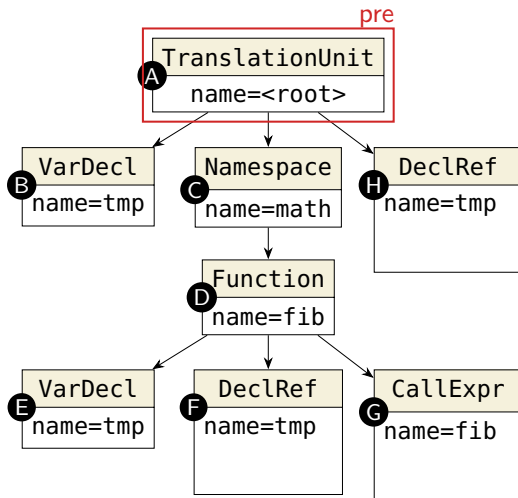
- Visitor hält eine Symboltabelle, die den aktuellen Kontext speichert.
- `self.ST` ist der „Datenrucksack“ für die Traversierung.
- Visitor muss es erlauben Code vor (`pre_`) und nach (`post_`) Besuch der Kindknoten auszuführen.
- Einige AST-Knoten öffnen einen neuen Namensraum.
- Deklarationen führen Namen (`N`) für AST-Knoten (`fn`) ein
- Referenz `R` mittels Tabelle auflösen
- Ergebnis (`decl`) als Attribut speichern

Symboltabelle als Stack von Namensräumen



Symbol Table

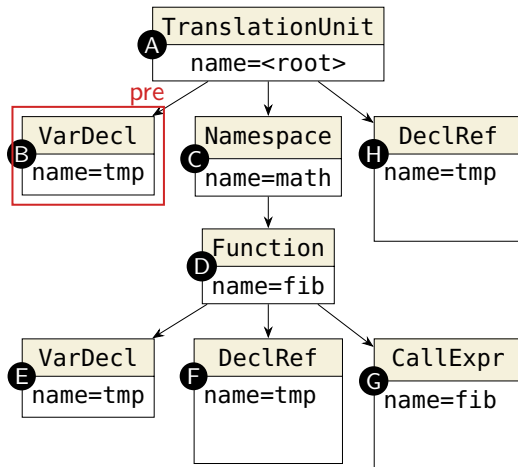
Symboltabelle als Stack von Namensräumen



Symbol Table

Namespace:	A

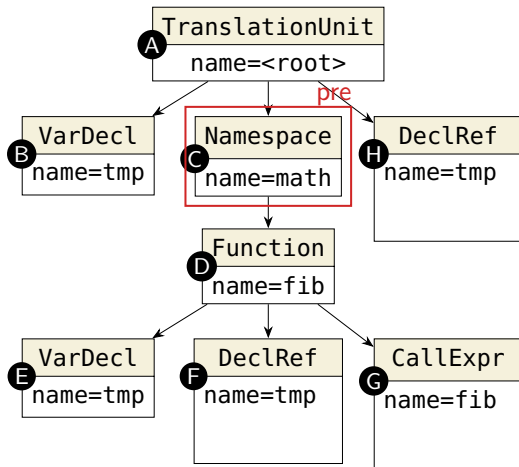
Symboltabelle als Stack von Namensräumen



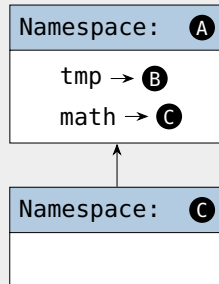
Symbol Table

Namespace:	A
tmp →	B

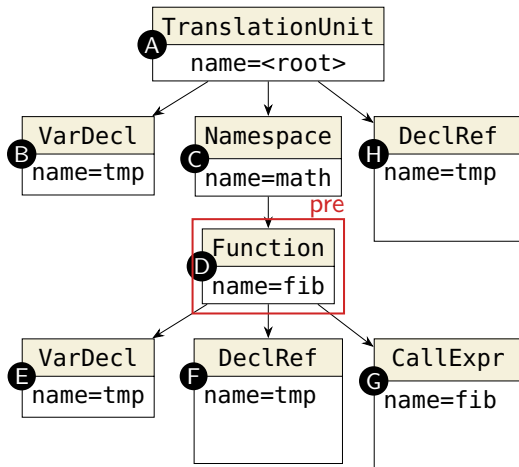
Symboltabelle als Stack von Namensräumen



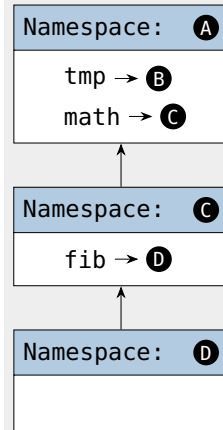
Symbol Table



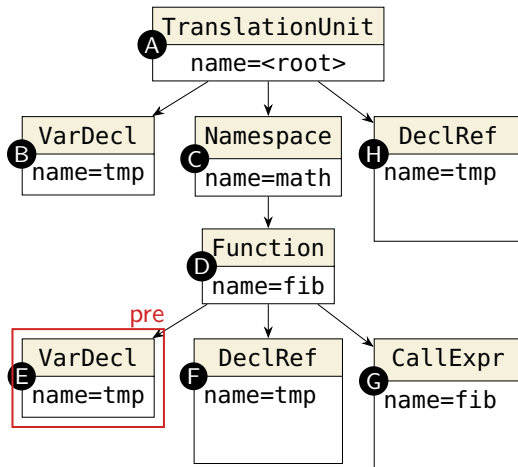
➤ Symboltabelle als Stack von Namensräumen



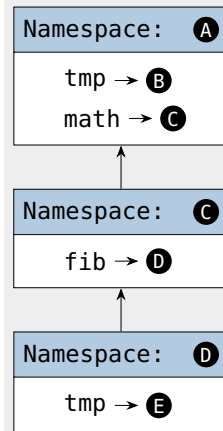
Symbol Table



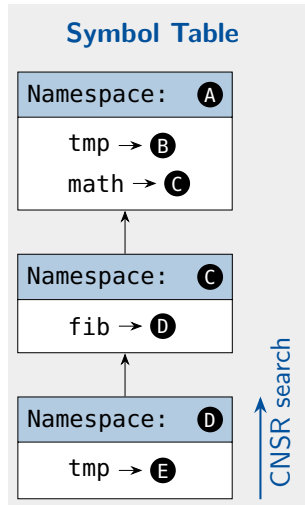
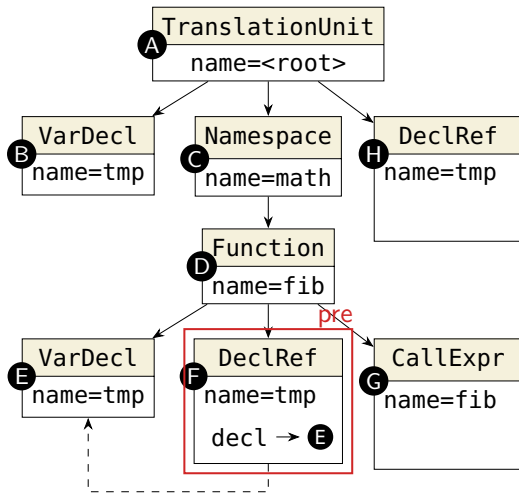
➤ Symboltabelle als Stack von Namensräumen



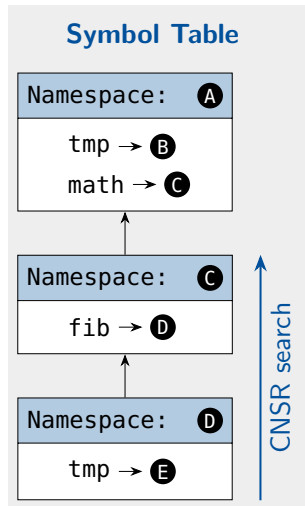
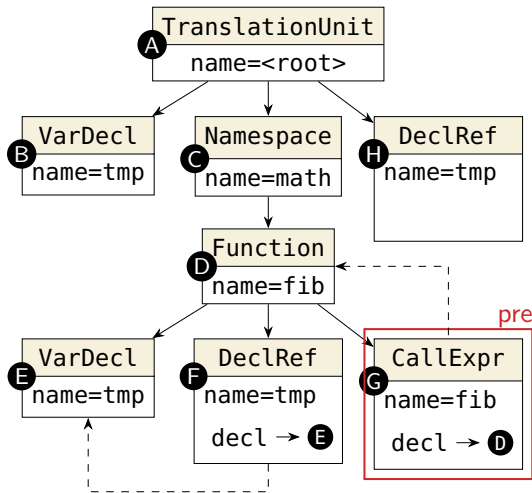
Symbol Table



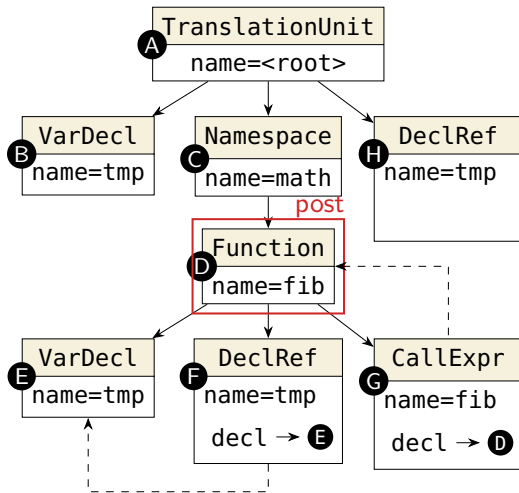
➤ Symboltabelle als Stack von Namensräumen



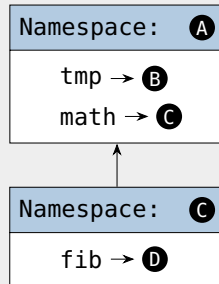
Symboltabelle als Stack von Namensräumen



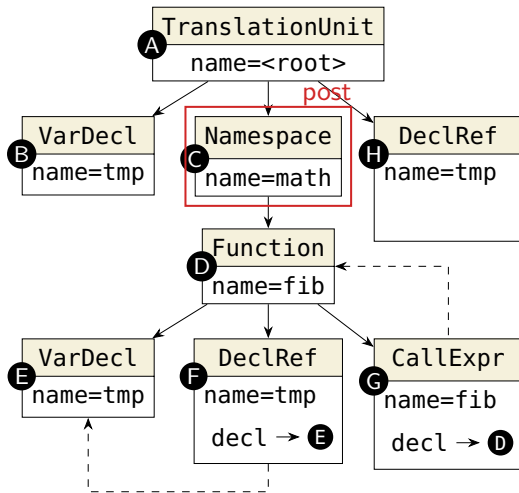
Symboltabelle als Stack von Namensräumen



Symbol Table



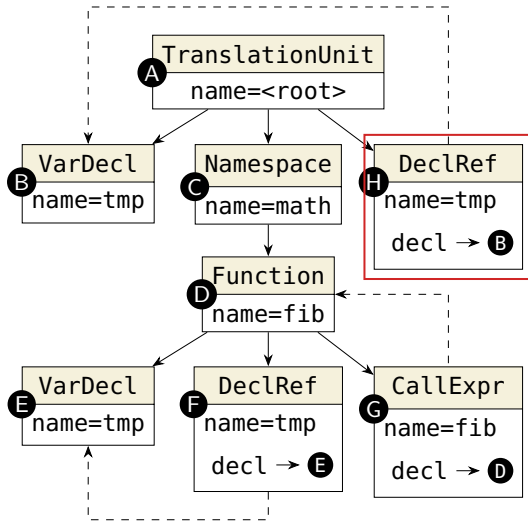
Symboltabelle als Stack von Namensräumen



Symbol Table

Namespace:	A
tmp →	B
math →	C

Symboltabelle als Stack von Namensräumen

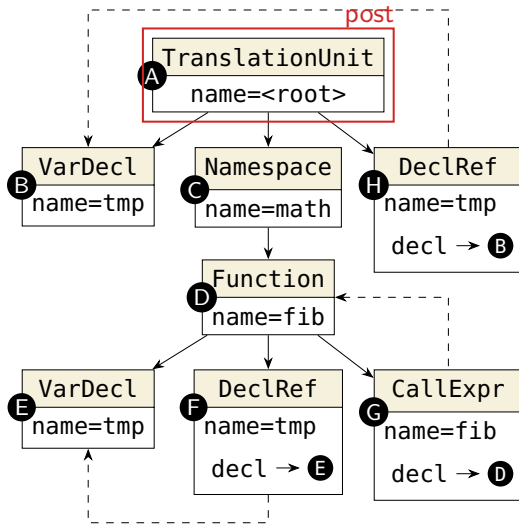


Symbol Table

Namespace:	A
tmp →	B
math →	C

↑
CNSR search

Symboltabelle als Stack von Namensräumen



Symbol Table



Erweiterte Traversierung bei der Namensauflösung

- Beliebige Reihenfolge von Deklaration und Referenzen in einem NS
 - Java: Reihenfolge der Methodendefinition ist egal!
 - **Lösung:** Wir traversieren den AST **zweimal**.
 1. Einsammeln aller Deklarationen, Speicherung an den Knoten (z.B. `ClassDecl`)
 2. Auflösen der Referenzen beim zweiten Durchlauf

➤ Erweiterte Traversierung bei der Namensauflösung

- Beliebige Reihenfolge von Deklaration und Referenzen in einem NS
 - Java: Reihenfolge der Methodendefinition ist egal!
 - **Lösung:** Wir traversieren den AST zweimal.
 1. Einsammeln aller Deklarationen, Speicherung an den Knoten (z.B. `ClassDecl`)
 2. Auflösen der Referenzen beim zweiten Durchlauf
- Überladung von Funktionen anhand der statischen Signaturen
 - Typinformationen müssen bei der Namensauflösung bereitstehen
 - **Lösung:** Typberechnung und Namensauflösung im **selben Visitor** durchführen

```
def post_CallExpr(self, call): # Post-Order: Bekannte Argumente
    # 1. Berechnung der statischen Signatur
    N = signature(call.func_name)
    for A in call.arguments:
        N.addParam(A.Type)

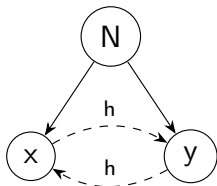
    # 2. Namensauflösung des komplexen Namens
    call.decl = self.ST.findName(N)

    # 3. Ergebnistyp der CallExpr
    call.Type = call.decl.ReturnType
```

Python



Zyklische Attribute und Unifikation



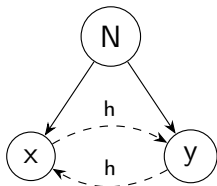
- Zyklische Attribute erfordern komplexen Datenfluss
 - Knoten liefern Teilwissen über das Attribut
 - Gleichungssystem für Attribute ist **selbst-referenziell**
 - Einfaches zyklisches Beispiel:

$$x.h = y.h - 1$$

Konsequente Zahlen

$$y.h = 2 * x.h$$

Vielfachheit



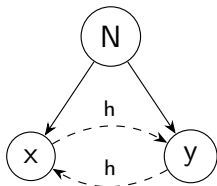
- Zyklische Attribute erfordern komplexen Datenfluss
 - Knoten liefern Teilwissen über das Attribut
 - Gleichungssystem für Attribute ist **selbst-referenziell**
 - Einfaches zyklisches Beispiel: $x.h = 1$, $y.h = 2$

$$x.h = y.h - 1$$

Konsequente Zahlen

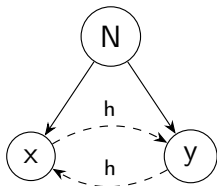
$$y.h = 2 * x.h$$

Vielfachheit



- Zyklische Attribute erfordern komplexen Datenfluss
 - Knoten liefern Teilwissen über das Attribut
 - Gleichungssystem für Attribute ist selbst-referenziell
 - Einfaches zyklisches Beispiel: $x.h = 1$, $y.h = 2$

$x.h = y.h - 1$ *Konsequente Zahlen*
 $y.h = 2 * x.h$ *Vielfachheit*
 - ... wurden lange für Programmiersprachen gemieden.



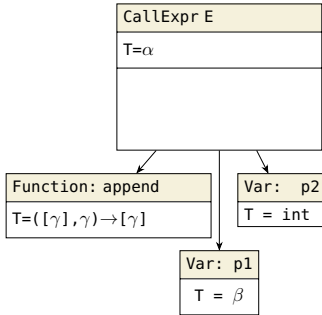
- Zyklische Attribute erfordern komplexen Datenfluss
 - Knoten liefern Teilwissen über das Attribut
 - Gleichungssystem für Attribute ist selbst-referenziell
 - Einfaches zyklisches Beispiel: $x.h = 1$, $y.h = 2$

$x.h = y.h - 1$ *Konsequente Zahlen*
 $y.h = 2 * x.h$ *Vielfachheit*
 - ... wurden lange für Programmiersprachen gemieden.

- **Typinferenz** erleichtert statische Typisierung, erzeugt aber Zyklen
 - Inferenz: Ableitung der statischen Typen aus der Verwendung der Variablen
 - `fun(x) { return x + 2 }` → Der Parameter x muss vom Typ `int` sein
 - **Hindley-Milner-Typinferenz** kombiniert zyklische Attribute mit **parametrischem Polymorphismus**; Grundlage der **funktionalen Programmierung**

Typinferenz durch Ersetzung von Typvariablen

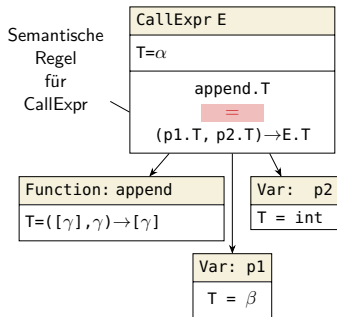
Was ist der Typ von `append(p1, p2)` ?



- Blätter: Einsetzen des vorhandenen Wissens
 - Die Variable `p2` hat Typ `int`
 - `append()` ist generische Funktion und hängt ein Element an homogene Liste an
 - Alles Unbekannte wird durch eine **freie Typvariable** (α, β, γ) dargestellt.

Typinferenz durch Ersetzung von Typvariablen

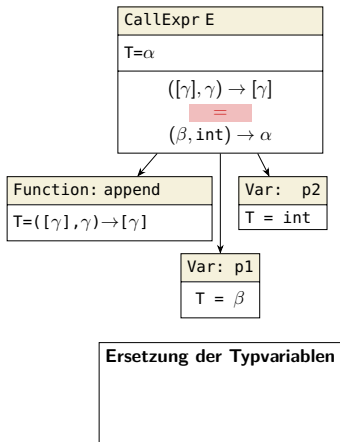
Was ist der Typ von `append(p1, p2)` ?



- Blätter: Einsetzen des vorhandenen Wissens
 - Die Variable p2 hat Typ `int`
 - `append()` ist generische Funktion und hängt ein Element an homogene Liste an
 - Alles Unbekannte wird durch eine **freie Typvariable** (α, β, γ) dargestellt.
- Regeln als **parametrische Bedingungen**
 - CallExpr: Die Signatur der aufgerufenen Funktion muss zu den Argumenten passen.
 - Rückgabebetyp ($E.T$) soll ermittelt werden

Typinferenz durch Ersetzung von Typvariablen

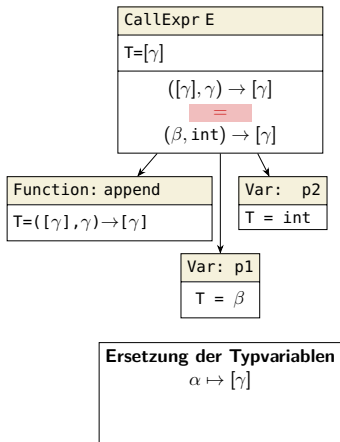
Was ist der Typ von `append(p1, p2)` ?



- Blätter: Einsetzen des vorhandenen Wissens
 - Die Variable p2 hat Typ `int`
 - `append()` ist generische Funktion und hängt ein Element an homogene Liste an
 - Alles Unbekannte wird durch eine **freie Typvariable** (α, β, γ) dargestellt.
- Regeln als **parametrische Bedingungen**
 - CallExpr: Die Signatur der aufgerufenen Funktion muss zu den Argumenten passen.
 - Rückgabebetyp (E.T) soll ermittelt werden
- Variablen-Elimination durch **Ersetzungen**
 - **Ziel:** Bedingungen müssen erfüllt sein
 - Ersetzung: Variable \rightarrow Typausdruck
 - Finde Sequenz unifizierender Ersetzungen

Typinferenz durch Ersetzung von Typvariablen

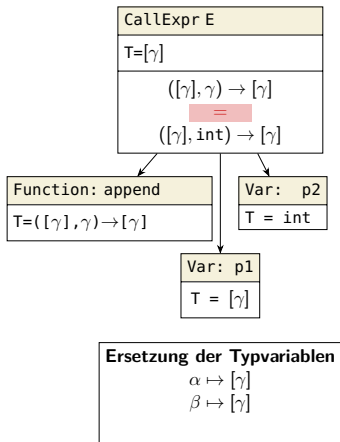
Was ist der Typ von `append(p1, p2)` ?



- Blätter: Einsetzen des vorhandenen Wissens
 - Die Variable p2 hat Typ `int`
 - `append()` ist generische Funktion und hängt ein Element an homogene Liste an
 - Alles Unbekannte wird durch eine **freie Typvariable** (α, β, γ) dargestellt.
- Regeln als **parametrische Bedingungen**
 - CallExpr: Die Signatur der aufgerufenen Funktion muss zu den Argumenten passen.
 - Rückgabebetyp (E.T) soll ermittelt werden
- Variablen-Elimination durch **Ersetzungen**
 - **Ziel:** Bedingungen müssen erfüllt sein
 - Ersetzung: Variable \rightarrow Typausdruck
 - Finde Sequenz unifizierender Ersetzungen

Typinferenz durch Ersetzung von Typvariablen

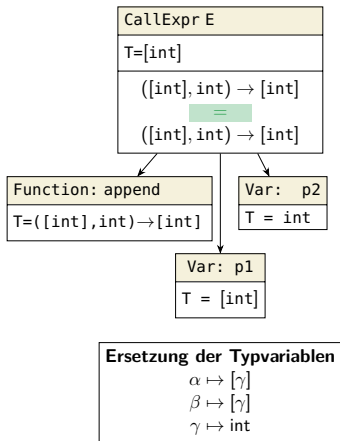
Was ist der Typ von `append(p1, p2)` ?



- Blätter: Einsetzen des vorhandenen Wissens
 - Die Variable p2 hat Typ `int`
 - `append()` ist generische Funktion und hängt ein Element an homogene Liste an
 - Alles Unbekannte wird durch eine **freie Typvariable** (α, β, γ) dargestellt.
- Regeln als **parametrische Bedingungen**
 - CallExpr: Die Signatur der aufgerufenen Funktion muss zu den Argumenten passen.
 - Rückgabebetyp (E.T) soll ermittelt werden
- Variablen-Elimination durch **Ersetzungen**
 - **Ziel:** Bedingungen müssen erfüllt sein
 - Ersetzung: Variable \rightarrow Typausdruck
 - Finde Sequenz unifizierender Ersetzungen

Typinferenz durch Ersetzung von Typvariablen

Was ist der Typ von `append(p1, p2)` ?



- Blätter: Einsetzen des vorhandenen Wissens
 - Die Variable p2 hat Typ `int`
 - `append()` ist generische Funktion und hängt ein Element an homogene Liste an
 - Alles Unbekannte wird durch eine **freie Typvariable** (α, β, γ) dargestellt.
- Regeln als **parametrische Bedingungen**
 - CallExpr: Die Signatur der aufgerufenen Funktion muss zu den Argumenten passen.
 - Rückgabetyp (E.T) soll ermittelt werden
- Variablen-Elimination durch **Ersetzungen**
 - **Ziel:** Bedingungen müssen erfüllt sein
 - Ersetzung: Variable \rightarrow Typausdruck
 - Finde Sequenz **unifizierender Ersetzungen**

➤ Unifikation: Berechnung von passenden Ersetzungen

Unifikation

Finden einer Sequenz von Variablen-Ersetzungen, die zwei Terme angleicht.

$$T_1 = \text{func}(\text{list}(\gamma), \gamma, \text{list}(\gamma))$$

$$T_2 = \text{func}(\beta, \text{int}, \alpha)$$

Typausdrücke mit freien Variablen

- Typ(konstruktoren): int, func, list
- Variablen: α, β, γ
- Variablen können in beiden Termen, auch mehrfach, vorkommen

➤ Unifikation: Berechnung von passenden Ersetzungen

Unifikation

Finden einer Sequenz von Variablen-Ersetzungen, die zwei Terme angleicht.

$$T_1 = \text{func}(\text{list}(\gamma), \gamma, \text{list}(\gamma))$$

$$T_2 = \text{func}(\beta, \text{int}, \alpha)$$

$$U = \underbrace{\{\alpha \mapsto \beta\}}_{S_1}, \underbrace{\{\beta \mapsto \text{list}(\gamma)\}}_{S_2}, \underbrace{\{\gamma \mapsto \text{int}\}}_{S_3}$$

Typausdrücke mit freien Variablen

- Typ(konstruktoren): int, func, list
- Variablen: α, β, γ
- Variablen können in beiden Termen, auch mehrfach, vorkommen

Unifizierende Ersetzung

- Ersetzungssequenz: $S_1 \circ S_2 \circ S_3$
- Reihenfolge ist relevant!
- **Allgemeinster Unifikator** nimmt nur notwendige Ersetzungen vor

➤ Unifikation: Berechnung von passenden Ersetzungen

Unifikation

Finden einer Sequenz von Variablen-Ersetzungen, die zwei Terme angleicht.

$$T_1 = \text{func}(\text{list}(\gamma), \gamma, \text{list}(\gamma))$$

$$T_2 = \text{func}(\beta, \text{int}, \alpha)$$

$$U = \{\underbrace{\alpha \mapsto \beta}_{S_1}, \underbrace{\beta \mapsto \text{list}(\gamma)}_{S_2}, \underbrace{\gamma \mapsto \text{int}}_{S_3}\}$$

Typausdrücke mit freien Variablen

- Typ(konstruktoren): int, func, list
- Variablen: α, β, γ
- Variablen können in beiden Termen, auch mehrfach, vorkommen

Unifizierende Ersetzung

- Ersetzungssequenz: $S_1 \circ S_2 \circ S_3$
- Reihenfolge ist relevant!
- **Allgemeinster Unifikator** nimmt nur notwendige Ersetzungen vor

■ Mehrere Unifikations-Algorithmen $\text{unify}(T_1, T_2) \rightarrow U$

- Erster Algorithmus von Robinson (1965) hat exponentielle Laufzeit
- Lineare Laufzeit: Paterson, Wegman (1978); Martelli, Montanari (1982)



- Semantische Analyse prüft die restlichen kontextsensitiven Sprachregeln
 - **Namensauflösung**: Gibt es zu jeder Referenz eine Deklaration?
 - **Typkonsistenz**: Werden die statischen Typen korrekt verwendet?
- ⇒ Nach der semantischen Analyse haben wir ein korrektes Programm vor uns!



- Semantische Analyse prüft die restlichen kontextsensitiven Sprachregeln
 - **Namensauflösung**: Gibt es zu jeder Referenz eine Deklaration?
 - **Typkonsistenz**: Werden die statischen Typen korrekt verwendet?
- ⇒ Nach der semantischen Analyse haben wir ein korrektes Programm vor uns!
- Berechnung der **semantischen Attribute** für jeden Knoten (z.B. Typ)
 - Attribute sind Abhängig von anderen (auch entfernten) Knotenattributen
⇒ Gleichungssystem zwischen allen Knotenattributen
 - **S-Attribut**: Nur Abhängigkeiten zu den eigenen Kindern (,,nach unten“)
 - **L-Attribut**: Abhängigkeiten von Geschwister und Vorgängern (,,nach links“)
 - **Zyklische Attribute**: Wechselseitig abhängige Attributgleichungen



- Semantische Analyse prüft die restlichen kontextsensitiven Sprachregeln
 - **Namensauflösung**: Gibt es zu jeder Referenz eine Deklaration?
 - **Typkonsistenz**: Werden die statischen Typen korrekt verwendet?

⇒ Nach der semantischen Analyse haben wir ein korrektes Programm vor uns!
- Berechnung der **semantischen Attribute** für jeden Knoten (z.B. Typ)
 - Attribute sind Abhängig von anderen (auch entfernten) Knotenattributen
⇒ Gleichungssystem zwischen allen Knotenattributen
 - **S-Attribut**: Nur Abhängigkeiten zu den eigenen Kindern („nach unten“)
 - **L-Attribut**: Abhängigkeiten von Geschwister und Vorgängern („nach links“)
 - **Zyklische Attribute**: Wechselseitig abhängige Attributgleichungen
- **Übersetzertechniken** zur Attributberechnung und Regelprüfung
 - **Baumtraversierung**: Visitor bündelt knotentypabhängige Operationen
 - **Symboltabelle**: Speichert die aktuell deklarierten Namen beim Traversieren
 - **Unifikation**: Angleichung von parametrischen Typausdrücken durch Ersetzung