



## ■ **Hybrid-Vorlesung mit Aufnahme**

- Die Aufnahme ist anschließend in Stud.IP verfügbar
- Nutzen Sie die Gelegenheit zur Live-Veranstaltung!

## ■ Wir nehmen auf

- Folien, Dozent, Live-Audio sowie BBB-Audio
- **Ihre Stimme** beim Fragen und Sprechen
- **Durch aktive Teilnahme erklären Sie sich einverstanden!**

## ■ Fragen: Live, im Chat, Sprechen in der BBB-Sitzung



Technische  
Universität  
Braunschweig

Institute of Operating Systems  
and Computer Networks  
Reliable System Software



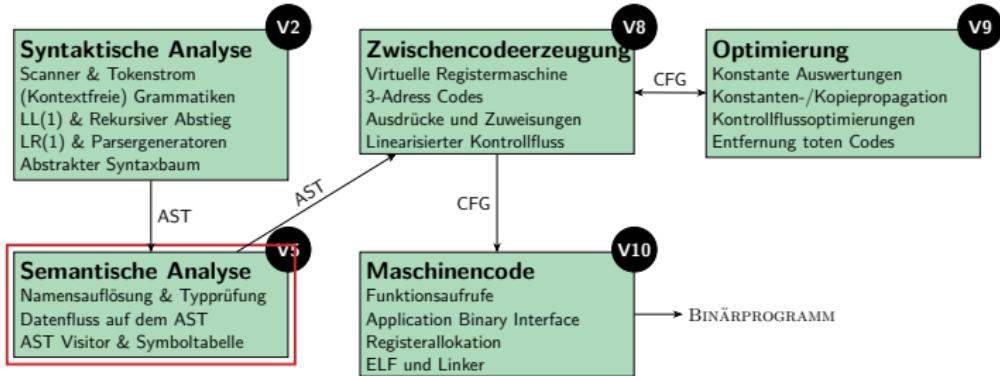
# Programmiersprachen und Übersetzer

05 - Semantische Analyse

Christian Dietrich

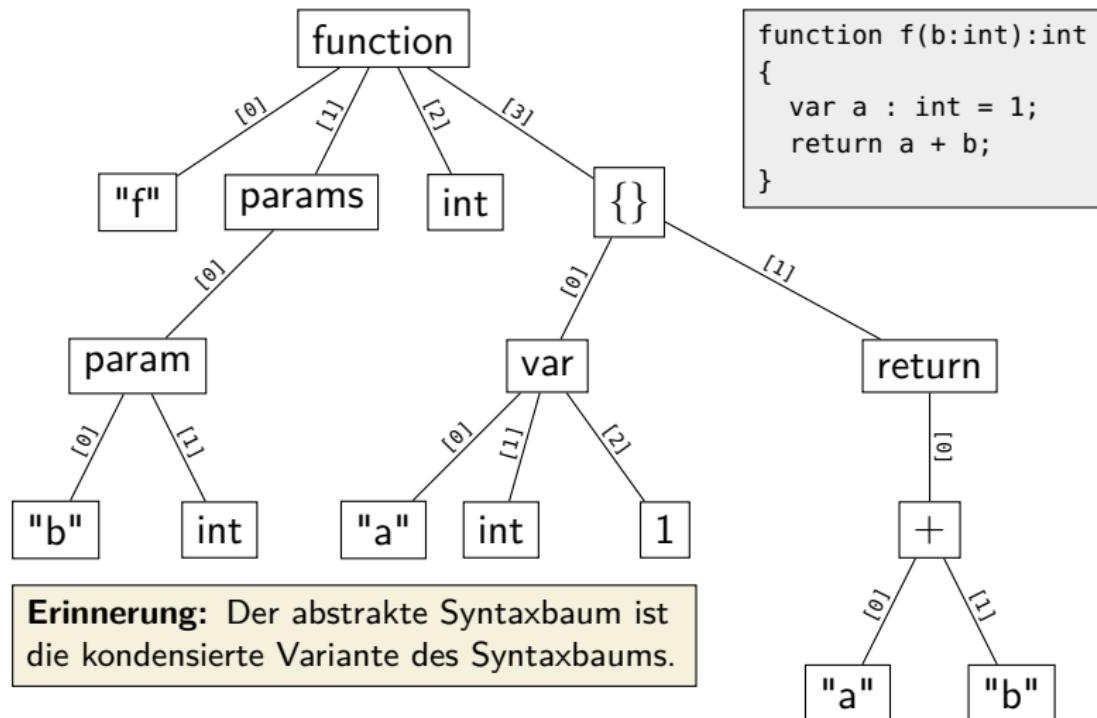
Sommersemester 2024

# Einordnung in die Vorlesung: Semantische Analyse

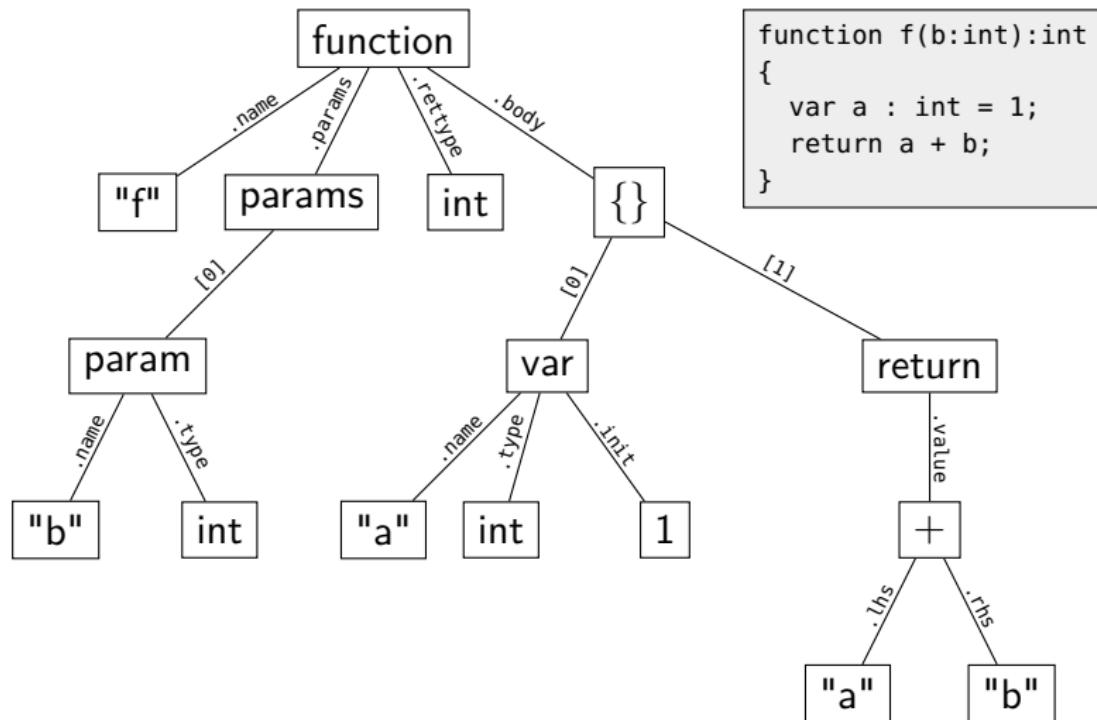


- Übersetzer prüft bei der semantischen Analyse die letzten Sprachregeln.  
⇒ In der semantischen Analyse werden die letzten Fehler entdeckt.
- Was sollte der **effektive** und **effiziente** Informatiker darüber wissen?
  - Datenfluss auf einem Baum geschieht entlang und quer zu den Kanten.
  - Übersetzertechniken sind auch in anderen Bereichen einsetzbar.

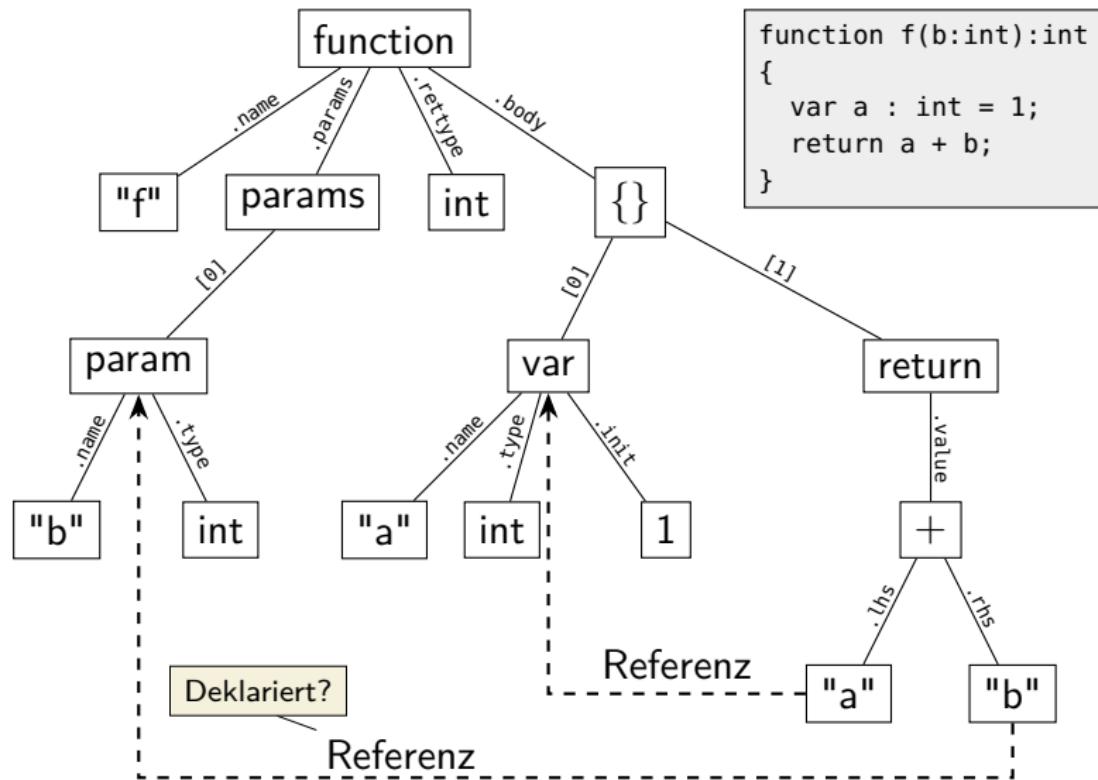
# Beispiel: Semantische Analyse eines Programms



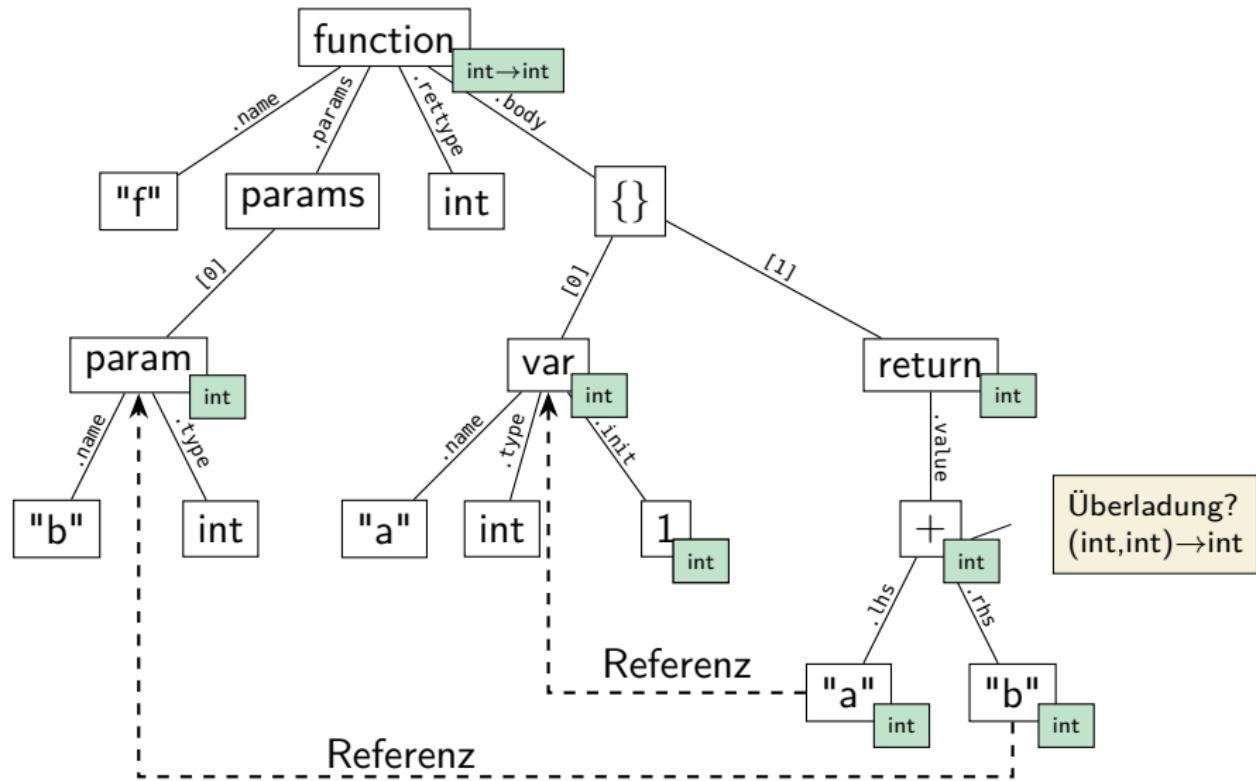
# Beispiel: Semantische Analyse eines Programms



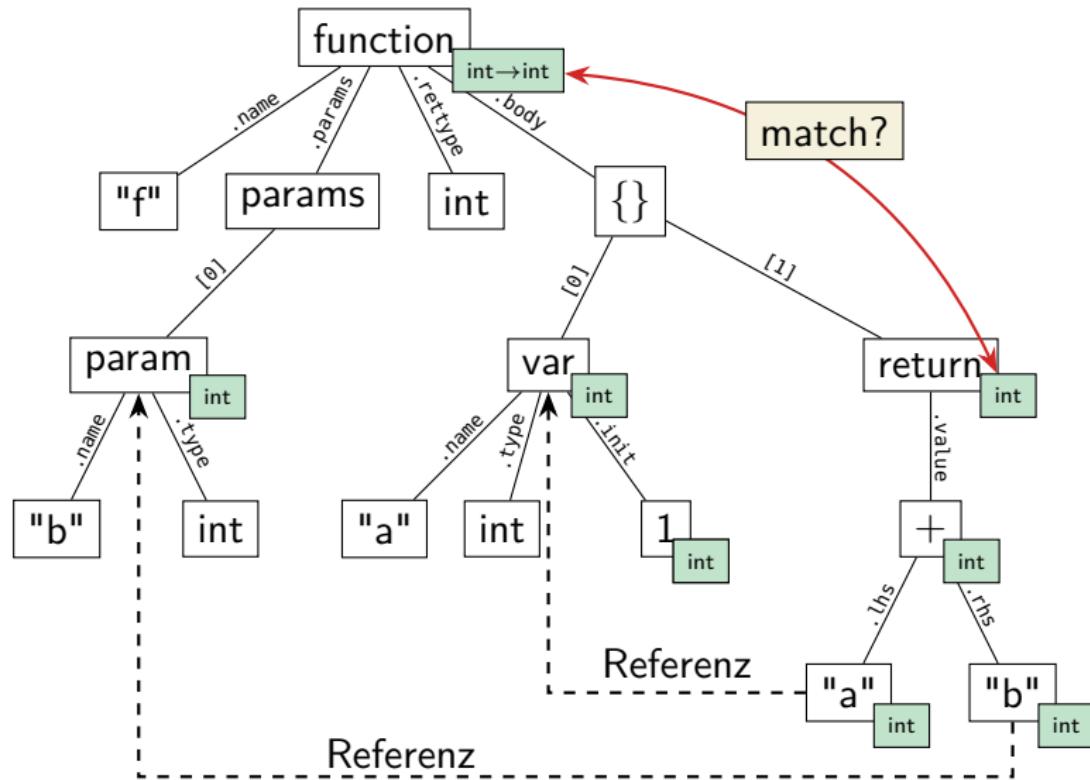
# Beispiel: Semantische Analyse eines Programms



# Beispiel: Semantische Analyse eines Programms



# Beispiel: Semantische Analyse eines Programms



## Syntaktische und semantische Analyse prüfen alle Sprachregeln

Die syntaktische Analyse prüft die kontextfreien Regeln einer Sprache. Alles, was nicht kontextfrei geprüft werden kann, überprüft die semantische Analyse.

- Abschließende Prüfung der Sprachregeln und Informationsgewinnung
  - Alle restlichen, nicht-syntaktischen, Sprachfehler werden hier aufgedeckt.
  - „Wo ist diese verwendete Variable deklariert und mit welchem Typ?“

## Syntaktische und semantische Analyse prüfen alle Sprachregeln

Die syntaktische Analyse prüft die kontextfreien Regeln einer Sprache. Alles, was nicht kontextfrei geprüft werden kann, überprüft die semantische Analyse.

- Abschließende Prüfung der Sprachregeln und Informationsgewinnung
  - Alle restlichen, nicht-syntaktischen, Sprachfehler werden hier aufgedeckt.
  - „Wo ist diese verwendete Variable deklariert und mit welchem Typ?“
- **Deklariertheit:** Kann jede (statische) Namensreferenz aufgelöst werden?
  - Zu jedem Namen(spfad) muss eine Deklaration gefunden werden.
  - Auffinden der passenden Überladung für eine Aufrufstelle
- **Typkonsistenz:** Werden die statischen Typen korrekt verwendet?
  - Die Typen der Argumente müssen zur Signatur einer Operation passen.
  - Nicht jede Inkonsistenz ist ein Fehler (Implizite Typumwandlung)

## Syntaktische und semantische Analyse prüfen alle Sprachregeln

Die syntaktische Analyse prüft die kontextfreien Regeln einer Sprache. Alles, was nicht kontextfrei geprüft werden kann, überprüft die semantische Analyse.

- Abschließende Prüfung der Sprachregeln und Informationsgewinnung
  - Alle restlichen, nicht-syntaktischen, Sprachfehler werden hier aufgedeckt.
  - „Wo ist diese verwendete Variable deklariert und mit welchem Typ?“

- **Deklariertheit:** Kann jede (statische) Namensreferenz aufgelöst werden?
  - Zu jedem Namen(spfad) muss eine Deklaration gefunden werden.
  - Auffinden der passenden Überladung für eine Aufrufstelle

- **Typkonsistenz:** Werden die statischen Typen korrekt verwendet?
  - Die Typen der Argumente müssen zur Signatur einer Operation passen.
  - Nicht jede Inkonsistenz ist ein Fehler (Implizite Typumwandlung)



# AST Knoten

**Theoretisch** ganz einfach. Ein AST ist eine Menge von Knoten....

```
struct node_t {  
    int      type;  
    string   token;  
    vector<node_t> children;  
};
```

```
string getName(node_t *n) {  
    if (n->type == VAR_DECL) {  
        return n->children[1].token;  
    } else if (n->type == VAR_REF) {  
        return n->token;  
    } ....  
}
```

**Theoretisch** ganz einfach. Ein AST ist eine Menge von Knoten....

```
struct node_t {  
    int type;  
    string token;  
    vector<node_t> children;  
};
```

```
string getName(node_t *n) {  
    if (n->type == VAR_DECL) {  
        n->children[1].token;  
        if (n->type == VAR_REF) {  
            ...  
        } ....  
    }  
}
```

NEIN

■ **In Realität:** Code des Übersetzers muss auf dem AST operieren

- Struktur der Grammatik sollte sich in den Datenstrukturen widerspiegeln
- Übersetzer sind komplexe Programme, Bugs sind besonders schwerwiegend
- Nutzung der verfügbaren Sprachfeatures, um Übersetzer **robust** zu machen

```
class ClassDef extends Definition {  
    public Name name;  
    public ClassDef extending;  
    public List<InterfaceDef> implementing;  
    public List<Definition> defs;  
    ...  
}
```

Java

**Theoretisch** ganz einfach. Ein AST ist eine Menge von Knoten....

```
struct node_t {  
    int type;  
    string token;  
    vector<node_t> children;  
};
```

```
string getName(node_t *n) {  
    if (n->type == VAR_DECL) {  
        n->children[1].token;  
    } else if (n->type == VAR_REF) {  
        n->token;  
    } ....  
}
```

NEIN

■ **In Realität:** Code des Übersetzers muss auf dem AST operieren

- Struktur der Grammatik sollte sich in den Datenstrukturen widerspiegeln
- Übersetzer sieht Knotentypen als Klassen
- Nutzung der verfügbaren Sprachfeatures, um Übersetzer robust zu machen

```
class ClassDef extends Definition {  
    public Name name;  
    public ClassDef parent;  
    public List<InterfaceDef> implementedInterfaces;  
    public List<Definition> defs;  
    ...  
}
```

Kinder haben Namen

Kinder haben Typen

Java

# AST: Eine Hierarchie von Knotentypen

- Die Grammatik legt bereits eine Hierarchie von Knotentypen nahe  
Grammatik:  $stmt \rightarrow assign\_stmt \mid while\_stmt \mid if\_stmt \mid \dots$   
AST-Definition: `class AssignStmt extends Stmt {...}`

# AST: Eine Hierarchie von Knotentypen

- Die Grammatik legt bereits eine Hierarchie von Knotentypen nahe  
Grammatik:  $stmt \rightarrow assign\_stmt \mid while\_stmt \mid if\_stmt \mid \dots$   
AST-Definition: `class AssignStmt extends Stmt { ... }`
- Zusammenfassung von Ähnlichkeiten verschiedener Knotentypen  
*Beispiel:* Viele Deklarationen können einen Namen tragen. Lassen wir diese von `NamedDecl` erben, so können wir sie gleich behandeln.

- Die Grammatik legt bereits eine Hierarchie von Knotentypen nahe  
*Grammatik:*  $stmt \rightarrow assign\_stmt \mid while\_stmt \mid if\_stmt \mid \dots$   
*AST-Definition:* `class AssignStmt extends Stmt { ... }`
- Zusammenfassung von Ähnlichkeiten verschiedener Knotentypen  
*Beispiel:* Viele Deklarationen können einen Namen tragen. Lassen wir diese von `NamedDecl` erben, so können wir sie gleich behandeln.
- Häufig verwendete Klassen von Knotentypen
  - **Expression:** Ausdrücke, die man auswerten kann und die ein Ergebnis liefern.  
*Beispiele:* Addition, Dereferenzierung, `(<cond> ? <then> : <else>)`
  - **Statement:** Anweisungen, die sequentiell bearbeitet werden.  
*Beispiele:* if-else, Schleifen, Zuweisungen
  - **Typen:** Literal notierte Typausdrücke  
*Beispiele:* Typname, Typausdruck innerhalb eines Casts
  - **Deklaration:** Jede statische Bekanntmachung für den Compiler  
*Beispiele:* Variablendefinition, Klassendeklarationen, `typedef`

# AST: Zusätzliche Attribute

- Der Parser erzeugt die Knoten und die Baumstruktur.
  - **Parseraktionen** machen dies nebenher, wenn eine Regel angewendet wird:

```
while_stmt -> WHILE ( expr ) body { new WhileStmt(cond=$3, body=$5) }
```
  - **expr** ist ein Expression-Knoten und ist über \$3 zugreifbar.

# AST: Zusätzliche Attribute

- Der Parser erzeugt die Knoten und die Baumstruktur.
  - **Parseraktionen** machen dies nebenher, wenn eine Regel angewendet wird:

```
while_stmt -> WHILE ( expr ) body { new WhileStmt(cond=$3, body=$5) }
```
  - **expr** ist ein Expression-Knoten und ist über \$3 zugreifbar.
- Semantische Analyse berechnet zusätzliche **Attribute**
  - Datenhaltung während Analyse, Wissensbasis für den Rest des Übersetzers
  - *Beispiel:* Berechneten Typ einer Expression, Zeiger auf die Deklaration

# AST: Zusätzliche Attribute

- Der Parser erzeugt die Knoten und die Baumstruktur.
  - **Parseraktionen** machen dies nebenher, wenn eine Regel angewendet wird:

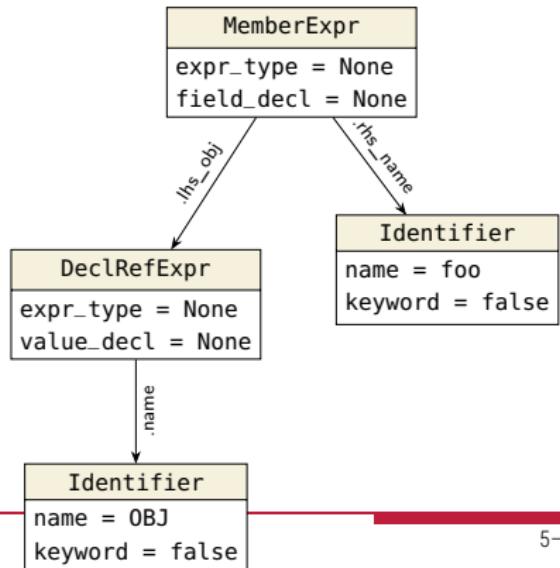
```
while_stmt -> WHILE ( expr ) body { new WhileStmt(cond=$3, body=$5) }
```
  - `expr` ist ein Expression-Knoten und ist über \$3 zugreifbar.
- Semantische Analyse berechnet zusätzliche **Attribute**
  - Datenhaltung während Analyse, Wissensbasis für den Rest des Übersetzers
  - *Beispiel:* Berechneten Typ einer Expression, Zeiger auf die Deklaration

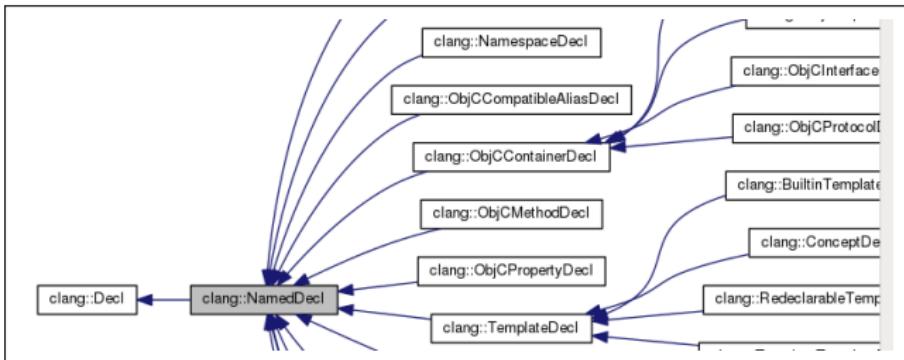
```
class MemberExpr(Expr):
    # AST Kinder:
    lhs_obj      : Expr
    rhs_name     : Identifier

    # AST Attribute
    expr_type    : Type      = None
    field_decl   : FieldDecl = None

    def __init__(self, L, R):
        self.lhs_obj    = L
        self.rhs_name   = R
    ...
```

Python





Ausschnitt aus der Klassenhierarchie

## Public Member Functions

`IdentifierInfo * getIdentifier () const`

Get the identifier that names this declaration, if there is one. [More...](#)

`StringRef getName () const`

Get the name of identifier for this declaration as a StringRef. [More...](#)

`std::string getNameAsString () const`

Get a human-readable name for the declaration, even if it is one of the special kinds of names (C++ constructor, Objective-C selector, etc).

[More...](#)

Öffentliches Interface von `clang::NamedDecl`

# Clang: AST für ein einfaches Programm

```
1 int f(int x) {  
2     int result = (x / 42);  
3     return result;  
4 }
```

C

- Clang: C/C++-Frontend für LLVM
- Source-to-Source-Transformation
- `clang::VarDecl` ist ein `clang::NamedDecl`

```
$ clang -Xclang -ast-dump -fsyntax-only /tmp/test.cc
```

```
TranslationUnitDecl 0x2fde598  
`-FunctionDecl 0x3018de8 <line:4:1> line:1:5 f 'int (int)'  
|- ParmVarDecl 0x3018d20 <col:7, col:11> col:11 used x 'int'  
`-CompoundStmt 0x3019060 <col:14, line:4:1>  
| -DeclStmt 0x3018ff0 <line:2:5, col:26>  
| |- VarDecl 0x3018ee8 <line:5, col:25> col:9 used result 'int' cinit  
| | `-ParenExpr 0x3018fd0 <col:18, col:25> 'int'  
| | | `BinaryOperator 0x3018fa8 <col:19, col:23> 'int' '/'  
| | | |-ImplicitCastExpr 0x3018f90 <col:19> 'int' <LValueToRValue>  
| | | | `DeclRefExpr 0x3018f48 <col:19> 'int' lvalue ParmVar  
0x3018d20  
| | | `-IntegerLiteral 0x3018f70 <col:23> 'int' 42  
`-ReturnStmt 0x3019048 <line:3:5, col:12>  
| | | `-ImplicitCastExpr 0x3019030 <col:12> 'int' <LValueToRValue>  
| | | | `DeclRefExpr 0x3019008 <col:12> 'int' lvalue Var 0x3018ee8
```

# Clang: AST für ein einfaches Programm

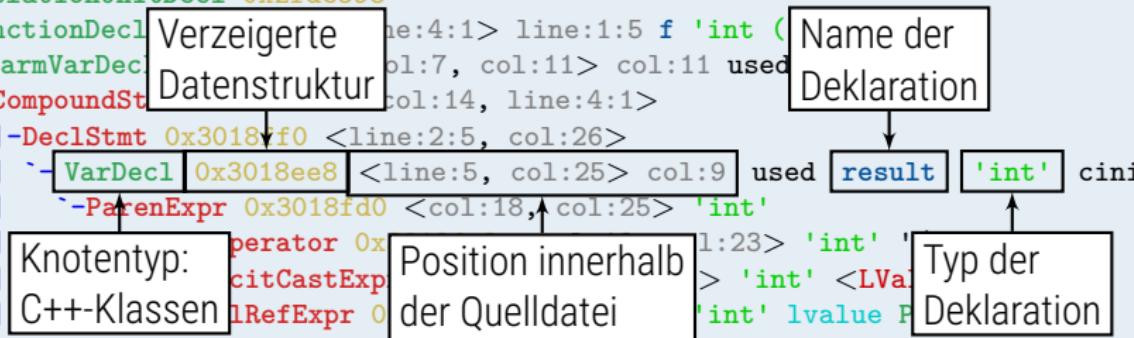
```
1 int f(int x) {  
2     int result = (x / 42);  
3     return result;  
4 }
```

C

- Clang: C/C++-Frontend für LLVM
- Source-to-Source-Transformation
- `clang::VarDecl` ist ein `clang::NamedDecl`

```
$ clang -Xclang -ast-dump -fsyntax-only /tmp/test.cc
```

```
TranslationUnitDecl 0x2fde598  
`-FunctionDecl 0x3018f0 <line:1:5, col:26>  
| |- ParmVarDecl 0x3018ee8 <line:5, col:25> col:9 used result  
|   `- CompoundStmt 0x3018fd0 <col:18, col:25> 'int'  
|     `- DeclStmt 0x3018f0 <line:2:5, col:26>  
|       `- VarDecl 0x3018ee8 <line:5, col:25> col:9 used result 'int' cinit  
|         `- ParenExpr 0x3018fd0 <col:18, col:25> 'int'  
`- DeclRefExpr 0x3018d20 <col:12> 'int' lvalue Var 0x3018ee8  
  |   `- IntegerLiteral 0x3018f70 <col:23> 'int' 42  
  |- ReturnStmt 0x3019048 <line:3:5, col:12>  
    `- ImplicitCastExpr 0x3019030 <col:12> 'int' <LValueToRValue>  
    `- DeclRefExpr 0x3019008 <col:12> 'int' lvalue Var 0x3018ee8
```



# Clang: AST für ein einfaches Programm

```
1 int f(int x) {  
2     int result = (x / 42);  
3     return result;  
4 }
```

C

- Clang: C/C++-Frontend für LLVM
- Source-to-Source-Transformation
- `clang::VarDecl` ist ein `clang::NamedDecl`

```
$ clang -Xclang -ast-dump -fsyntax-only /tmp/test.cc
```

```
TranslationUnitDecl 0x2fde598  
`-FunctionDecl 0x3018de8 <line:4:1> line:1:5 f 'int (int)'  
| |- ParmVarDecl 0x3018d20 <col:7, col:11> col:11 used x 'int'  
`-CompoundStmt 0x3019060 <col:14, line:4:1>  
  |- DeclStmt 0x3018ff0 <line:2:5, col:26>  
  | `-- VarDecl 0x3018ee8 <line:5, col:25> col:9 used result 'int' cinit  
  |   `-- ParenExpr 0x3018fd0 <col:18, col:25> 'int'  
  |     `-- BinaryOperator 0x3018fa8 <col:19, col:23> 'int' '/'  
  |       |-- ImplicitCastExpr 0x3018f90 <col:19> 'int' <LValueToRValue>  
  |       `-- DeclRefExpr 0x3018f48 <col:19> 'int' lvalue ParmVar  
0x3018d20  
  |   `-- IntegerLiteral 0x3018f70 <col:23> 'int' 42  
`-ReturnStmt 0x3019048 <line:3:5, col:12>  
  `-- ImplicitCastExpr 0x3019030 <col:12> 'int' <LValueToRValue>  
    `-- DeclRefExpr 0x3019008 <col:12> 'int' lvalue Var 0x3018ee8
```



# Informationsfluss auf Bäumen

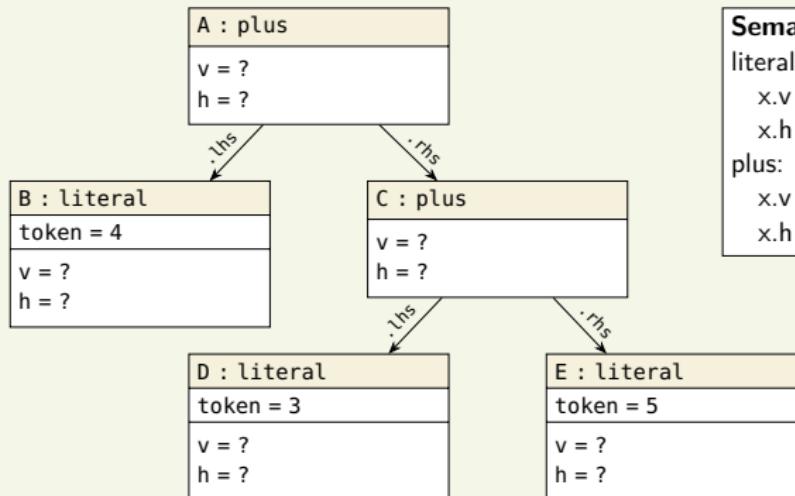
## ⌘ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
  - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
  - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
  - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

# ⌘ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
  - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
  - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
  - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

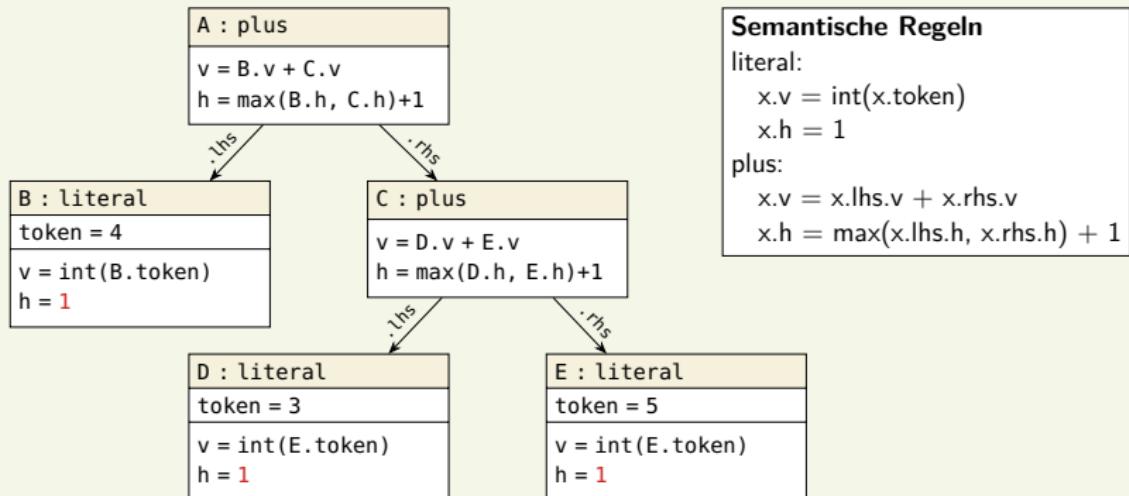
**Beispiel:** Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



# ⌘ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
  - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
  - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
  - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

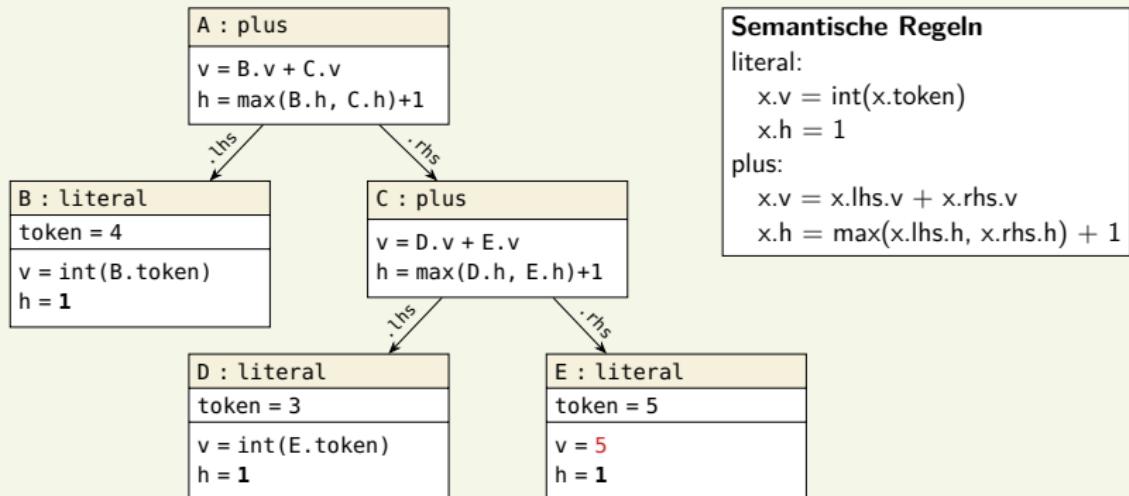
## Beispiel: Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



# ⌘ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
  - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
  - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
  - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

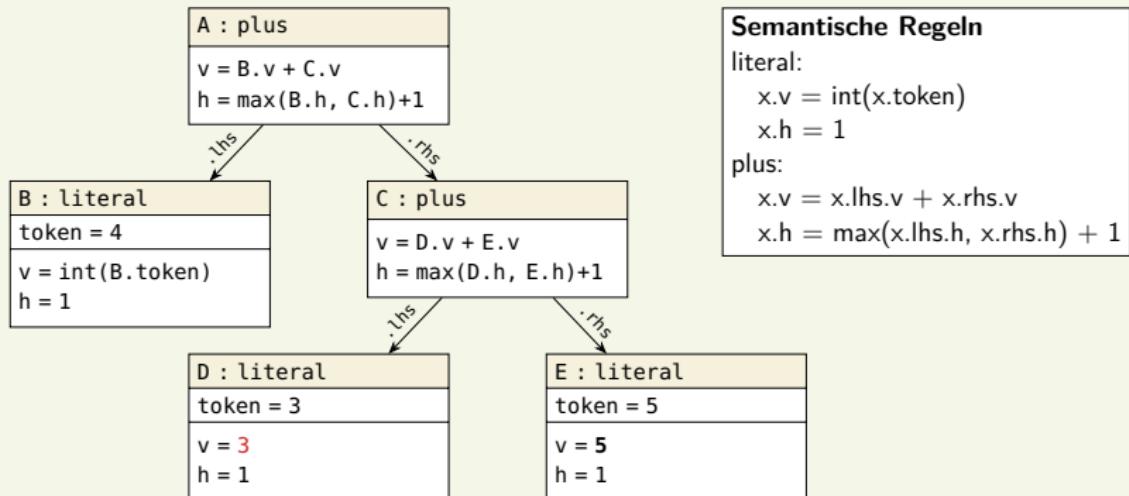
**Beispiel:** Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



# ⌘ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
  - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
  - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
  - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

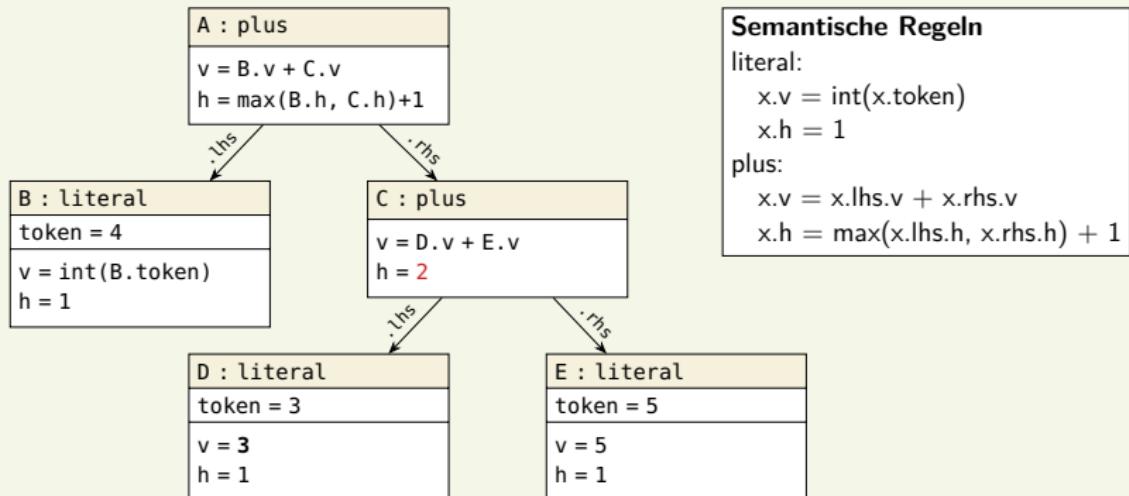
**Beispiel:** Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



# ⌘ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
  - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
  - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
  - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

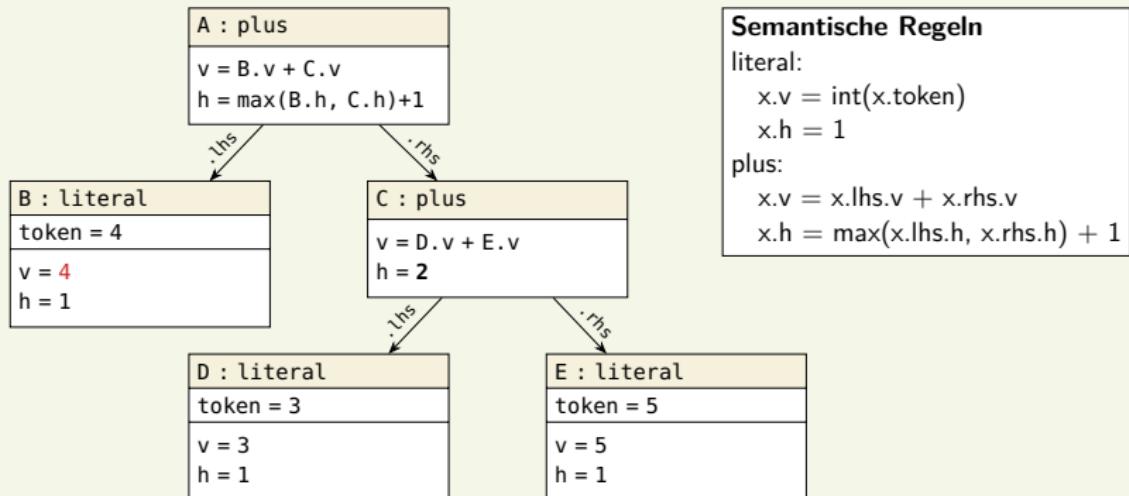
## Beispiel: Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



# ⌘ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
  - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
  - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
  - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

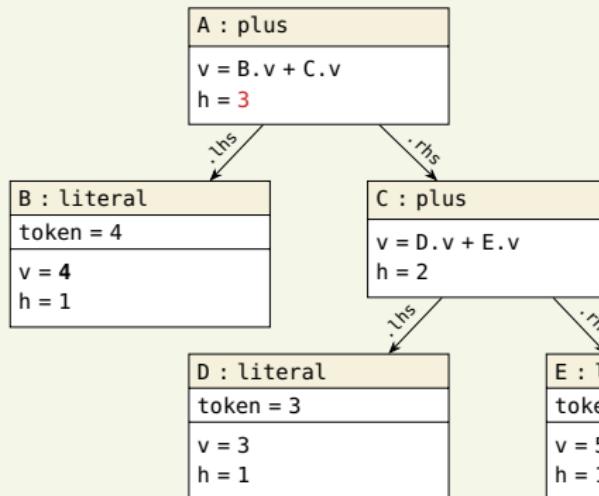
**Beispiel:** Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



# ⌘ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
  - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
  - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
  - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

## Beispiel: Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



### Semantische Regeln

literal:

$$x.v = \text{int}(x.\text{token})$$

$$x.h = 1$$

plus:

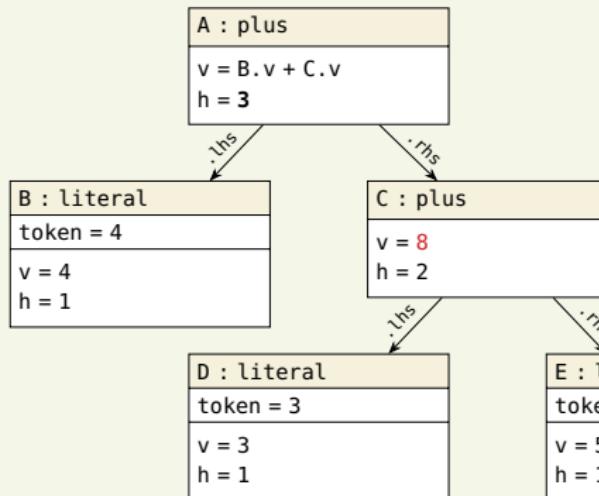
$$x.v = x.\text{lhs}.v + x.\text{rhs}.v$$

$$x.h = \max(x.\text{lhs}.h, x.\text{rhs}.h) + 1$$

# ⌘ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
  - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
  - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
  - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

## Beispiel: Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



### Semantische Regeln

literal:

$$x.v = \text{int}(x.token)$$

$$x.h = 1$$

plus:

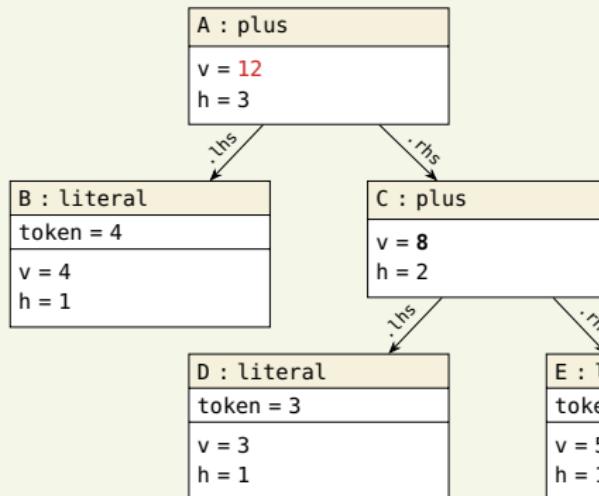
$$x.v = x.lhs.v + x.rhs.v$$

$$x.h = \max(x.lhs.h, x.rhs.h) + 1$$

# ⌘ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
  - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
  - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
  - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

## Beispiel: Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



### Semantische Regeln

literal:

$$x.v = \text{int}(x.\text{token})$$

$$x.h = 1$$

plus:

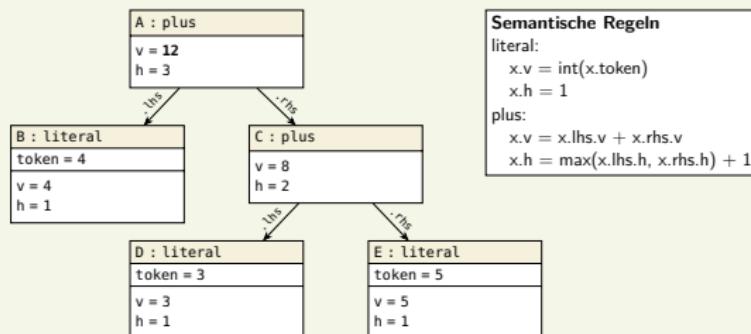
$$x.v = x.\text{lhs}.v + x.\text{rhs}.v$$

$$x.h = \max(x.\text{lhs}.h, x.\text{rhs}.h) + 1$$

# ⌘ Semantische Regeln als Attributgleichungen

- Die sem. Analyse berechnet die Werte der Attribute für jeden Knoten
  - Attribute hängen von anderen (benachbarten) AST-Knotenattributen ab.
  - Abstrakte Sicht: Gleichungssystem mit Gleichungen für jeden Knotentyp
  - Reihenfolge der Auswertung ist nicht festgelegt.

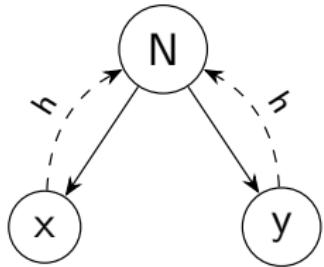
## Beispiel: Höhe (h) und Wert (v) in einem Additionsbaum



- Attributgrammatiken annotieren die Regeln direkt an die Produktionen
  - plus → expr + expr { \$0.h = max(\$1.h, \$3.h) + 1 }**
  - Parseaktionen (Parsebaum→AST) sind bereits Attributgrammatiken

- Attribut-Gleichungssystem beinhaltet einen **Abhängigkeitsgraphen**
  - Für jedes Attribut auf der rechten Seite gibt es eine Abhängigkeit
  - Topologische Sortierung bestimmt die Auswertereihenfolge
  - Verschiedene Verfahren für unterschiedliche Typen von Abhängigkeiten

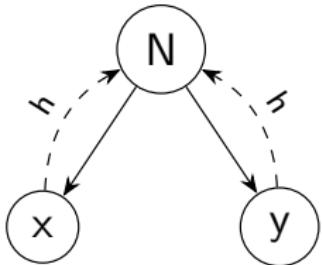
- Attribut-Gleichungssystem beinhaltet einen **Abhängigkeitsgraphen**
  - Für jedes Attribut auf der rechten Seite gibt es eine Abhängigkeit
  - Topologische Sortierung bestimmt die Auswertereihenfolge
  - Verschiedene Verfahren für unterschiedliche Typen von Abhängigkeiten



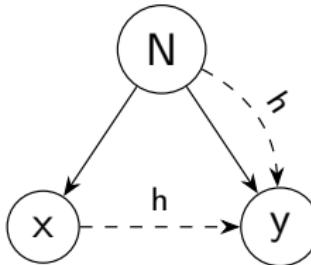
**Synthetische Attribute**  
„von unten nach oben“

- S-Attribute
- Abhängig von Kindern
- Typen in Expressions
- Technik: Traversierung

- Attribut-Gleichungssystem beinhaltet einen **Abhängigkeitsgraphen**
  - Für jedes Attribut auf der rechten Seite gibt es eine Abhängigkeit
  - Topologische Sortierung bestimmt die Auswertereihenfolge
  - Verschiedene Verfahren für unterschiedliche Typen von Abhängigkeiten



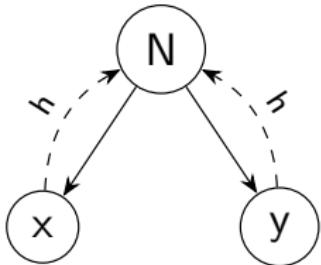
**Synthetische Attribute**  
„von unten nach oben“



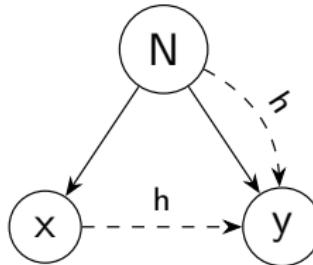
**Geerbte Attribute**  
„von links nach rechts“

- S-Attribute
- Abhängig von Kindern
- Typen in Expressions
- Technik: Traversierung
- L-Attribute
- Abhängig von Vorgängern und Nachbarn
- Namensauflösung
- Technik: Symboltabelle

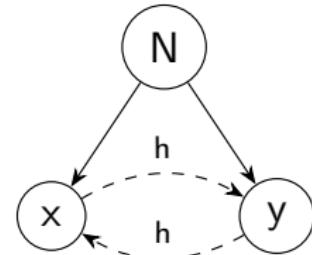
- Attribut-Gleichungssystem beinhaltet einen **Abhängigkeitsgraphen**
  - Für jedes Attribut auf der rechten Seite gibt es eine Abhängigkeit
  - Topologische Sortierung bestimmt die Auswertereihenfolge
  - Verschiedene Verfahren für unterschiedliche Typen von Abhängigkeiten



**Synthetische Attribute**  
„von unten nach oben“



**Geerbte Attribute**  
„von links nach rechts“



**Zyklische Attribute**  
„all-over-the-place“

- S-Attribute
- Abhängig von Kindern
- Typen in Expressions
- Technik: Traversierung

- L-Attribute
- Abhängig von Vorgängern und Nachbarn
- Namensauflösung
- Technik: Symboltabelle

- Fixpunktberechnung
- Eher zu vermeiden
- Typinferenz in Haskell
- Technik: Unifikation

## Berechnung der synthetischen Attribute

Wir müssen **jeden Knoten** besuchen, **knotenspezifischen** Code ausführen, und die Attributwerte **von unten nach oben** propagieren.

## Berechnung der synthetischen Attribute

Wir müssen **jeden Knoten** besuchen, **knotenspezifischen** Code ausführen, und die Attributwerte **von unten nach oben** propagieren.

```
def height(N):
    # Jedes Kind besuchen
    for child in N.children:
        height(child)
```

## Baumtraversierung (Post-Order)

- Bäume sind rekursiv.
- Jeden Knoten besuchen auch!

Python

## Berechnung der synthetischen Attribute

Wir müssen **jeden Knoten** besuchen, **knotenspezifischen** Code ausführen, und die Attributwerte **von unten nach oben** propagieren.

```
def height(N):
    # Jedes Kind besuchen
    for child in N.children:
        height(child)

    # Knotenspezifischen Code
    if isinstance(N, literal):
        h = 1
    elif isinstance(N, plus):
        lhs, rhs = N.children
        h = max(lhs.h, rhs.h)+1
```

Python

## Baumtraversierung (Post-Order)

- Bäume sind rekursiv.
  - Jeden Knoten besuchen auch!
- 
- Dynamischer Typ des Knotens
  - Zugriff auf Attribute der Kinder
  - Attributgleichung ausrechnen

## Berechnung der synthetischen Attribute

Wir müssen **jeden Knoten** besuchen, **knotenspezifischen** Code ausführen, und die Attributwerte **von unten nach oben** propagieren.

```
def height(N):
    # Jedes Kind besuchen
    for child in N.children:
        height(child)

    # Knotenspezifischen Code
    if isinstance(N, literal):
        h = 1
    elif isinstance(N, plus):
        lhs, rhs = N.children
        h = max(lhs.h, rhs.h)+1

    # Wert propagieren
    N.h = h
```

Python

## Baumtraversierung (Post-Order)

- Bäume sind rekursiv.
- Jeden Knoten besuchen auch!

- Dynamischer Typ des Knotens
- Zugriff auf Attribute der Kinder
- Attributgleichung ausrechnen

- Setzen des Attributs
- Wert im Aufrufer verfügbar

# Probleme von Ad-Hoc Traversierung

**Ironie:** Das geht aber noch mehr ad-hoc und unlesbar!

```
def height(N):
    if isinstance(N, literal):
        N.h = 1
    elif isinstance(N, plus):
        h = max(height(N.lhs),
                 height(N.rhs))
        N.h = h + 1
    return N.h
```

**Ironie:** Das geht aber noch mehr ad-hoc und unlesbar!

```
def height(N):
    if isinstance(N, literal):
        N.h = 1
    elif isinstance(N, plus):
        h = max(height(N.lhs),
                 height(N.rhs))
        N.h = h + 1
    return N.h
```

- Die **Attributgleichungen** gehen im **fragilen** Boilerplate unter
  - Duplikation der Traversierungslogik für jedes Attribut
  - Duplikation der `isinstance` Kaskade für jedes Attribut
  - Ein neuer AST-Knotentyp → N Traversierungsfunktionen anpassen

**Ironie:** Das geht aber noch mehr ad-hoc und unlesbar!

```
def height(N):
    if isinstance(N, literal):
        N.h = 1
    elif isinstance(N, plus):
        h = max(height(N.lhs),
                 height(N.rhs))
        N.h = h + 1
    return N.h
```

- Die **Attributgleichungen** gehen im **fragilen** Boilerplate unter
  - Duplikation der Traversierungslogik für jedes Attribut
  - Duplikation der `isinstance` Kaskade für jedes Attribut
  - Ein neuer AST-Knotentyp → N Traversierungsfunktionen anpassen
- Wende informatische Super-Power "**Trennung der Belange**" an!
  - Attributgleichungen werden in einer Besucherklasse gekapselt
  - Generischer Code für Traversierung in definierter Ordnung

## Visitor-Pattern: Operationen auf Knoten kapseln

```
class Visitor { public:  
    virtual void visit(literal& N) {  
        N.h = 1;  
    }  
    virtual void visit(plus& N) {  
        N.h = max(N.lhs.h, N.rhs.h) + 1;  
    }  
};
```

C++

- Bündelung der Attributgleichungen in einem Visitor-Objekt
  - Die `visit()`-Funktion wird für jeden Knotentyp überladen.
  - Visitor-Objekt kann zusätzlichen Zustand als Member speichern
  - Vererbungshierarchie kann beachtet werden (`void visit(NamedDecl D)`)

# Visitor-Pattern: Operationen auf Knoten kapseln

```
class Visitor { public:  
    virtual void visit(literal& N) {  
        N.h = 1;  
    }  
    virtual void visit(plus& N) {  
        N.h = max(N.lhs.h, N.rhs.h) + 1;  
    }  
};
```

C++

## ■ Bündelung der Attributgleichungen in einem Visitor-Objekt

- Die `visit()`-Funktion wird für jeden Knotentyp überladen.
- Visitor-Objekt kann zusätzlichen Zustand als Member speichern
- Vererbungshierarchie kann beachtet werden (`void visit(NamedDecl D)`)

```
void  
traversal(Visitor& v, Tree& t) {  
    for (Tree& c : t.children()) {  
        traversal(v, c);  
    }  
    v.visit(t);  
}
```

## Generische Traversierung

- Knoten haben Liste der Kinder
- Definierte Besuchsreihenfolge
- Visitor wird auf jeden Knoten angewendet

# Visitor-Pattern: Operationen auf Knoten kapseln

```
class Visitor { public:  
    virtual void visit(literal& N) {  
        N.h = 1;  
    }  
    virtual void visit(plus& N) {  
        N.h = max(N.lhs.h, N.rhs.h) + 1;  
    }  
};
```

C++

## ■ Bündelung der Attributgleichungen in einem Visitor-Objekt

- Die `visit()`-Funktion wird für jeden Knotentyp überladen.
- Visitor-Objekt kann zusätzlichen Zustand als Member speichern
- Vererbungshierarchie kann beachtet werden (`void visit(NamedDecl D)`)

```
void  
traversal(Visitor& v, Tree& t) {  
    for (Tree& c : t.children()) {  
        traversal(v, c)  
    }  
    v.visit(t);  
}
```

Generische Traversierung

- Knoten haben Liste der Kinder

Das ist so kaputt!

Dynamischer Dispatch nur im nullten Argument!

Ruft immer `Visitor::visit(Tree)` auf!

## Statische Typen an der Aufrufstelle: `visit(Visitor, Tree)`

Bei der Traversierung soll `visit(v, t)` für das konkrete Visitor-Objekt und spezifisch für den AST-Knoten aufgerufen werden.

```
visit(HeightVisitor, literal)  
visit(HeightVisitor, plus)
```

```
visit(ValueVisitor, literal)  
visit(ValueVisitor, plus)
```

## Statische Typen an der Aufrufstelle: `visit(Visitor, Tree)`

Bei der Traversierung soll `visit(v, t)` für das konkrete Visitor-Objekt und spezifisch für den AST-Knoten aufgerufen werden.

```
visit(HeightVisitor, literal)  
visit(HeightVisitor, plus)
```

```
visit(ValueVisitor, literal)  
visit(ValueVisitor, plus)
```

- Dynamischer Dispatch in den **ersten zwei Argumenten** nötig
  - Emulation mittels zweifachem virtuellen Methodenaufruf.

```
void traversal(Visitor& v, Tree& t) {  
    ...  
    t.accept(v);  
    ...  
}
```

C++

Dynamic  
Dispatch

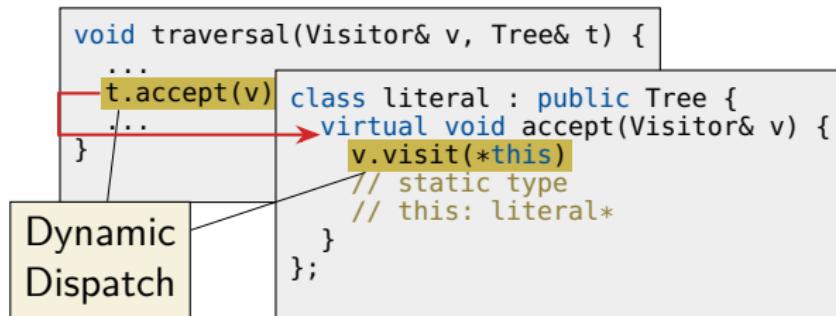
## Statische Typen an der Aufrufstelle: `visit(Visitor, Tree)`

Bei der Traversierung soll `visit(v, t)` für das konkrete Visitor-Objekt und spezifisch für den AST-Knoten aufgerufen werden.

```
visit(HeightVisitor, literal)  
visit(HeightVisitor, plus)
```

```
visit(ValueVisitor, literal)  
visit(ValueVisitor, plus)
```

- Dynamischer Dispatch in den **ersten zwei Argumenten** nötig
  - Emulation mittels zweifachem virtuellen Methodenaufruf.



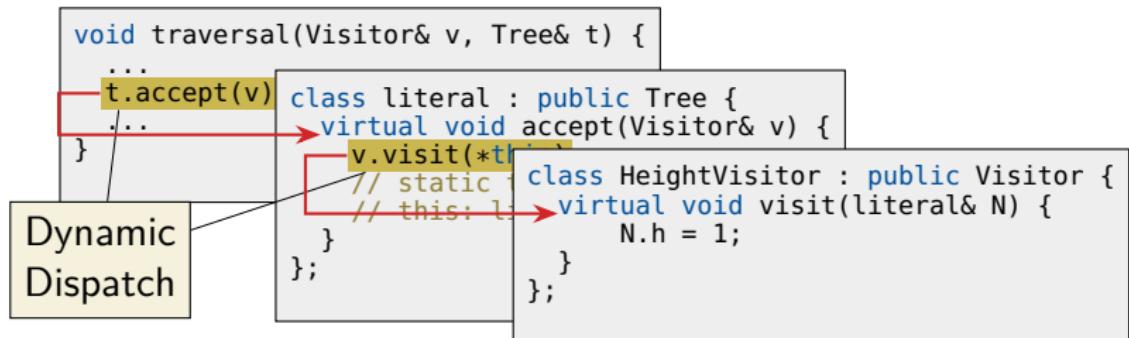
## Statische Typen an der Aufrufstelle: `visit(Visitor, Tree)`

Bei der Traversierung soll `visit(v, t)` für das konkrete Visitor-Objekt und spezifisch für den AST-Knoten aufgerufen werden.

```
visit(HeightVisitor, literal)  
visit(HeightVisitor, plus)
```

```
visit(ValueVisitor, literal)  
visit(ValueVisitor, plus)
```

- Dynamischer Dispatch in den **ersten zwei Argumenten** nötig
  - Emulation mittels zweifachem virtuellen Methodenaufruf.



# Visitor-Pattern: Dispatch mit Introspection

- Python hat Überladung nur im ersten Argument (self), dafür dynamisch!
  - Keine statischen Typen ⇒ Keine doppelte Definition von Methoden.
  - Jedoch kann man Namensauflösung zur Laufzeit durchführen.

# Visitor-Pattern: Dispatch mit Introspection

- Python hat Überladung nur im ersten Argument (self), dafür dynamisch!
  - Keine statischen Typen ⇒ Keine doppelte Definition von Methoden.
  - Jedoch kann man Namensauflösung zur Laufzeit durchführen.

```
def traversal(V, T):
    # Depth-First Order
    for child in T.children:
        traversal(V, child)

    # Introspection
    T_name = type(T).__qualname__
    M_name = "visit_" + T_name
    method = getattr(V, M_name)

    # Aufruf des Visitors
    method(T)
```

```
class HeightVisitor:
    def visit_literal(self, N):
        N.h = 1

    def visit_plus(self, N):
        h = max(N.lhs.h,
                 N.rhs.h)
        N.h = h + 1

visitor = HeightVisitor()
traversal(visitor, tree)
```

- Emulation von Überladung durch Introspektion
  - `type(T)` extrahiert den **dynamischen** Typen des Knotens
  - `M_name = "visit_" + ...` erzeugt dynamisch einen **Namen**
  - `getattr(V, "visit_plus")` löst den Namen; gibt die Methode zurück

# ❖ Berechnung des Typen und Typkonsistenz

- S-Attribut: Für **Expressions** berechnen wir Typen (bottom-up)
  - **Blätter:** Konstante Literale (23, "foobar") haben feste, eingebaute Typen  
Namensreferenzen haben Typen der Deklaration (später mehr)
  - **Innere Knoten:** Jeder Knotentyp hat eine Typ-Gleichung.  
Jeder Knoten propagiert seinen Ergebnistypen nach oben.

Typberechnung und -prüfung geschieht „in einem Rutsch“!

# ❖ Berechnung des Typen und Typkonsistenz

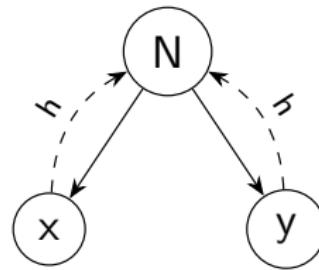
- S-Attribut: Für **Expressions** berechnen wir Typen (bottom-up)
  - **Blätter**: Konstante Literale (23, "foobar") haben feste, eingebaute Typen  
Namensreferenzen haben Typen der Deklaration (später mehr)
  - **Innere Knoten**: Jeder Knotentyp hat eine Typ-Gleichung.  
Jeder Knoten propagiert seinen Ergebnistypen nach oben.

Typberechnung und -prüfung geschieht „in einem Rutsch“!

```
class TypeVisitor:  
    def visit_literal(self, T):  
        # Ganzzahl-Literal  
        T.Type = int
```

## Minimalbeispiel

- Monomorphes Typsystem
- Ganzzahl und Pointertyp
- Addition nur auf Ganzzahlen



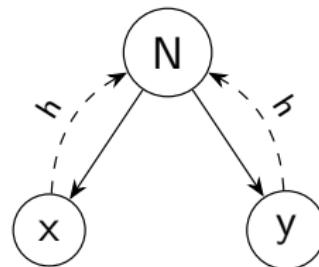
- S-Attribut: Für **Expressions** berechnen wir Typen (bottom-up)
  - **Blätter:** Konstante Literale (23, "foobar") haben feste, eingebaute Typen  
Namensreferenzen haben Typen der Deklaration (später mehr)
  - **Innere Knoten:** Jeder Knotentyp hat eine Typ-Gleichung.  
Jeder Knoten propagiert seinen Ergebnistypen nach oben.

Typberechnung und -prüfung geschieht „in einem Rutsch“!

```
class TypeVisitor:  
    def visit_literal(self, T):  
        # Ganzzahl-Literal  
        T.Type = int  
    def visit_addressof(self, T):  
        # Typausdruck: &(op)  
        T.Type = pointer(T.op.Type)
```

## Minimalbeispiel

- Monomorphes Typsystem
- Ganzzahl und Pointertyp
- Addition nur auf Ganzzahlen



# ⌘ Berechnung des Typen und Typkonsistenz

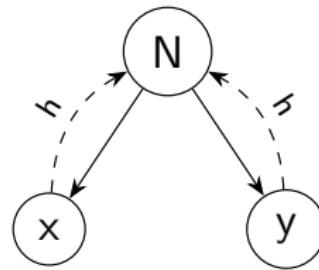
- S-Attribut: Für **Expressions** berechnen wir Typen (bottom-up)
  - **Blätter:** Konstante Literale (23, "foobar") haben feste, eingebaute Typen  
Namensreferenzen haben Typen der Deklaration (später mehr)
  - **Innere Knoten:** Jeder Knotentyp hat eine Typ-Gleichung.  
Jeder Knoten propagiert seinen Ergebnistypen nach oben.

Typberechnung und -prüfung geschieht „in einem Rutsch“!

```
class TypeVisitor:  
    def visit_literal(self, T):  
        # Ganzzahl-Literal  
        T.Type = int  
    def visit_addressof(self, T):  
        # Typausdruck: &(op)  
        T.Type = pointer(T.op.Type)  
    def visit_add(self, T):  
        L, R = T.lhs.Type, T.rhs.Type  
        # Konsistenzprüfung  
        if not L.equal(int) \  
            or not L.equal(R):  
                self.error(...)  
        # Typausdruck: lhs + rhs  
        T.Type = L
```

## Minimalbeispiel

- Monomorphes Typsystem
- Ganzzahl und Pointertyp
- Addition nur auf Ganzzahlen



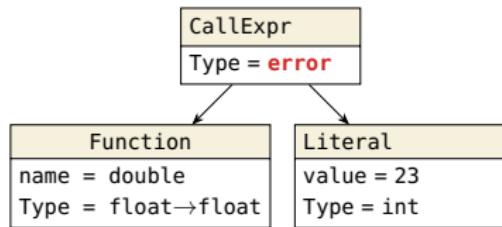


# Coercion: Implizite Typumwandlung

## ⌘ Automatisch angewendete implizite Typumwandlung

### Was passiert bei inkompatiblen Typen?

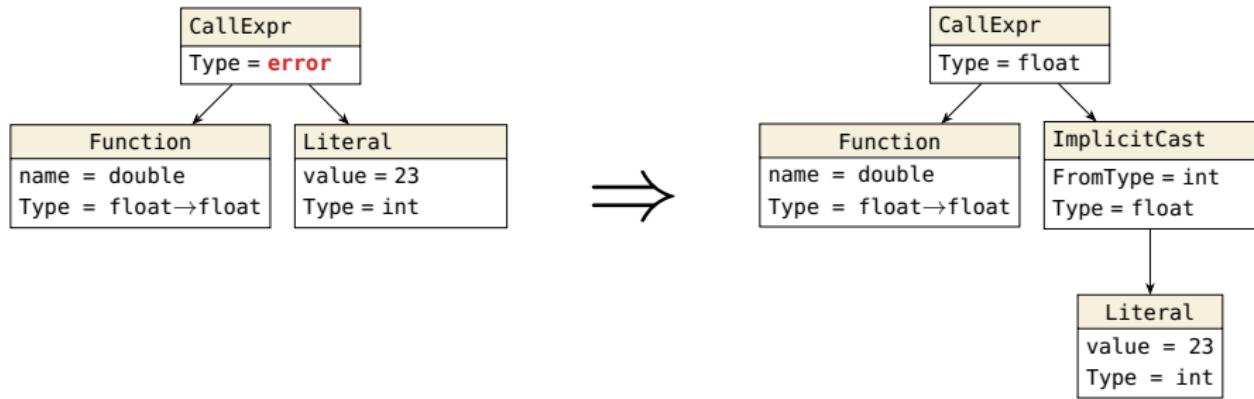
Passen geforderter (z.B. Parameter) und vorhandener Typ (z.B. Argument) nicht zusammen, kann eine **implizite** Typumwandlung eingefügt werden.



# ⌘ Automatisch angewendete implizite Typumwandlung

## Was passiert bei inkompatiblen Typen?

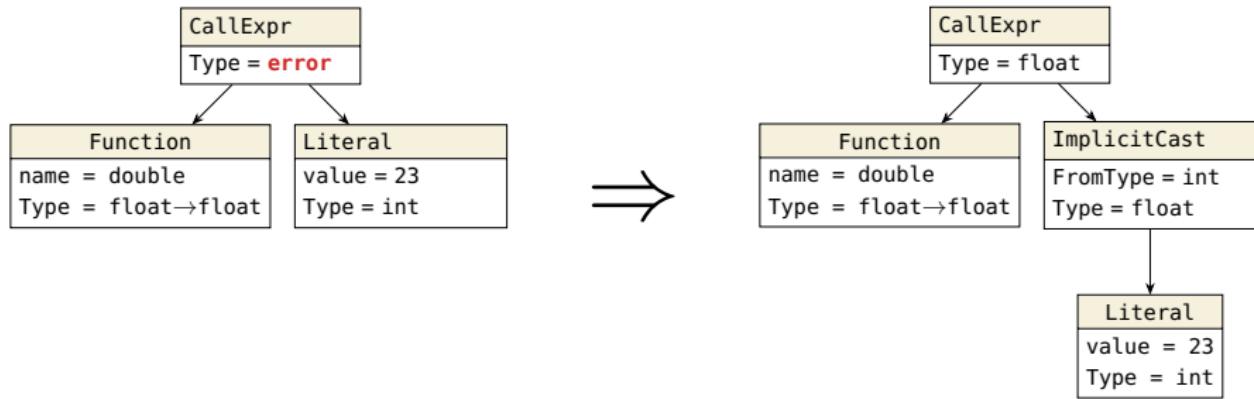
Passen geforderter (z.B. Parameter) und vorhandener Typ (z.B. Argument) nicht zusammen, kann eine **implizite** Typumwandlung eingefügt werden.



# ⌘ Automatisch angewendete implizite Typumwandlung

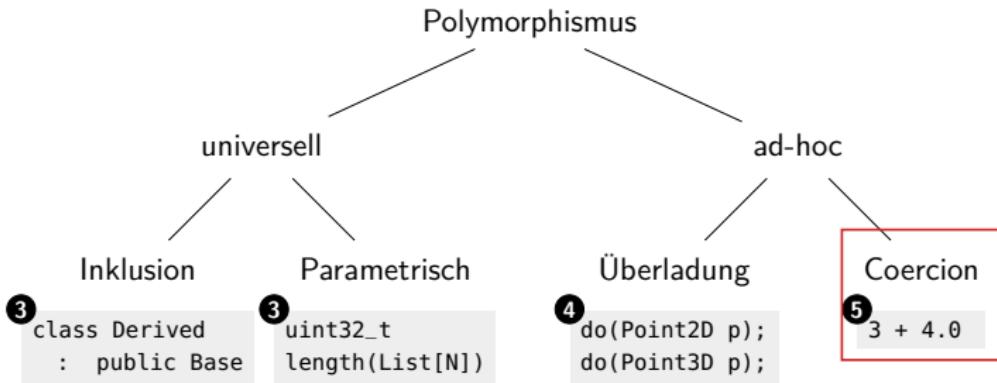
## Was passiert bei inkompatiblen Typen?

Passen geforderter (z.B. Parameter) und vorhandener Typ (z.B. Argument) nicht zusammen, kann eine **implizite** Typumwandlung eingefügt werden.



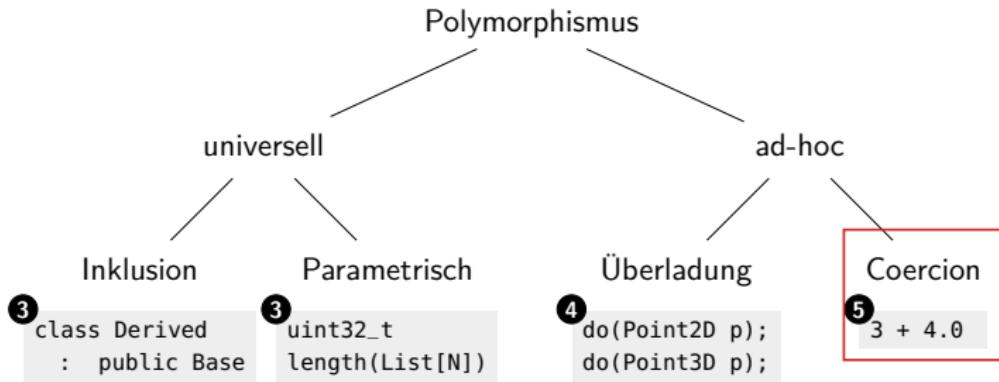
- Sprachen definieren eine Reihe von impliziten Typumwandlungen
  - **Ganzzahlweitung**: Umwandlung in breitere Integer ohne Informationsverlust
  - C++: `char` → `short` → `int` → `long`
  - C: Implizite Umwandlung von `void*` zu beliebigen Zeigern (z.B. `int *`)

# Einordnung der automatischen Typumwandlung



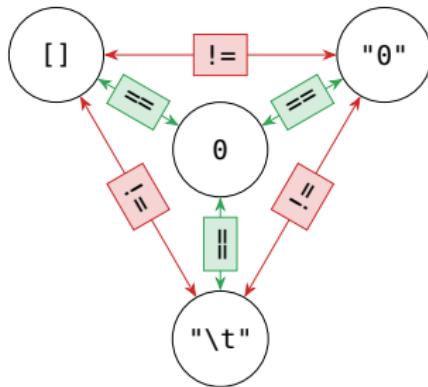
- Automatisch umgewandelte Typen verhalten sich **polymorph!**
  - **Ad-Hoc:** Die Umwandlung ist abhängig vom konkreten Kontext
  - Typumwandlung ist polymorph auf Seite des Produzenten  
Überladung      ist polymorph auf Seite des Konsumenten

# Einordnung der automatischen Typumwandlung



- Automatisch umgewandelte Typen verhalten sich **polymorph!**
  - **Ad-Hoc:** Die Umwandlung ist abhängig vom konkreten Kontext
  - Typumwandlung ist polymorph auf Seite des Produzenten  
Überladung ist polymorph auf Seite des Konsumenten
- Manche Sprachen erlauben nutzerdefinierte implizite Umwandlungen.
  - **Converting constructors** (C++): Konstruktoren mit genau einem Argument ergänzen die eingebauten Regeln zur Typumwandlung.

# Probleme der impliziten Typumwandlung

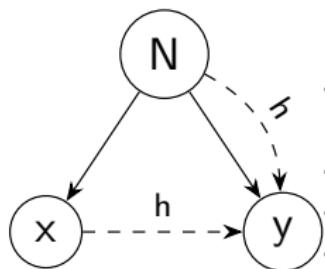


- Implizite Typumwandlung können leicht zu Verwirrung führen!
  - Javascript: Umwandlungen von Strings und leeren Arrays zur Zahl 0  
„When using two equals signs [...] some funky conversions take place“
  - Inkonsistente Gleichheit: `([]!="0")` vs. `(([]==0)&&(0=="0"))`
- Die traurige Wahrheit: JavaScript hat zusätzlich einen `====`-Operator.



# Namensauflösung mittels Symboltabelle

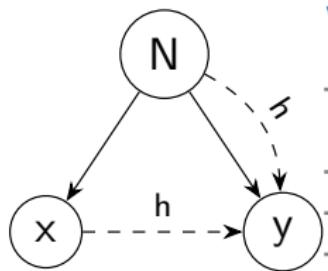
- Referenzen beziehen sich auf benannte aber entfernte Deklarationen
  - Deklaration muss vor der Benutzung stattfinden (im AST links)
  - Welche Deklaration gemeint ist, ist ein L-Attribut.



## Vorgehen der Namensauflösung

- Traversierung aller Deklarationen, Referenzen und Namensraumkonstrukte
- **Symboltabelle** speichert die aktuell sichtbaren Namen
- Fortwährende Aktualisierung der Tabelle
- Auflösung von Referenzen über API der Symboltabelle

- Referenzen beziehen sich auf benannte aber entfernte Deklarationen
  - Deklaration muss vor der Benutzung stattfinden (im AST links)
  - Welche Deklaration gemeint ist, ist ein L-Attribut.



## Vorgehen der Namensauflösung

- Traversierung aller Deklarationen, Referenzen und Namensraumkonstrukte
- **Symboltabelle** speichert die aktuell sichtbaren Namen
- Fortwährende Aktualisierung der Tabelle
- Auflösung von Referenzen über API der Symboltabelle

- **Symboltabelle**: Mögliche API in Java

```
interface SymbolTable {  
    ...  
    public void openNamespace(Tree NS);  
    public void createName(Name name, Tree node);  
    public Tree findName(Name name);  
    public void closeNamespace(Tree NS);  
    ...  
}
```

Java

```
class NameVisitor:  
    def __init__(self):  
        self.ST = SymbolTable()
```

- Visitor hält eine Symboltabelle, die den aktuellen Kontext speichert.
- `self.ST` ist der „Datenrucksack“ für die Traversierung.

# \_AST-Traversierung mit Symboltabelle

```
class NameVisitor:  
    def __init__(self):  
        self.ST = SymbolTable()
```

```
def pre_NamespaceDecl(self, NS):  
    self.ST.openNamespace(NS)
```

```
def post_NamespaceDecl(self, NS):  
    self.ST.closeNamespace(NS)
```

```
def traversal(V, T):  
    # V.pre_<DynamicTypeName>(T)  
    dispatch(V, "pre_", T)  
  
    for child in T.children:  
        traversal(V, child)  
  
    # V.post_<DynamicTypeName>(T)  
    dispatch(V, "post_", T)
```

- Visitor hält eine Symboltabelle, die den aktuellen Kontext speichert.
- `self.ST` ist der „Datenrucksack“ für die Traversierung.
- Visitor muss es erlauben Code vor (`pre_`) und nach (`post_`) Besuch der Kindknoten auszuführen.
- Einige AST-Knoten öffnen einen neuen Namensraum.

# AST-Traversierung mit Symboltabelle

```
class NameVisitor:  
    def __init__(self):  
        self.ST = SymbolTable()
```

```
def pre_NamespaceDecl(self, NS):  
    self.ST.openNamespace(NS)  
  
def post_NamespaceDecl(self, NS):  
    self.ST.closeNamespace(NS)
```

```
def pre_VarDecl(self, D):  
    N = D.identifier  
    self.ST.createName(N, D)
```

- Visitor hält eine Symboltabelle, die den aktuellen Kontext speichert.
- `self.ST` ist der „Datenrucksack“ für die Traversierung.
- Visitor muss es erlauben Code vor (`pre_`) und nach (`post_`) Besuch der Kindknoten auszuführen.
- Einige AST-Knoten öffnen einen neuen Namensraum.
- Deklarationen führen Namen (`N`) für AST-Knoten (`fn`) ein

```
class NameVisitor:  
    def __init__(self):  
        self.ST = SymbolTable()
```

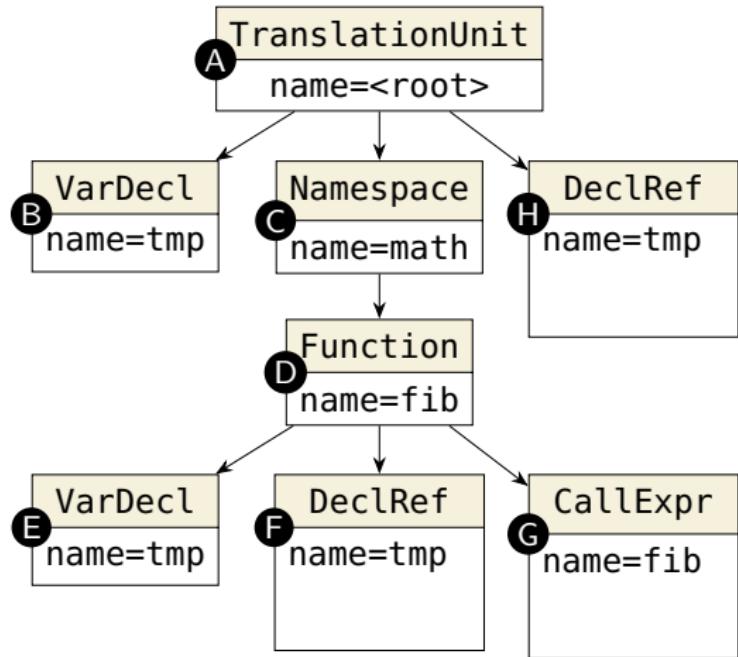
```
def pre_NamespaceDecl(self, NS):  
    self.ST.openNamespace(NS)  
  
def post_NamespaceDecl(self, NS):  
    self.ST.closeNamespace(NS)
```

```
def pre_VarDecl(self, D):  
    N = D.identifier  
    self.ST.createName(N, D)
```

```
def pre_DeclRefExpr(self, R):  
    N = R.identifier  
    decl = self.ST.findName(N)  
    R.decl = decl
```

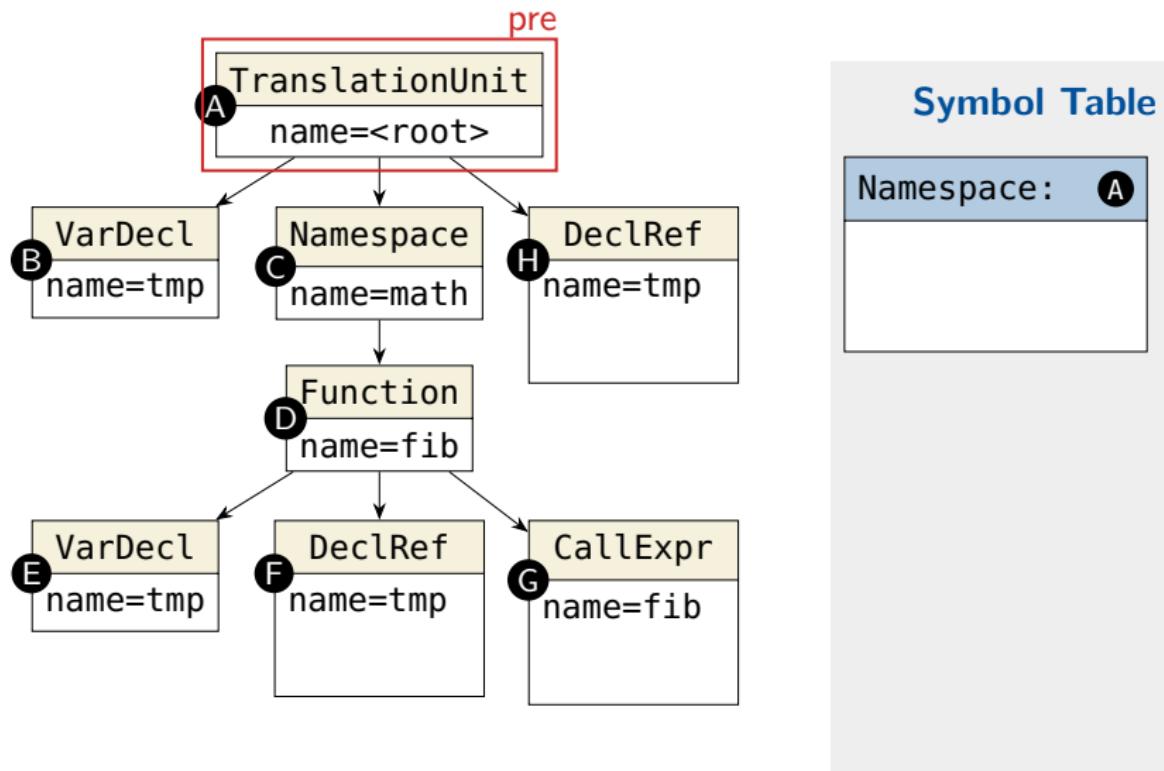
- Visitor hält eine Symboltabelle, die den aktuellen Kontext speichert.
- `self.ST` ist der „Datenrucksack“ für die Traversierung.
- Visitor muss es erlauben Code vor (`pre_`) und nach (`post_`) Besuch der Kindknoten auszuführen.
- Einige AST-Knoten öffnen einen neuen Namensraum.
- Deklarationen führen Namen (`N`) für AST-Knoten (`fn`) ein
- Referenz `R` mittels Tabelle auflösen
- Ergebnis (`decl`) als Attribut speichern

# ⌘ Symboltabelle als Stack von Namensräumen

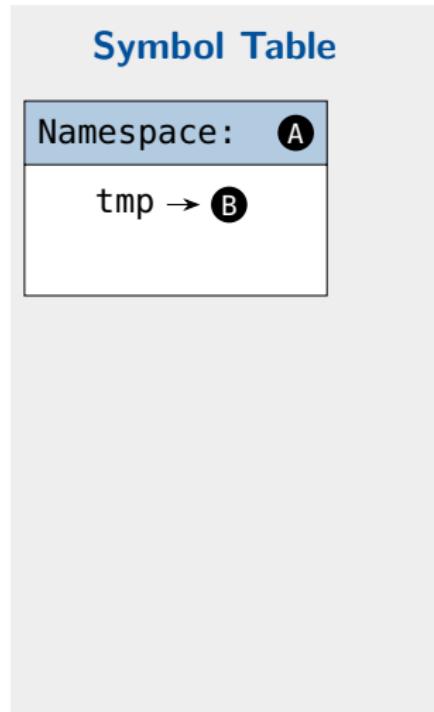
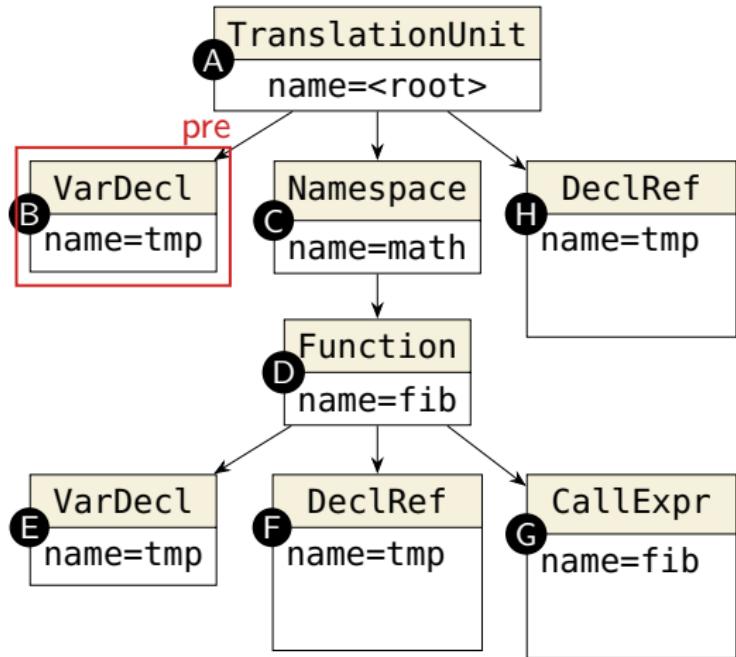


Symbol Table

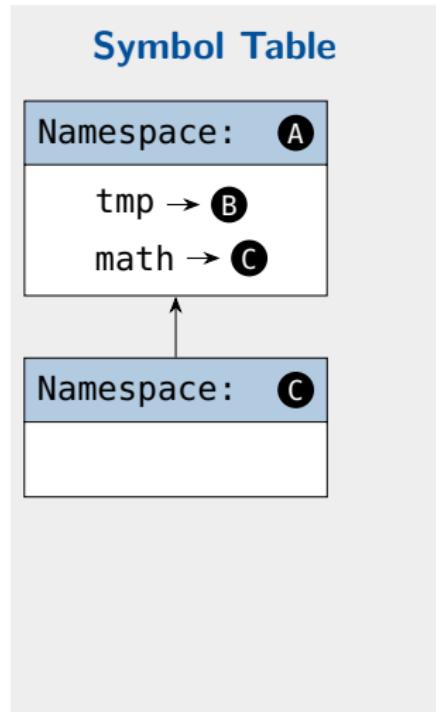
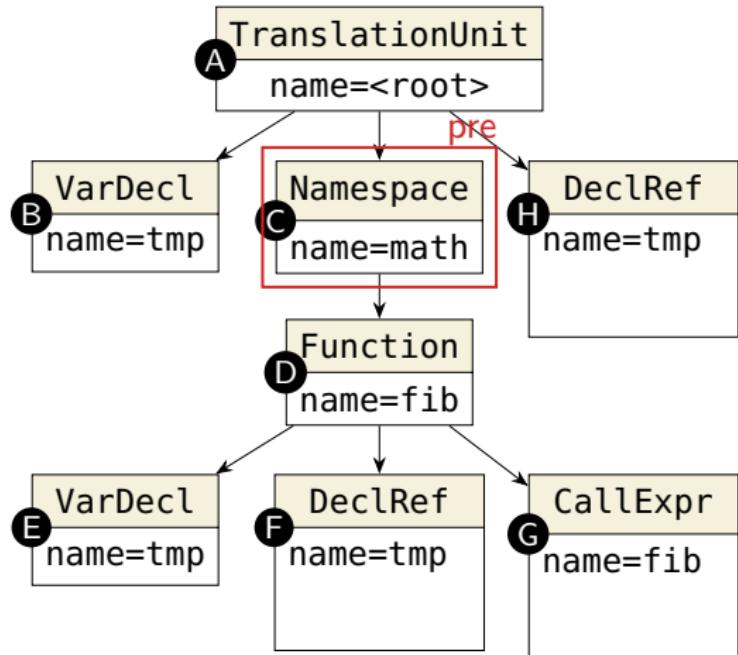
# ⌘ Symboltabelle als Stack von Namensräumen



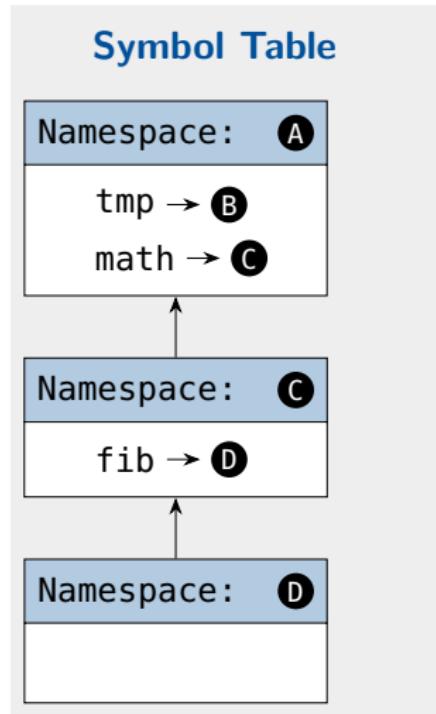
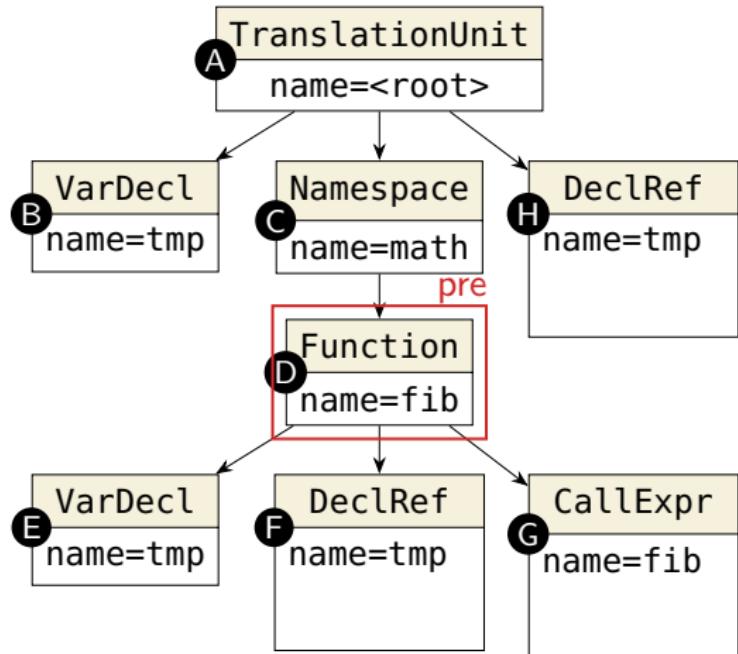
# ⌘ Symboltabelle als Stack von Namensräumen



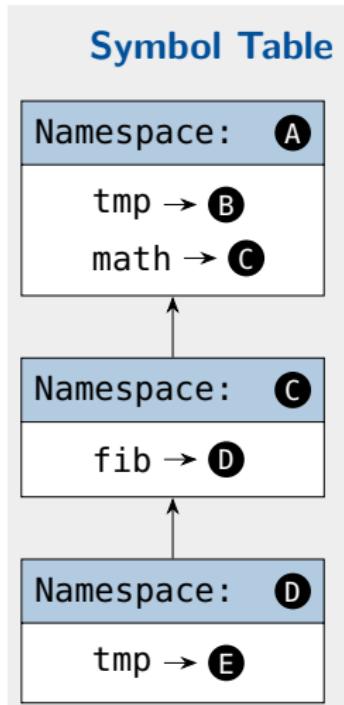
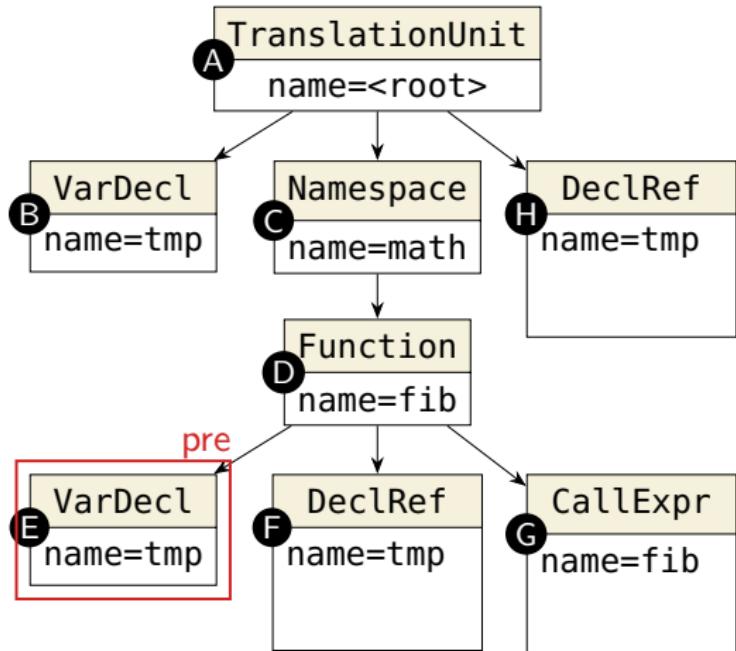
# ⌘ Symboltabelle als Stack von Namensräumen



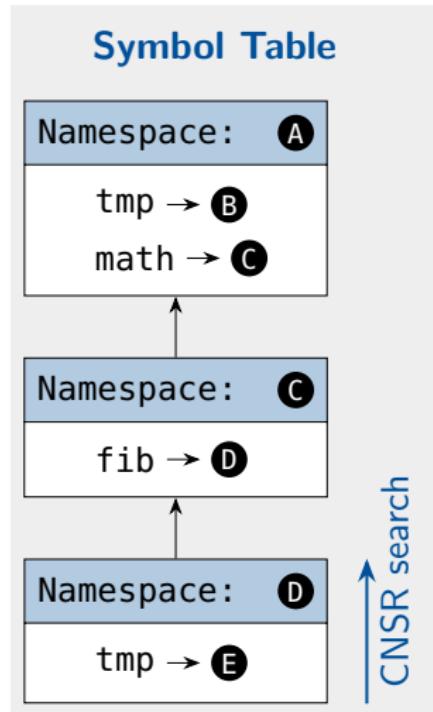
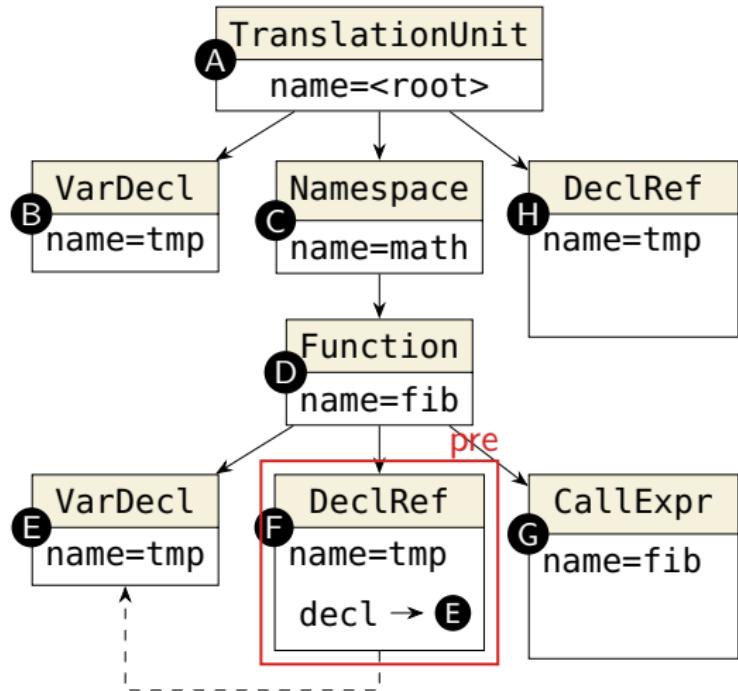
# ⌘ Symboltabelle als Stack von Namensräumen



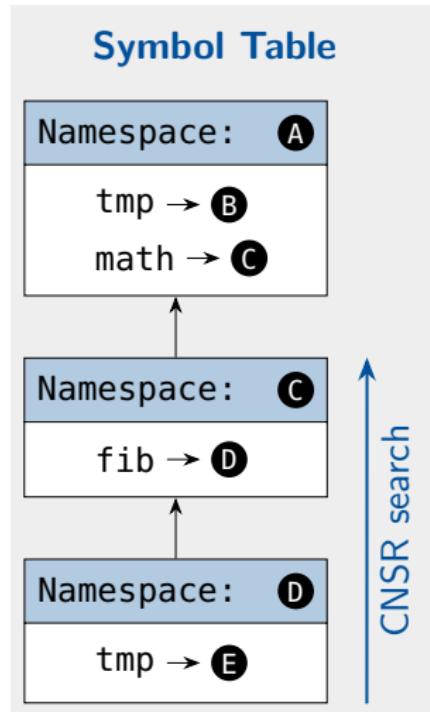
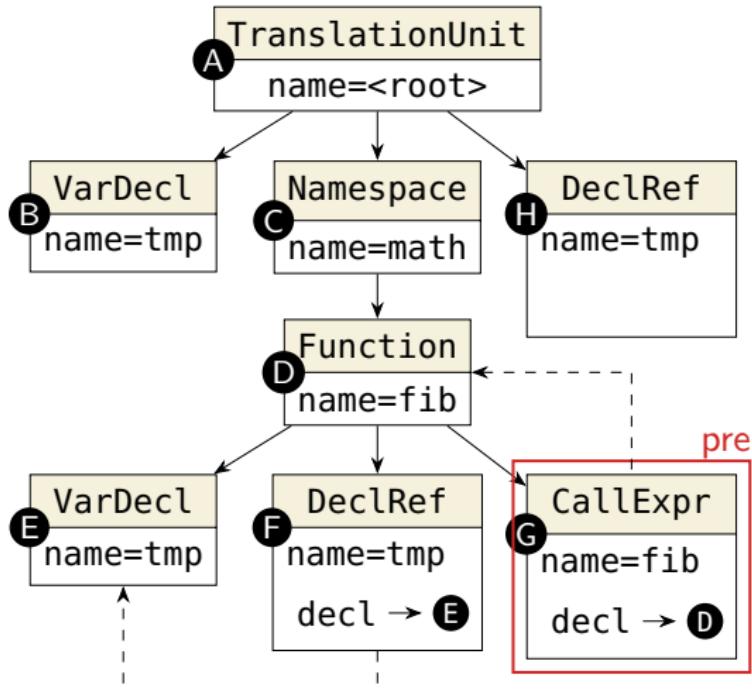
# ⌘ Symboltabelle als Stack von Namensräumen



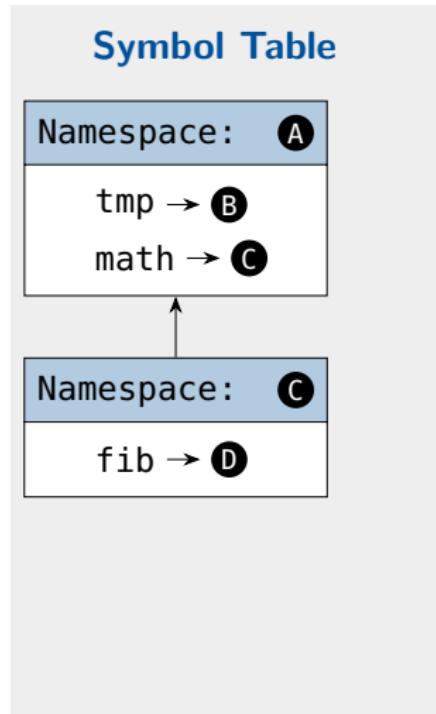
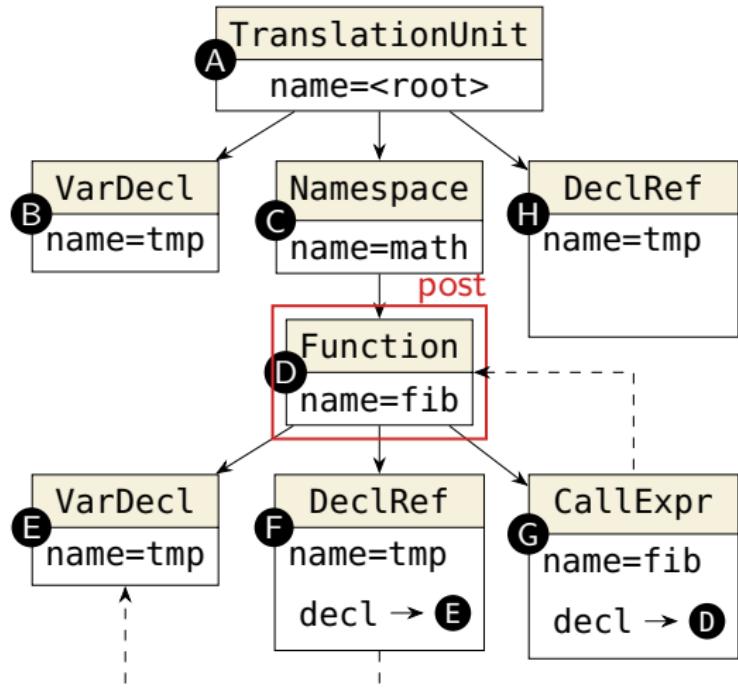
# ✳️ Symboltabelle als Stack von Namensräumen



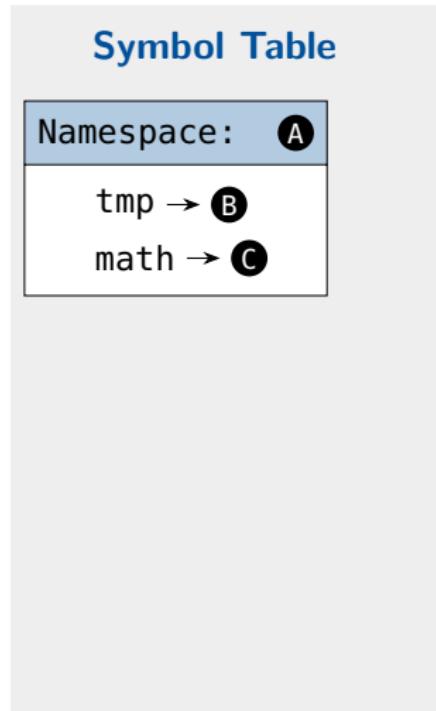
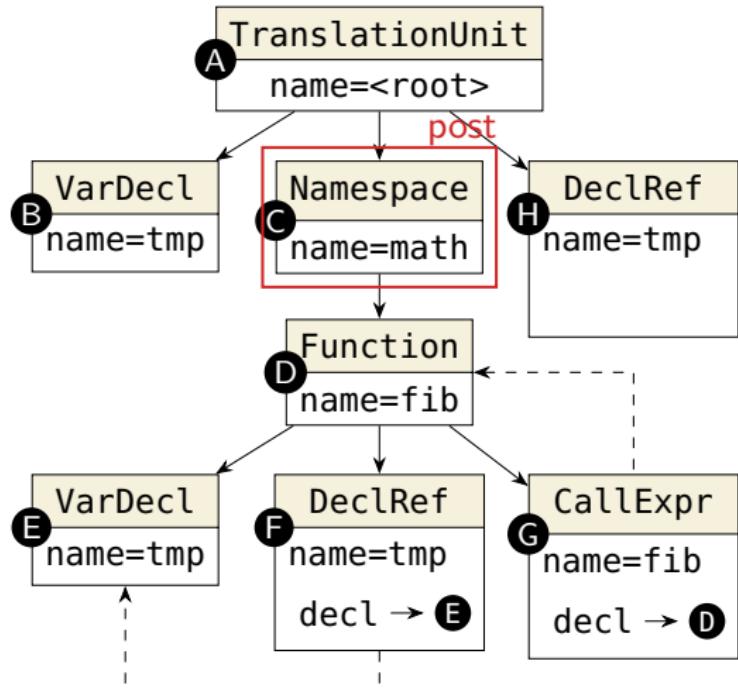
# ✳️ Symboltabelle als Stack von Namensräumen



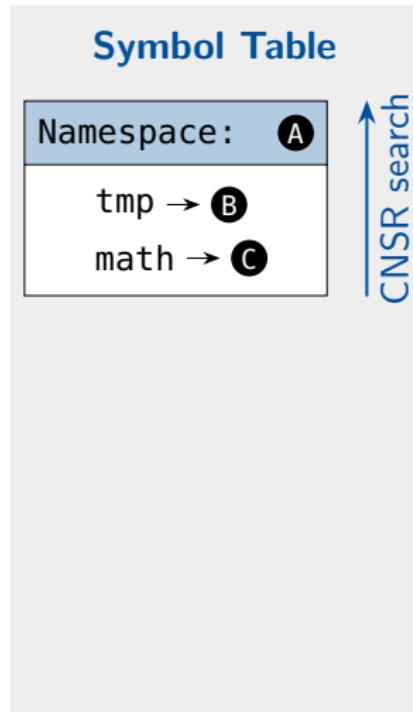
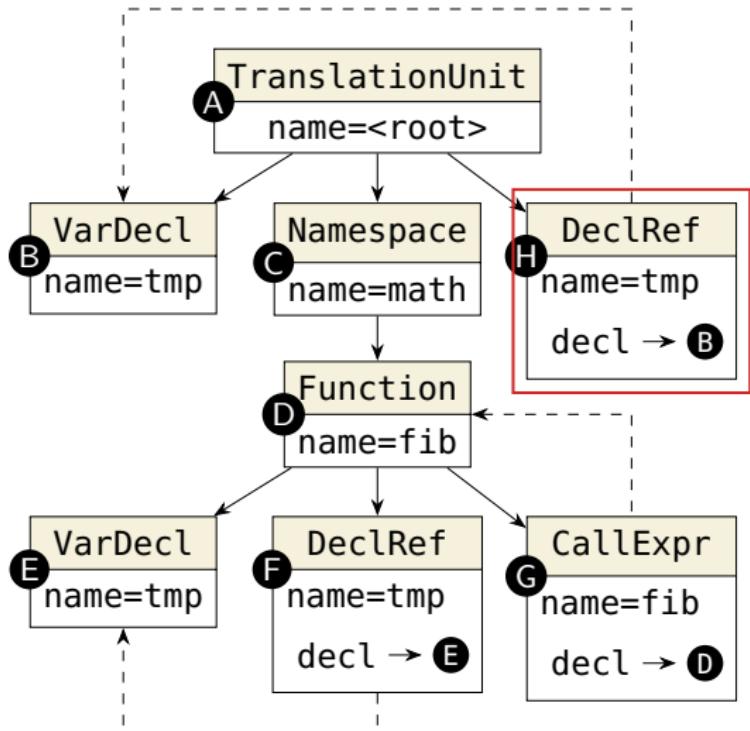
# ⌘ Symboltabelle als Stack von Namensräumen



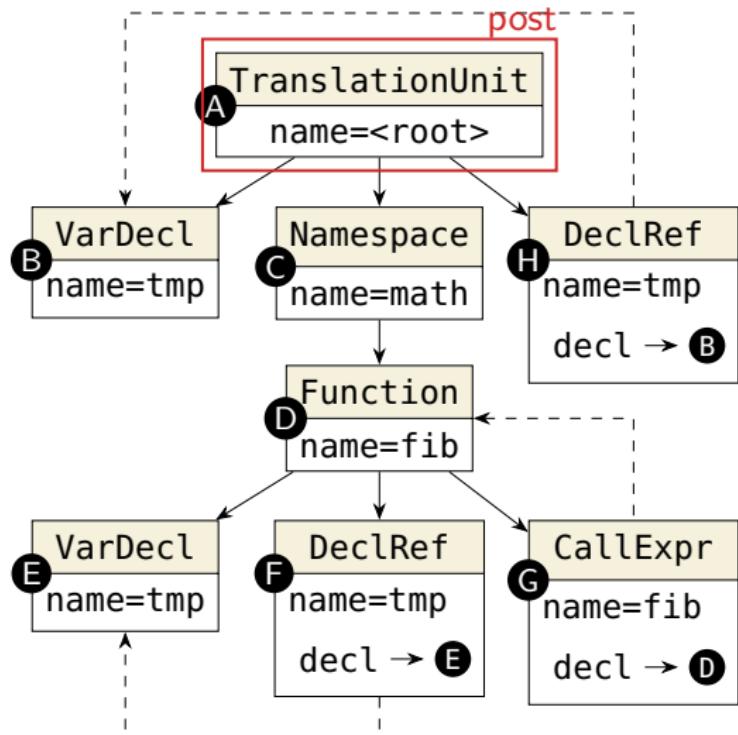
# ⌘ Symboltabelle als Stack von Namensräumen



# ⌘ Symboltabelle als Stack von Namensräumen



# ⌘ Symboltabelle als Stack von Namensräumen



Symbol Table

## ⌘ Erweiterte Traversierung bei der Namensauflösung

- Beliebige Reihenfolge von Deklaration und Referenzen in einem NS
  - Java: Reihenfolge der Methodendefinition ist egal!
  - **Lösung:** Wir traversieren den AST **zweimal**.
    1. Einsammeln aller Deklarationen, Speicherung an den Knoten (z.B. `ClassDecl`)
    2. Auflösen der Referenzen beim zweiten Durchlauf

# Erweiterte Traversierung bei der Namensauflösung

- Beliebige Reihenfolge von Deklaration und Referenzen in einem NS
  - Java: Reihenfolge der Methodendefinition ist egal!
  - **Lösung:** Wir traversieren den AST zweimal.
    1. Einsammeln aller Deklarationen, Speicherung an den Knoten (z.B. `ClassDecl`)
    2. Auflösen der Referenzen beim zweiten Durchlauf
- Überladung von Funktionen anhand der statischen Signaturen
  - Typinformationen müssen bei der Namensauflösung bereitstehen
  - **Lösung:** Typberechnung und Namensauflösung im **selben Visitor** durchführen

```
def post_CallExpr(self, call): # Post-Order: Bekannte Argumente
    # 1. Berechnung der statischen Signatur
    N = signature(call.func_name)
    for A in call.arguments:
        N.addParam(A.Type)

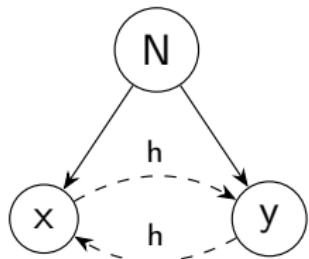
    # 2. Namensauflösung des komplexen Namens
    call.decl = self.ST.findName(N)

    # 3. Ergebnistyp der CallExpr
    call.Type = call.decl.ReturnType
```

Python

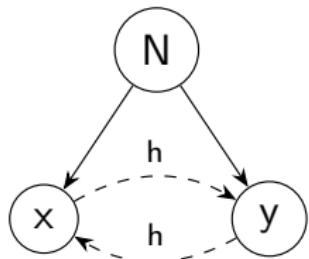


# Zyklische Attribute und Unifikation



- Zyklische Attribute erfordern komplexen Datenfluss
  - Knoten liefern Teilwissen über das Attribut
  - Gleichungssystem für Attribute ist **selbst-referenziell**
  - Einfaches zyklisches Beispiel:

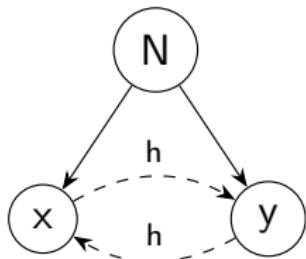
$$\begin{array}{ll} x.h = y.h - 1 & \text{Konsekutive Zahlen} \\ y.h = 2 * x.h & \text{Vielfachheit} \end{array}$$



- Zyklische Attribute erfordern komplexen Datenfluss
  - Knoten liefern Teilwissen über das Attribut
  - Gleichungssystem für Attribute ist **selbst-referenziell**
  - Einfaches zyklisches Beispiel:  $x.h = 1$ ,  $y.h = 2$

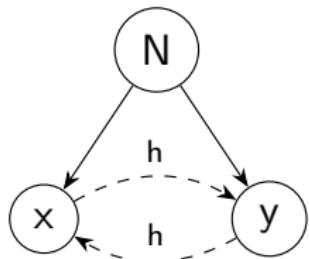
$$\begin{aligned}x.h &= y.h - 1 \\y.h &= 2 * x.h\end{aligned}$$

Konsekutive Zahlen  
Vielfachheit



- Zyklische Attribute erfordern komplexen Datenfluss
  - Knoten liefern Teilwissen über das Attribut
  - Gleichungssystem für Attribute ist selbst-referenziell
  - Einfaches zyklisches Beispiel:  $x.h = 1$ ,  $y.h = 2$ 

$x.h = y.h - 1$  Konsekutive Zahlen  
 $y.h = 2 * x.h$  Vielfachheit
  - ... wurden lange für Programmiersprachen gemieden.



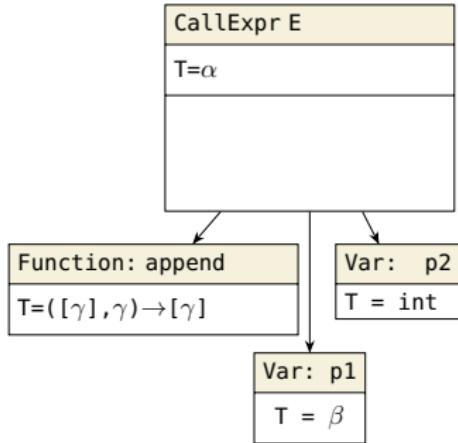
- Zyklische Attribute erfordern komplexen Datenfluss
  - Knoten liefern Teilwissen über das Attribut
  - Gleichungssystem für Attribute ist selbst-referenziell
  - Einfaches zyklisches Beispiel:  $x.h = 1$ ,  $y.h = 2$ 

$x.h = y.h - 1$  Konsekutive Zahlen  
 $y.h = 2 * x.h$  Vielfachheit
  - ... wurden lange für Programmiersprachen gemieden.

- **Typinferenz** erleichtert statische Typisierung, erzeugt aber Zyklen
  - Inferenz: Ableitung der statischen Typen aus der Verwendung der Variablen
  - `fun(x) { return x + 2 }` → Der Parameter x muss vom Typ **int** sein
  - **Hindley-Milner-Typinferenz** kombiniert zyklische Attribute mit **parametrischem Polymorphismus**; Grundlage der **funktionalen Programmierung**

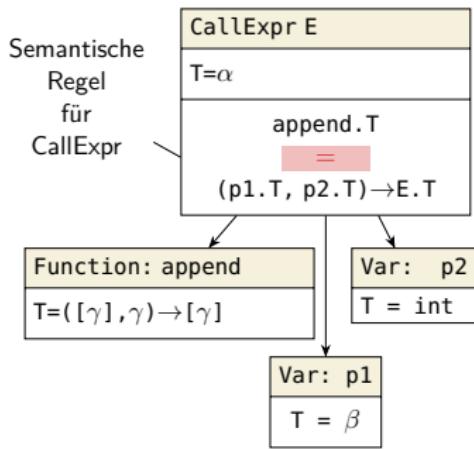
# ✳ Typinferenz durch Ersetzung von Typvariablen

Was ist der Typ von `append(p1, p2)` ?



- Blätter: Einsetzen des vorhandenen Wissens
  - Die Variable `p2` hat Typ `int`
  - `append()` ist generische Funktion und hängt ein Element an homogene Liste an
  - Alles Unbekannte wird durch eine **freie Typvariable** ( $\alpha, \beta, \gamma$ ) dargestellt.

# Typinferenz durch Ersetzung von Typvariablen

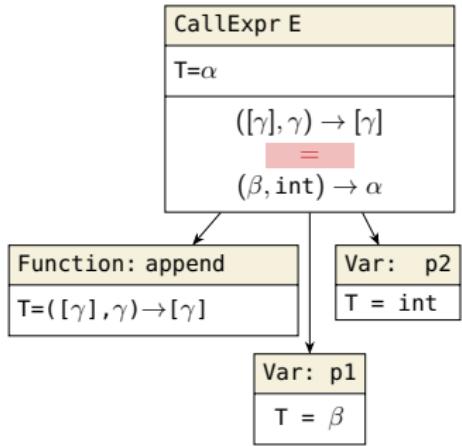


Was ist der Typ von `append(p1, p2)` ?

- Blätter: Einsetzen des vorhandenen Wissens
  - Die Variable `p2` hat Typ `int`
  - `append()` ist generische Funktion und hängt ein Element an homogene Liste an
  - Alles Unbekannte wird durch eine **freie Typvariable** ( $\alpha, \beta, \gamma$ ) dargestellt.
- Regeln als **parametrische Bedingungen**
  - `CallExpr`: Die Signatur der aufgerufenen Funktion muss zu den Argumenten passen.
  - Rückgabetyp (`E.T`) soll ermittelt werden

# ✳ Typinferenz durch Ersetzung von Typvariablen

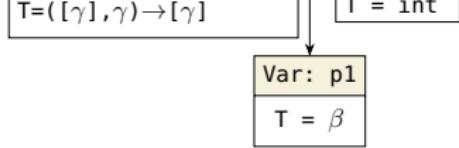
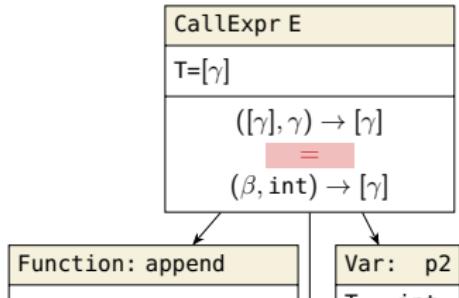
Was ist der Typ von `append(p1, p2)` ?



- Blätter: Einsetzen des vorhandenen Wissens
  - Die Variable `p2` hat Typ `int`
  - `append()` ist generische Funktion und hängt ein Element an homogene Liste an
  - Alles Unbekannte wird durch eine **freie Typvariable** ( $\alpha, \beta, \gamma$ ) dargestellt.
- Regeln als **parametrische Bedingungen**
  - CallExpr: Die Signatur der aufgerufenen Funktion muss zu den Argumenten passen.
  - Rückgabetyp (E.T) soll ermittelt werden
- Variablen-Elimination durch **Ersetzungen**
  - **Ziel:** Bedingungen müssen erfüllt sein
  - Ersetzung: Variable → Typausdruck
  - Finde Sequenz unifizierender Ersetzungen

# Typinferenz durch Ersetzung von Typvariablen

Was ist der Typ von `append(p1, p2)` ?

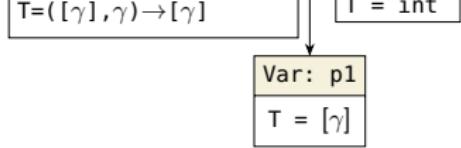
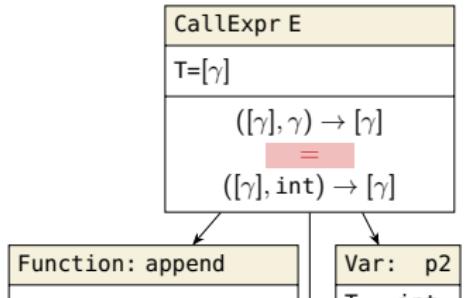


**Ersetzung der Typvariablen**  
 $\alpha \mapsto [\gamma]$

- Blätter: Einsetzen des vorhandenen Wissens
  - Die Variable `p2` hat Typ `int`
  - `append()` ist generische Funktion und hängt ein Element an homogene Liste an
  - Alles Unbekannte wird durch eine **freie Typvariable** ( $\alpha, \beta, \gamma$ ) dargestellt.
- Regeln als **parametrische Bedingungen**
  - CallExpr: Die Signatur der aufgerufenen Funktion muss zu den Argumenten passen.
  - Rückgabetyp (E.T) soll ermittelt werden
- Variablen-Elimination durch **Ersetzungen**
  - **Ziel:** Bedingungen müssen erfüllt sein
  - Ersetzung: Variable  $\rightarrow$  Typausdruck
  - Finde Sequenz unifizierender Ersetzungen

# Typinferenz durch Ersetzung von Typvariablen

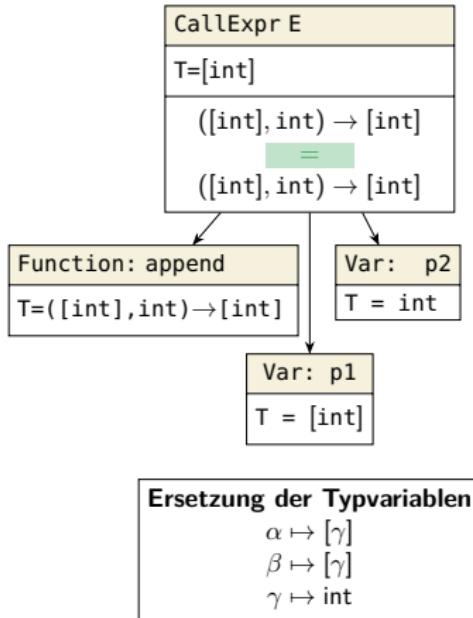
Was ist der Typ von `append(p1, p2)` ?



- Blätter: Einsetzen des vorhandenen Wissens
  - Die Variable `p2` hat Typ `int`
  - `append()` ist generische Funktion und hängt ein Element an homogene Liste an
  - Alles Unbekannte wird durch eine **freie Typvariable** ( $\alpha, \beta, \gamma$ ) dargestellt.
- Regeln als **parametrische Bedingungen**
  - CallExpr: Die Signatur der aufgerufenen Funktion muss zu den Argumenten passen.
  - Rückgabetyp (E.T) soll ermittelt werden
- Variablen-Elimination durch **Ersetzungen**
  - **Ziel:** Bedingungen müssen erfüllt sein
  - Ersetzung: Variable  $\rightarrow$  Typausdruck
  - Finde Sequenz unifizierender Ersetzungen

# Typinferenz durch Ersetzung von Typvariablen

Was ist der Typ von `append(p1, p2)` ?



- Blätter: Einsetzen des vorhandenen Wissens
  - Die Variable `p2` hat Typ `int`
  - `append()` ist generische Funktion und hängt ein Element an homogene Liste an
  - Alles Unbekannte wird durch eine **freie Typvariable** ( $\alpha, \beta, \gamma$ ) dargestellt.
- Regeln als **parametrische Bedingungen**
  - CallExpr: Die Signatur der aufgerufenen Funktion muss zu den Argumenten passen.
  - Rückgabetyp (E.T) soll ermittelt werden
- Variablen-Elimination durch **Ersetzungen**
  - **Ziel:** Bedingungen müssen erfüllt sein
  - Ersetzung: Variable  $\rightarrow$  Typausdruck
  - Finde Sequenz **unifizierender Ersetzungen**

# ⌘ Unifikation: Berechnung von passenden Ersetzungen

## Unifikation

Finden einer Sequenz von Variablen-Ersetzungen, die zwei Terme angleicht.

$$T_1 = \text{func}(\text{list}(\gamma), \gamma, \text{list}(\gamma))$$

$$T_2 = \text{func}(\beta, \text{int}, \alpha)$$

## Typausdrücke mit freien Variablen

- Typ(konstruktoren): int, func, list
- Variablen:  $\alpha, \beta, \gamma$
- Variablen können in beiden Termen, auch mehrfach, vorkommen

# ⌘ Unifikation: Berechnung von passenden Ersetzungen

## Unifikation

Finden einer Sequenz von Variablen-Ersetzungen, die zwei Terme angleicht.

$$T_1 = \text{func}(\text{list}(\gamma), \gamma, \text{list}(\gamma))$$

$$T_2 = \text{func}(\beta, \text{int}, \alpha)$$

$$U = \underbrace{\alpha \mapsto \beta}_{S_1}, \underbrace{\beta \mapsto \text{list}(\gamma)}_{S_2}, \underbrace{\gamma \mapsto \text{int}}_{S_3}$$

## Typausdrücke mit freien Variablen

- Typ(konstruktoren): int, func, list
- Variablen:  $\alpha, \beta, \gamma$
- Variablen können in beiden Termen, auch mehrfach, vorkommen

## Unifizierende Ersetzung

- Ersetzungssequenz:  $S_1 \circ S_2 \circ S_3$
- Reihenfolge ist relevant!
- **Allgemeinster Unifikator** nimmt nur notwendige Ersetzungen vor

# ⌘ Unifikation: Berechnung von passenden Ersetzungen

## Unifikation

Finden einer Sequenz von Variablen-Ersetzungen, die zwei Terme angleicht.

$$T_1 = \text{func}(\text{list}(\gamma), \gamma, \text{list}(\gamma))$$

$$T_2 = \text{func}(\beta, \text{int}, \alpha)$$

$$U = \underbrace{\alpha \mapsto \beta}_{S_1}, \underbrace{\beta \mapsto \text{list}(\gamma)}_{S_2}, \underbrace{\gamma \mapsto \text{int}}_{S_3}$$

## Typausdrücke mit freien Variablen

- Typ(konstruktoren): int, func, list
- Variablen:  $\alpha, \beta, \gamma$
- Variablen können in beiden Termen, auch mehrfach, vorkommen

## Unifizierende Ersetzung

- Ersetzungssequenz:  $S_1 \circ S_2 \circ S_3$
- Reihenfolge ist relevant!
- **Allgemeinster Unifikator** nimmt nur notwendige Ersetzungen vor

## ■ Mehrere Unifikations-Algorithmen $\text{unify}(T_1, T_2) \rightarrow U$

- Erster Algorithmus von Robinson (1965) hat exponentielle Laufzeit
- Lineare Laufzeit: Paterson, Wegman (1978); Martelli, Montanari (1982)

- Semantische Analyse prüft die restlichen kontextsensitiven Sprachregeln
  - **Namensauflösung:** Gibt es zu jeder Referenz eine Deklaration?
  - **Typkonsistenz:** Werden die statischen Typen korrekt verwendet?
- ⇒ Nach der semantischen Analyse haben wir ein korrektes Programm vor uns!

# Zusammenfassung: Semantische Analyse

- Semantische Analyse prüft die restlichen kontextsensitiven Sprachregeln
  - **Namensauflösung**: Gibt es zu jeder Referenz eine Deklaration?
  - **Typkonsistenz**: Werden die statischen Typen korrekt verwendet?
- ⇒ Nach der semantischen Analyse haben wir ein korrektes Programm vor uns!
- Berechnung der **semantischen Attribute** für jeden Knoten (z.B. Typ)
  - Attribute sind Abhängig von anderen (auch entfernten) Knotenattributen  
⇒ Gleichungssystem zwischen allen Knotenattributen
  - **S-Attribut**: Nur Abhängigkeiten zu den eigenen Kindern („nach unten“)
  - **L-Attribut**: Abhängigkeiten von Geschwister und Vorgängern („nach links“)
  - **Zyklische Attribute**: Wechselseitig abhängige Attributgleichungen

- Semantische Analyse prüft die restlichen kontextsensitiven Sprachregeln
  - **Namensauflösung:** Gibt es zu jeder Referenz eine Deklaration?
  - **Typkonsistenz:** Werden die statischen Typen korrekt verwendet?
- Nach der semantischen Analyse haben wir ein korrektes Programm vor uns!
- Berechnung der **semantischen Attribute** für jeden Knoten (z.B. Typ)
  - Attribute sind Abhängig von anderen (auch entfernten) Knotenattributen  
⇒ Gleichungssystem zwischen allen Knotenattributen
  - **S-Attribut:** Nur Abhängigkeiten zu den eigenen Kindern („nach unten“)
  - **L-Attribut:** Abhängigkeiten von Geschwister und Vorgängern („nach links“)
  - **Zyklische Attribute:** Wechselseitig abhängige Attributgleichungen
- Übersetzertechniken zur Attributberechnung und Regelprüfung
  - **Baumtraversierung:** Visitor bündelt knotentypabhängige Operationen
  - **Symboltabelle:** Speichert die aktuell deklarierten Namen beim Traversieren
  - **Unifikation:** Angleichung von parametrischen Typausdrücken durch Ersetzung