## TECHNISCHE UNIVERSITÄT BRAUNSCHWEIG INSTITUT FÜR MATHEMATISCHE OPTIMIERUNG INSTITUT FÜR ANALYSIS Prof. Dr. S. Fekete, Dr. W. Marten

Wintersemester 2002/2003 12.12.2002, Blatt 7

## Übungen zum Modul "Analysis I für Studierende der Ingenieurwissenschaften"

**53.G.** Bestimmen Sie die Menge M aller Punkte  $x \in \mathbb{R} \setminus \{2\}$ , die die Ungleichungen

$$\frac{1}{4} \le \left| \frac{3x+2}{5x-10} \right| \le 2$$

erfüllen, als Vereinigung von endlich vielen Intervallen.

54.G. Berechnen Sie die Summe der Reihe

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{36n^2 + 12n - 8}.$$

Wenden Sie die Teleskop-Methode an.

55.G. Berechnen Sie die Ableitungen der Funktionen

**55.1.** 
$$f(x) = (1 + x + x^2)(1 - x + x^2)$$
,

**55.2.** 
$$g(x) = \frac{x^2 - 1}{x^3 - 2x - 1}$$
,

**55.3.** 
$$h(x) = \frac{1}{36x^2 + 12x - 8}$$

in allen Punkten, in denen dies sinnvoll ist. Probieren Sie mehrere Rechenwege aus.

## - Lösungen -

**40.Geo. 40.1.** 
$$\frac{4}{7}$$
. **40.2.**  $\frac{11}{18}$ .

**44.Geo. 44.1.** 
$$\frac{1}{4}$$
 . **44.2.** 0.

**47.Geo.** 
$$\|\mathbf{a} \times \mathbf{b}\|^2 = 62710 = 70810 - 8100 = \|\mathbf{a}\|^2 \|\mathbf{b}\|^2 - (\mathbf{a} \cdot \mathbf{b})^2$$
.

**50.Geo.** 
$$-\frac{4x}{\sqrt{26}} + \frac{y}{\sqrt{26}} + \frac{3z}{\sqrt{26}} = \frac{7}{\sqrt{26}}$$
.

Große Übung. Aufgaben 53.G, 54.G, 55.G.

Kleine Übung. In den kleinen Übungen werden die Aufgaben der beiden Probeklausuren vom 14.12.2002 besprochen.

**Geoökologie.** Es gibt diesmal keine Hausaufgaben. Arbeiten Sie stattdessen die Aufgaben der Probeklausur durch, nachdem sie in der kleinen Übung besprochen worden sind.

Probeklausuren, 14.12.2002		
Fachrichtung	Namen	Hörsaal
Bauing	A-Z	Grotrian 3
Wirsing/Bauing	A-Z	Grotrian 3
Bioing	A-Z	SN 19.1
Maschbau	A-P	AM
Maschbau	Q-Z	PK 15.1
Wirsing/Maschbau	A-Z	Grotrian 2
Mewi	A-Z	SN 19.1
Geo	A-Z	Grotrian 1
Analysis I	11.30 - 13.00 Uhr	
Lineare Algebra	14.00 - 15.30 Uhr	