

Kapitel 4: Dynamische Datenstrukturen

*Algorithmen und Datenstrukturen
WS 2022/23*

Prof. Dr. Sándor Fekete

4.1 Grundoperationen

Aufgabenstellung:

- *Verwalten einer Menge S von Objekten*
- *Ausführen von verschiedenen Operationen (s.u.)*

Im Folgenden:

S	Menge von Objekten
k	Wert eines Elements (“Schlüssel”)
x	Zeiger auf Element
NIL	spezieller, “leerer” Zeiger

4.1 Grundoperationen

SEARCH(S,k): “Suche in S nach k”

Durchsuche die Menge S nach einem Element von Wert k.

**Ausgabe: Zeiger x, falls x existent
NIL, falls kein Element Wert k hat.**

4.1 Grundoperationen

INSERT(S,x): “Füge x in S ein”

Erweitere S um das Element, das unter der Adresse x steht.

4.1 Grundoperationen

DELETE(S,x): “Entferne x aus S”

Lösche das unter der Adresse x stehende Element aus der Menge S.

4.1 Grundoperationen

Langsam:

- $O(n)$: *lineare Zeit*

Alle Objekte anschauen

Sehr schnell:

- $O(1)$: *konstante Zeit*

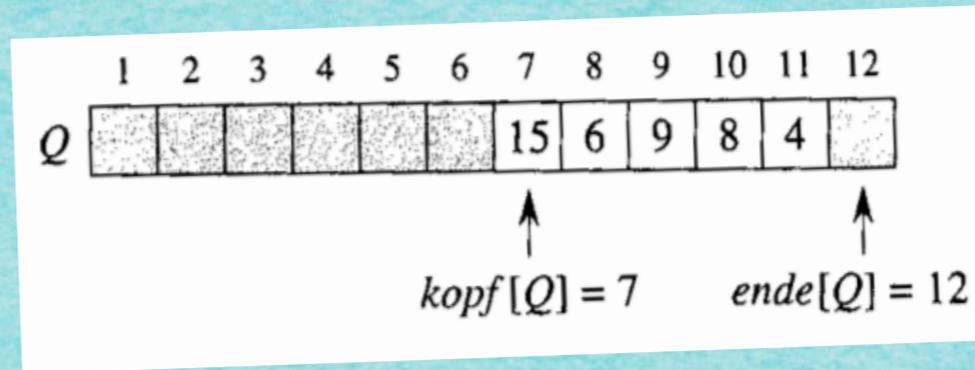
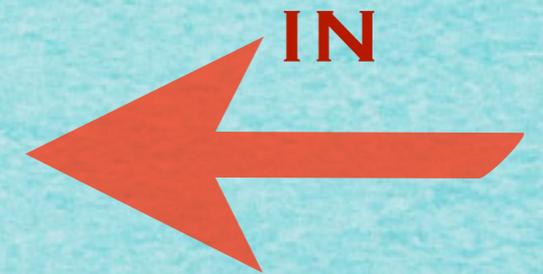
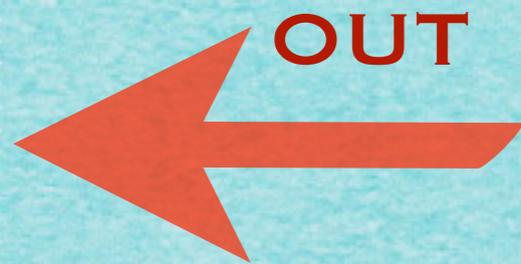
Immer gleich schnell, egal wie groß S ist.

Schnell:

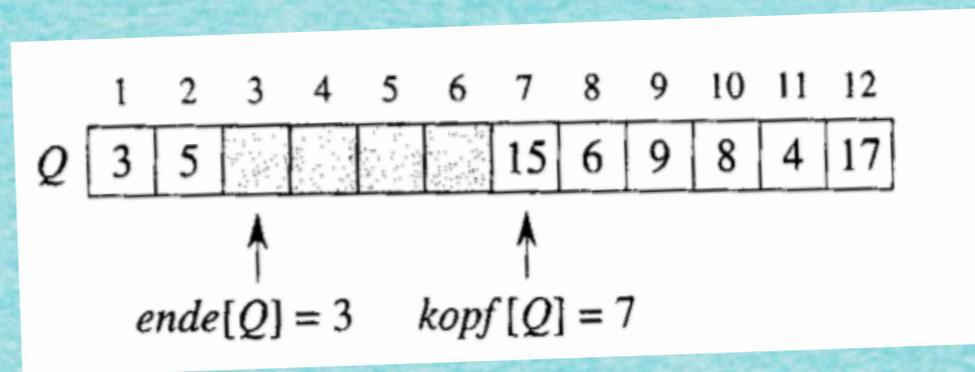
- $O(\log n)$: *logarithmische Zeit*

Wiederholtes Halbieren

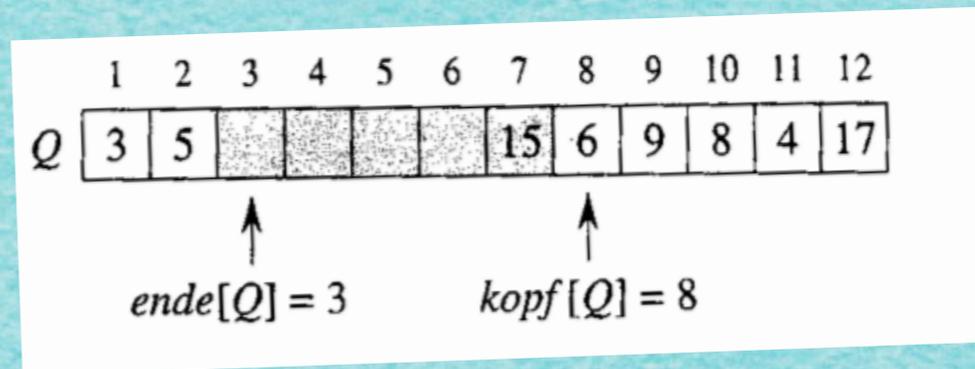
4.2 Stapel und Warteschlange



ENQUEUE: 17, 3, 5



DEQUEUE:



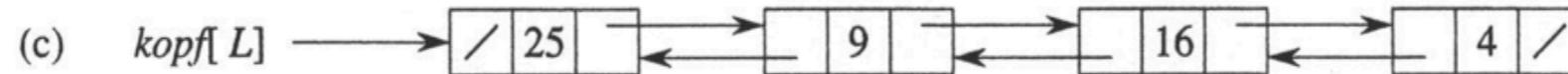
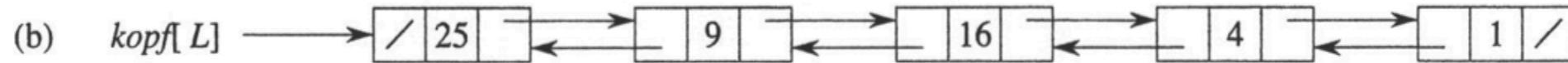
4.3 Verkettete Listen

Idee:



Ordne Objekte nicht explizit in aufeinanderfolgenden Speicherzellen an, sondern gib jeweils Vorgänger und Nachfolger an.

Löschen aus einer doppelt verketteten Liste



LIST-SEARCH(L, k)

```
1  $x \leftarrow \text{kopf}[L]$ 
2 while  $x \neq \text{NIL}$  und  $\text{schlüssel}[x] \neq k$ 
3     do  $x \leftarrow \text{nachf}[x]$ 
4 return  $x$ 
```

LIST-DELETE(L, x)

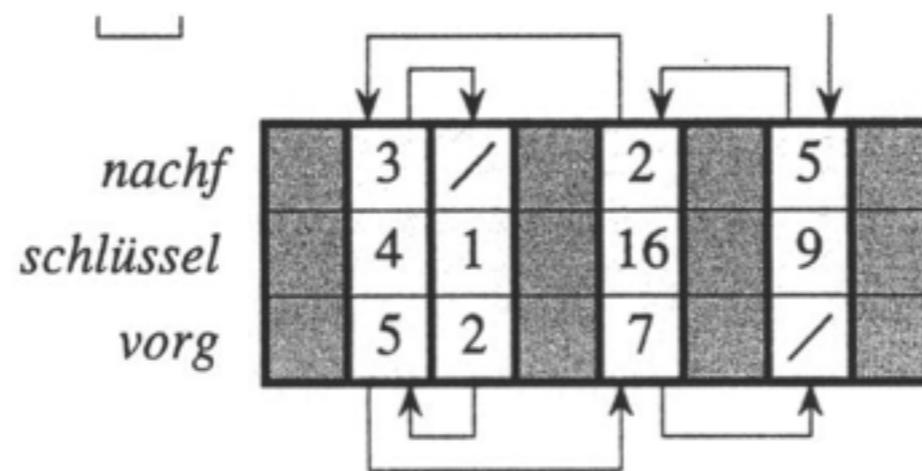
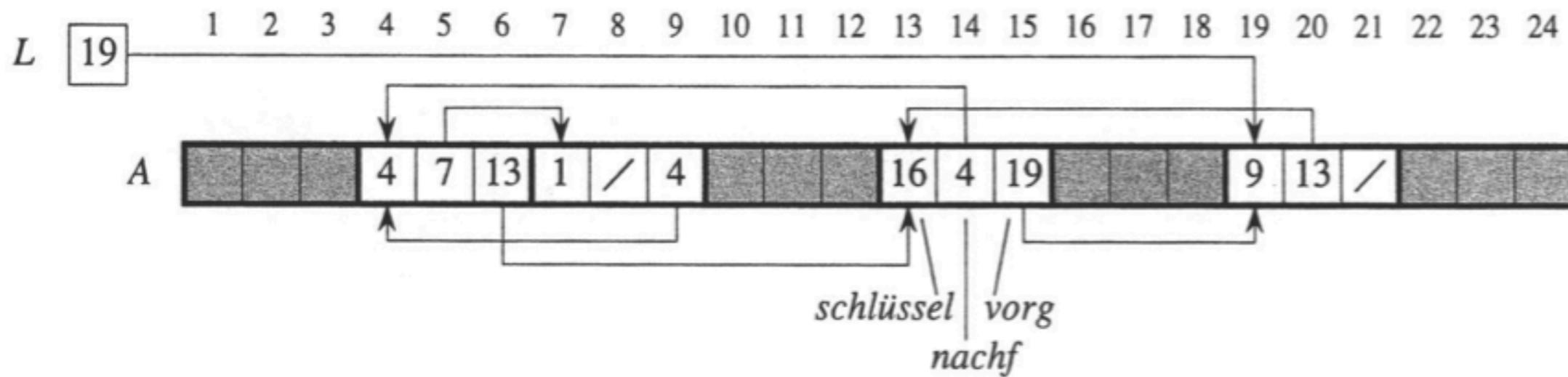
```
1 if  $\text{vorg}[x] \neq \text{NIL}$ 
2     then  $\text{nachf}[\text{vorg}[x]] \leftarrow \text{nachf}[x]$ 
3     else  $\text{kopf}[L] \leftarrow \text{nachf}[x]$ 
4 if  $\text{nachf}[x] \neq \text{NIL}$ 
5     then  $\text{vorg}[\text{nachf}[x]] \leftarrow \text{vorg}[x]$ 
```

Laufzeit: $O(n)$

Laufzeit: $O(1)$

Speicherung kann irgendwo erfolgen!

Speicherung kann irgendwo erfolgen!



4.4 Binäre Suche

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

< ?

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

<



100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

< ? >

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

<



>

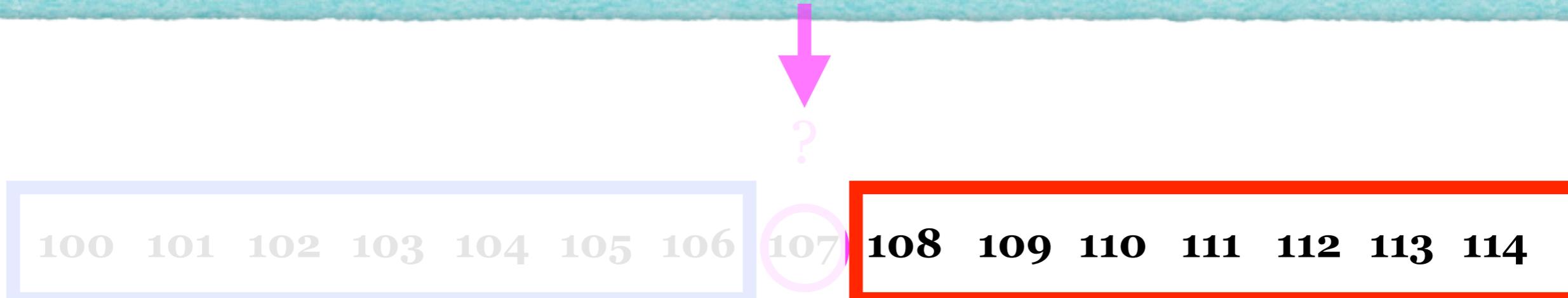
100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

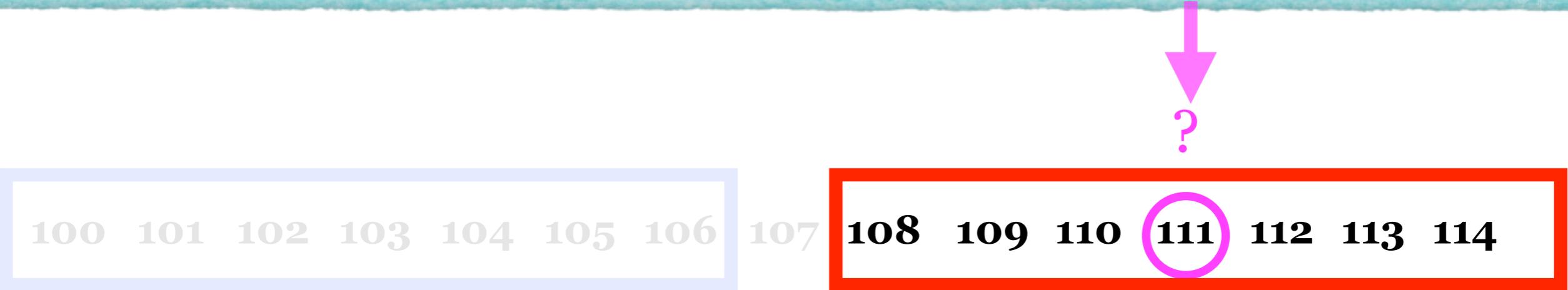
100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

?

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

<

?



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

<

?

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

<

?

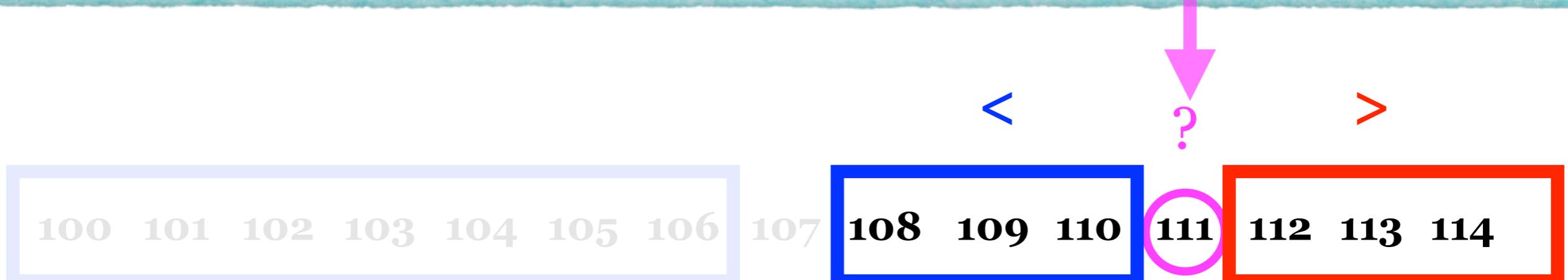
>

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



100 101 102 103 104 105 106 107 **108 109 110** 111 112 113 114

?



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



?

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

<

?



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

<

?



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

<

?

>

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

?

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



?



100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 **110** 111 112 113 114

!

4.4 Binäre Suche

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

4.4 Binäre Suche

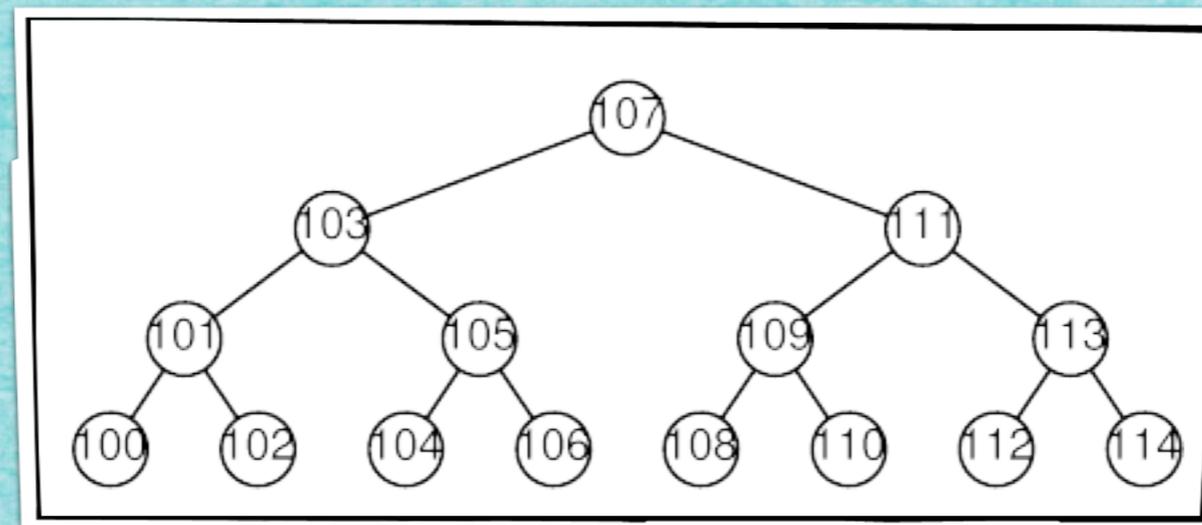
Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

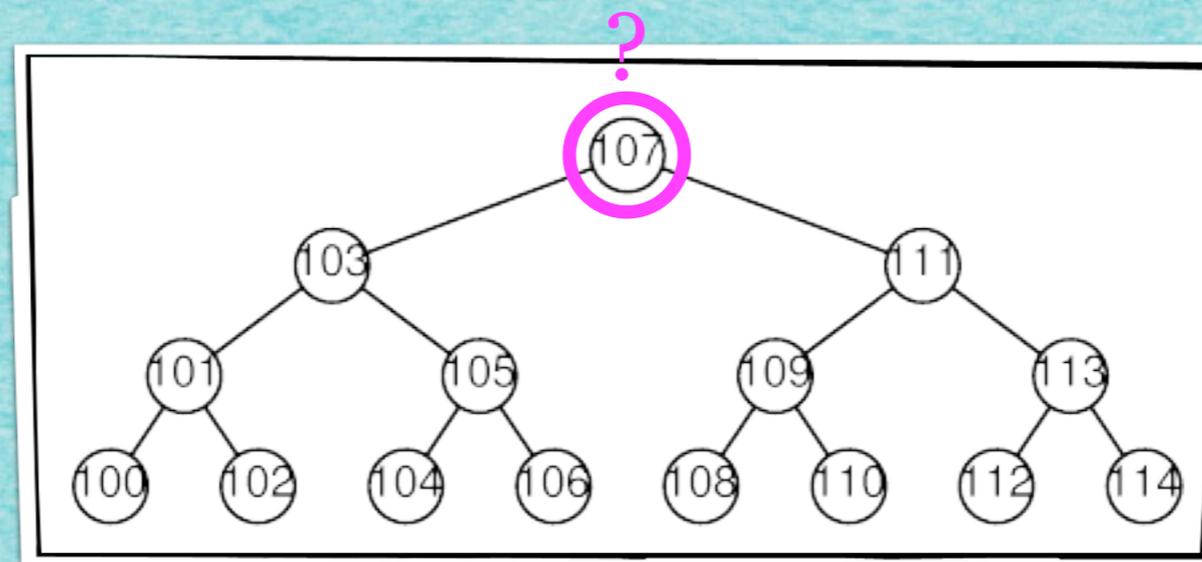
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

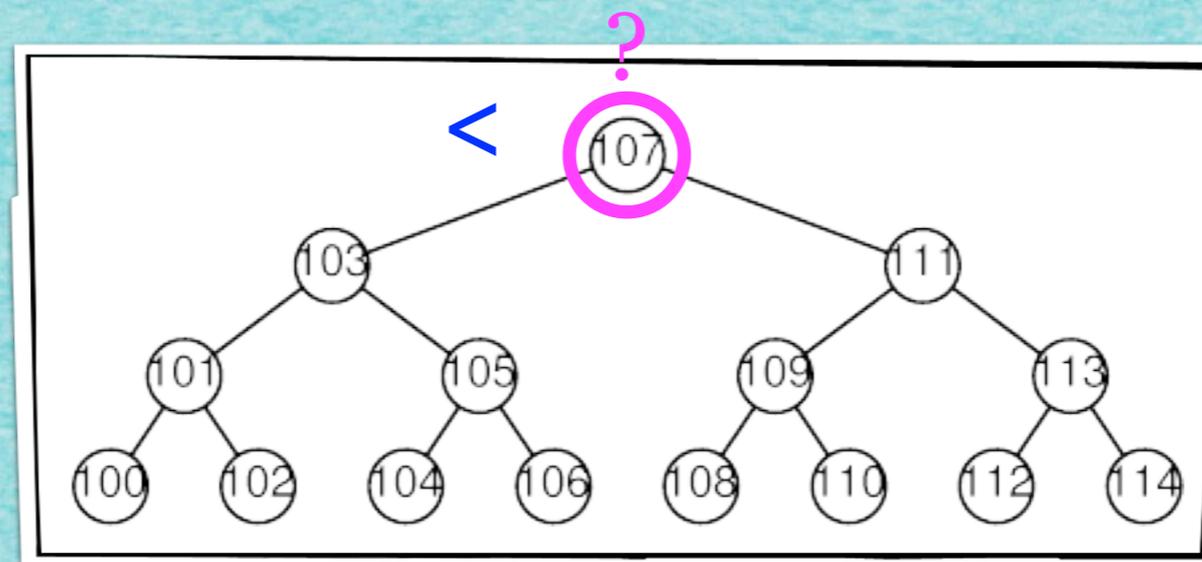
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

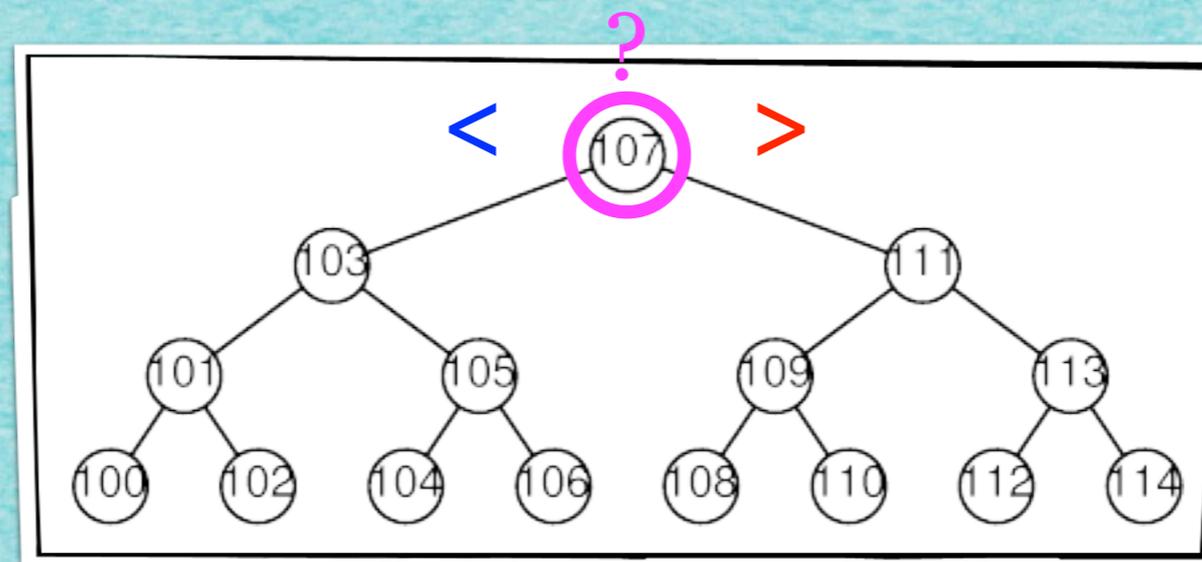
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

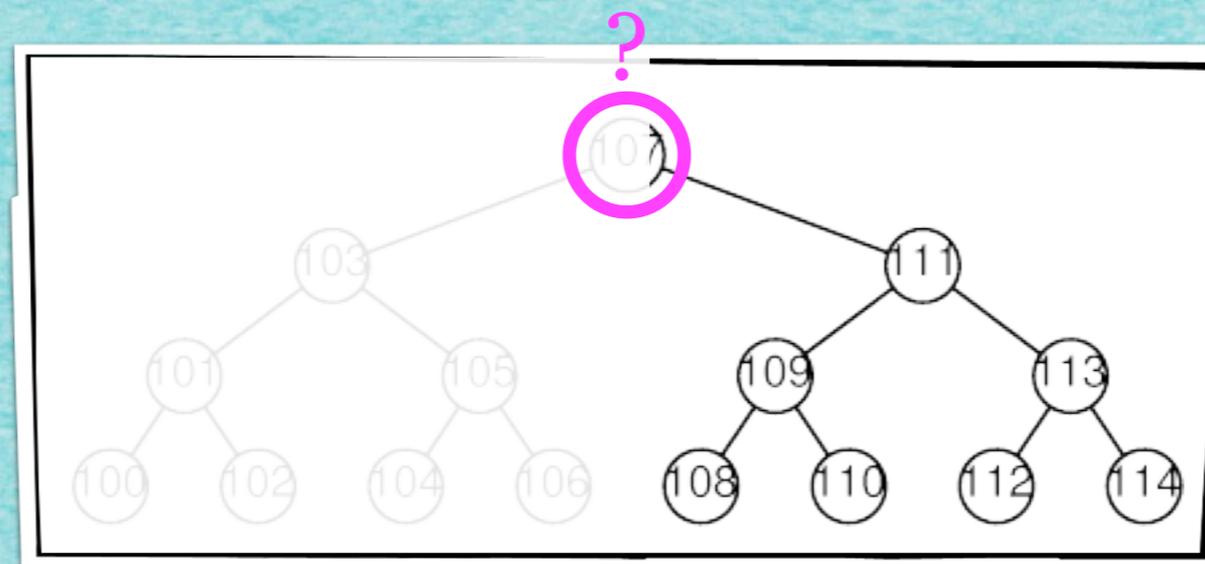
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

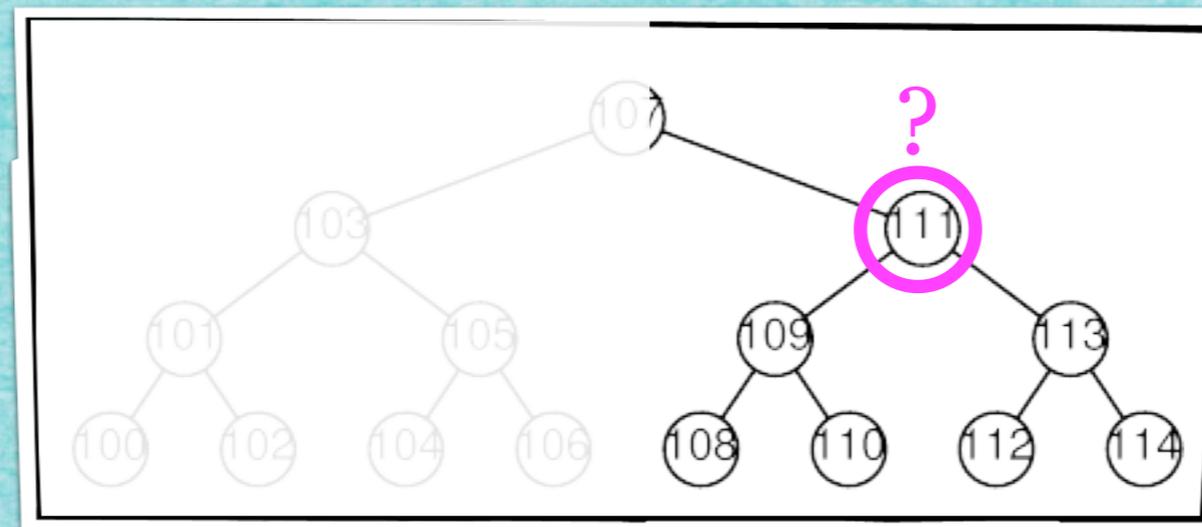
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

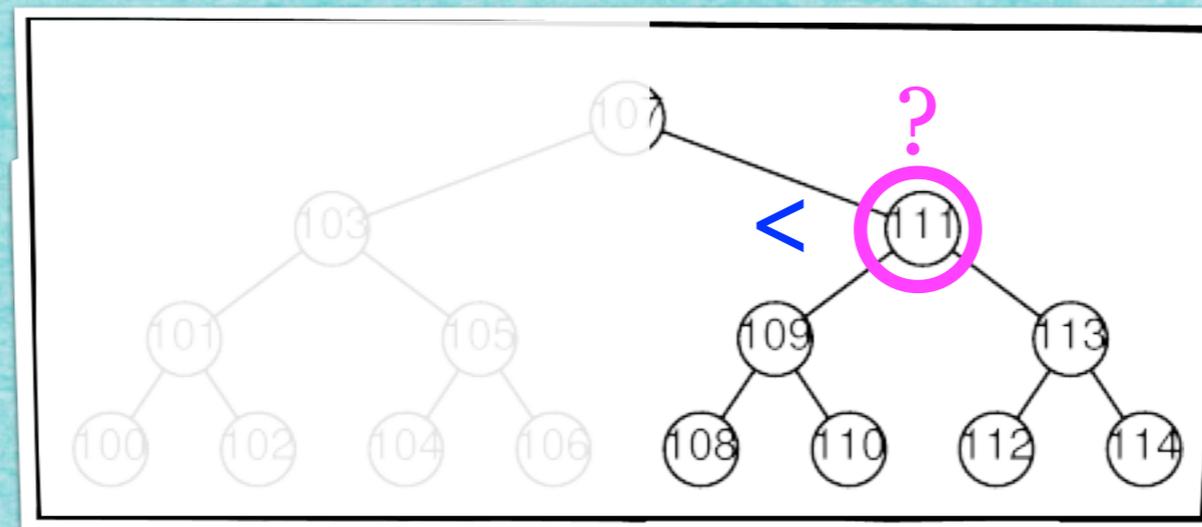
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

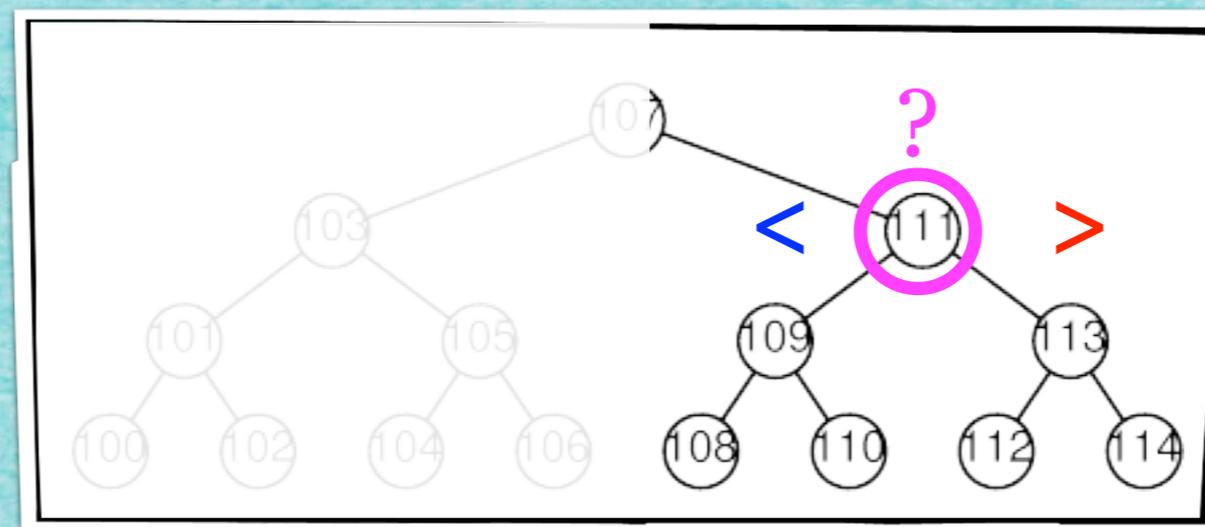
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

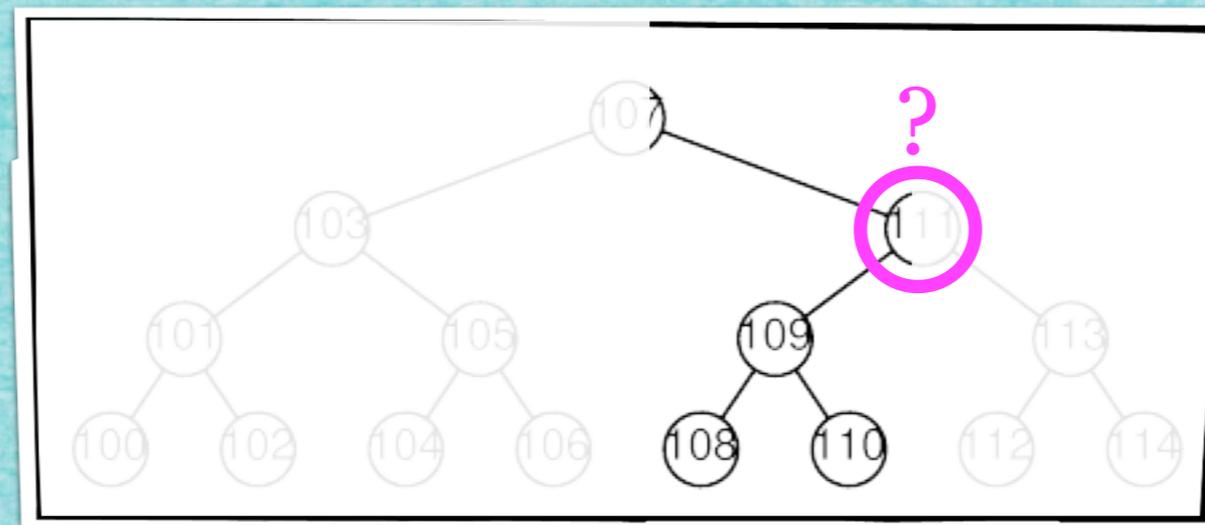
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

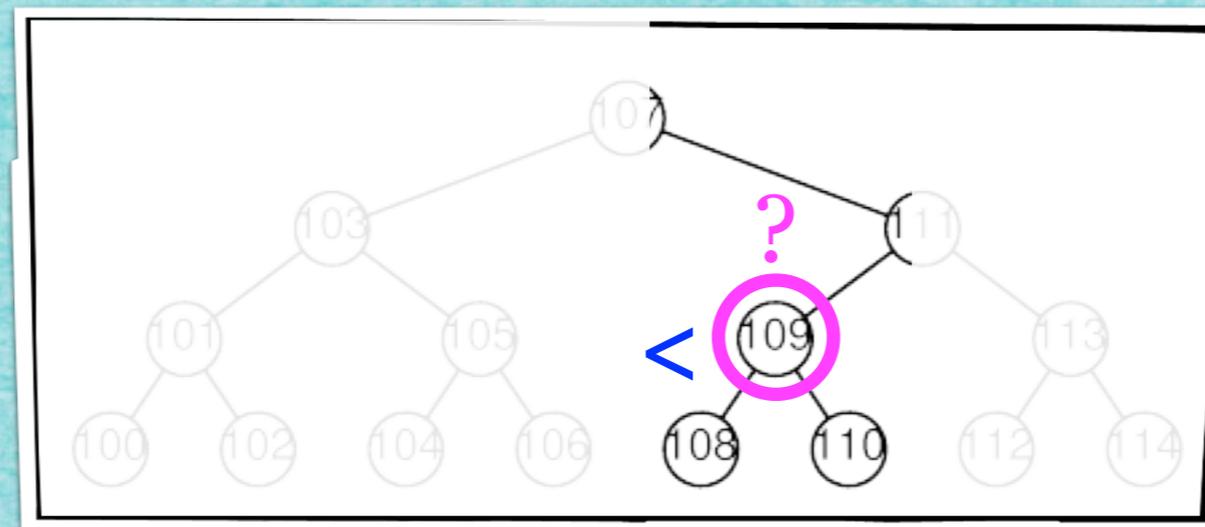
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

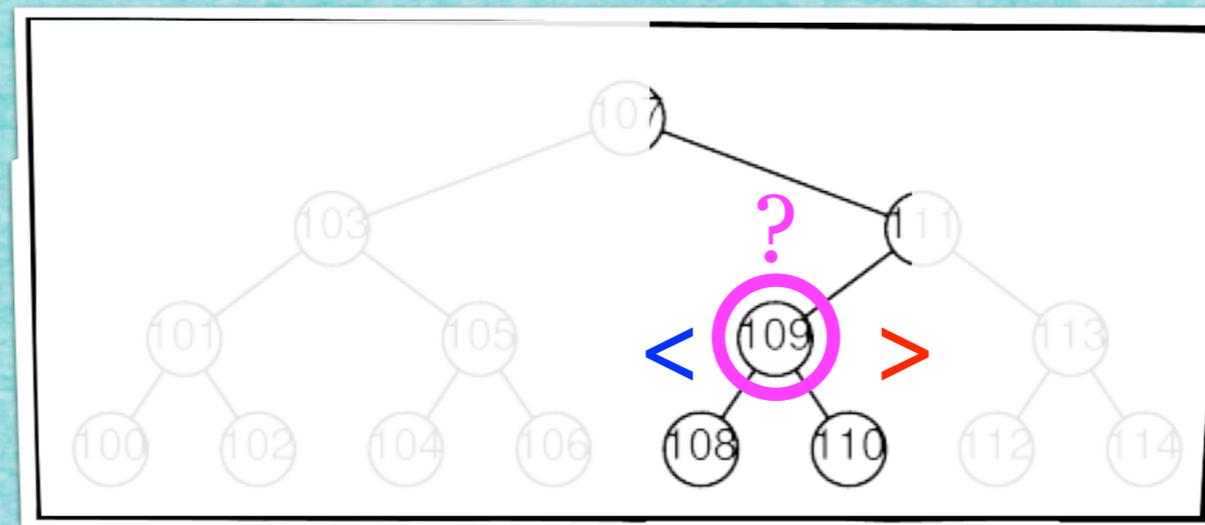
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

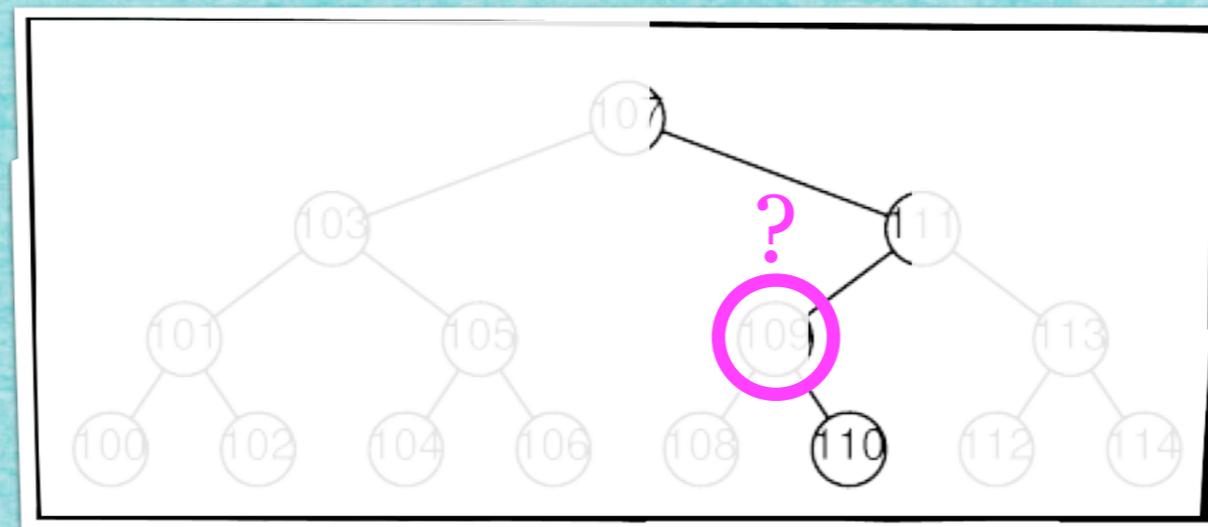
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

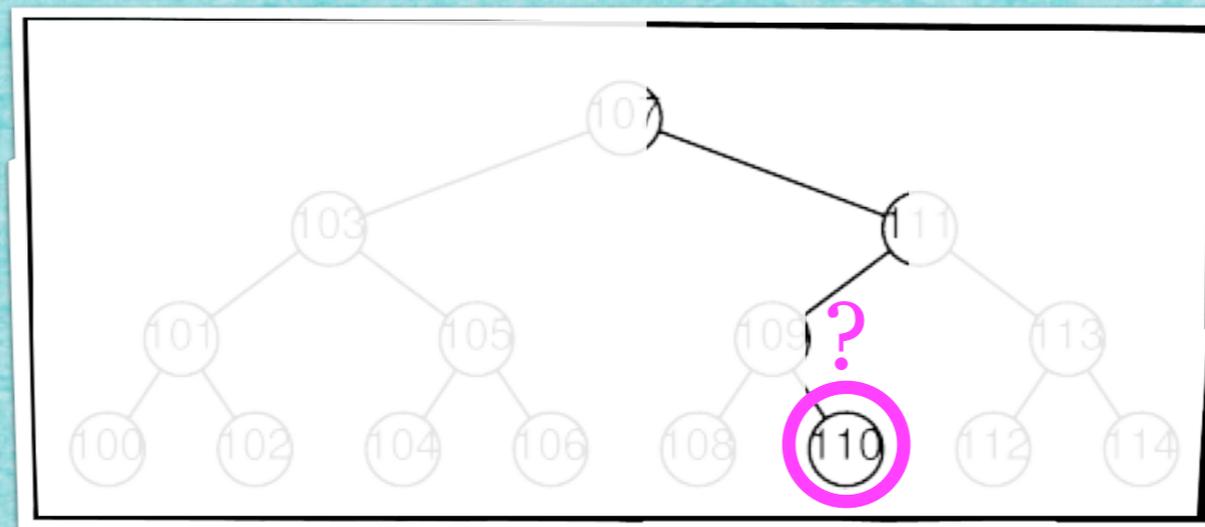
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



Algorithmus 4.1

INPUT: Sortierter Array mit Einträgen $S[I]$, Suchwert WERT,
linke Randposition LINKS, rechte Randposition RECHTS,

OUTPUT: Position von WERT zwischen Arraypositionen LINKS und RECHTS, falls existent

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {
 - 1.1. MITTE := $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$
 - 1.2. IF (S[MITTE]=WERT) THEN
 - 1.2.1. RETURN MITTE
 - 1.3. ELSEIF (S[MITTE]>WERT) THEN
 - 1.3.1. RECHTS:=MITTE-1
 - 1.4. ELSEIF
 - 1.4.1. LINKS:=MITTE+1}
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"

4.4 Binäre Suche

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

1 2 5 6 13 17 28 33 42 47 52 64 89 96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

S[i] 1 2 5 6 13 17 28 33 42 47 52 64 89 96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

i

S[i] 1 2 5 6 13 17 28 33 42 47 52 64 89 96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

LINKS

WERT=42

i 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14

S[i] 1 2 5 6 13 17 28 33 42 47 52 64 89 96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS															RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14		
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96		

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS							MITTE								RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14		
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96		

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS							MITTE								RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14		
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96		

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	WERT=42													
							MITTE	LINKS						RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

		WERT=42													
								LINKS			MITTE				RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96	

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

								LINKS			MITTE				RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96	

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

								LINKS		RECHTS	MITTE			
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

								LINKS	MITTE	RECHTS				
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊  $\frac{LINKS + RECHTS}{2}$  ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

								LINKS	MITTE	RECHTS				
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

								LINKS	MITTE	RECHTS				
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

RETURN 9

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊  $\frac{LINKS + RECHTS}{2}$  ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

S[i] 1 2 5 6 13 17 28 33 42 47 52 64 89 96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=7

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

LINKS

WERT=7

i 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14

S[i] 1 2 5 6 13 17 28 33 42 47 52 64 89 96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS																RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14			
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96			

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS																RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14			
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96			

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS						MITTE							RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS					RECHTS	MITTE							
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS		MITTE			RECHTS								
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS		MITTE			RECHTS								
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

			MITTE	LINKS		RECHTS								
			WERT=7											
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

			WERT=7	LINKS	MITTE	RECHTS									
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96	

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

			WERT=7	LINKS	MITTE	RECHTS									
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96	

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊  $\frac{LINKS + RECHTS}{2}$  ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

				WERT=7												
				RECHTS												
				MITTE												
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14		
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96		

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

				WERT=7										
				LINKS										
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	WERT=7													
	LINKS													
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

				WERT=7											
				RECHTS											
				LINKS											
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96	

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

				WERT=7											
				RECHTES											
				LINKS											
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96	

WERT nicht gefunden!

4.4 Binäre Suche

4.4 Binäre Suche

Satz 4.2

4.4 Binäre Suche

Satz 4.2

Die binäre Suche terminiert in $O(\log(\text{RECHTS-LINKS}))$ Schritten

4.4 Binäre Suche

Satz 4.2

Die binäre Suche terminiert in $O(\log(\text{RECHTS}-\text{LINKS}))$ Schritten (für $\text{RECHTS} > \text{LINKS}$).

4.4 Binäre Suche

Satz 4.2

Die binäre Suche terminiert in $O(\log(\text{RECHTS-LINKS}))$ Schritten (für $\text{RECHTS} > \text{LINKS}$).

Beweis:

Selbst!

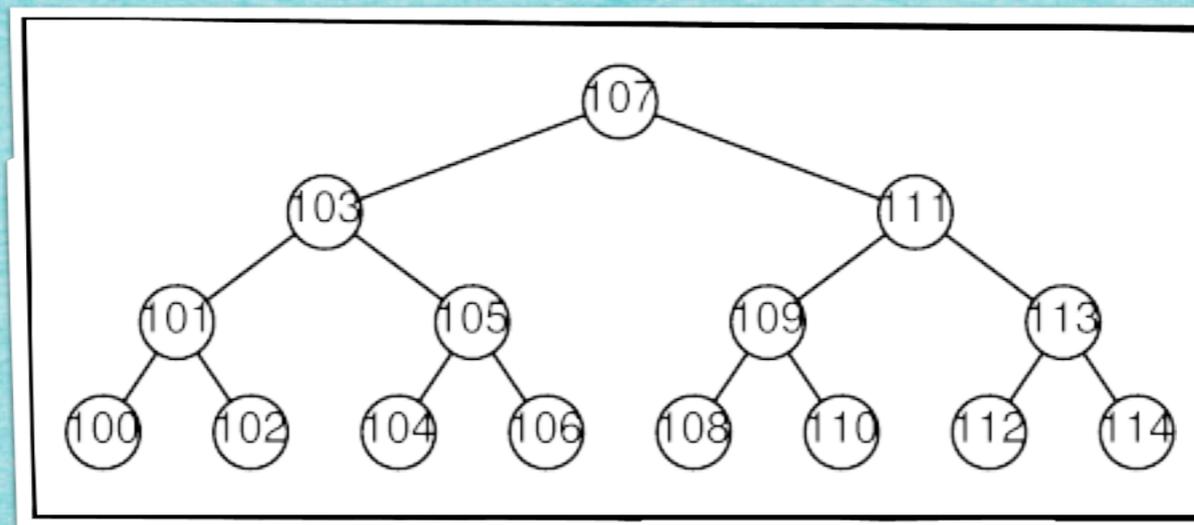
4.4 Binäre Suche

Satz 4.2

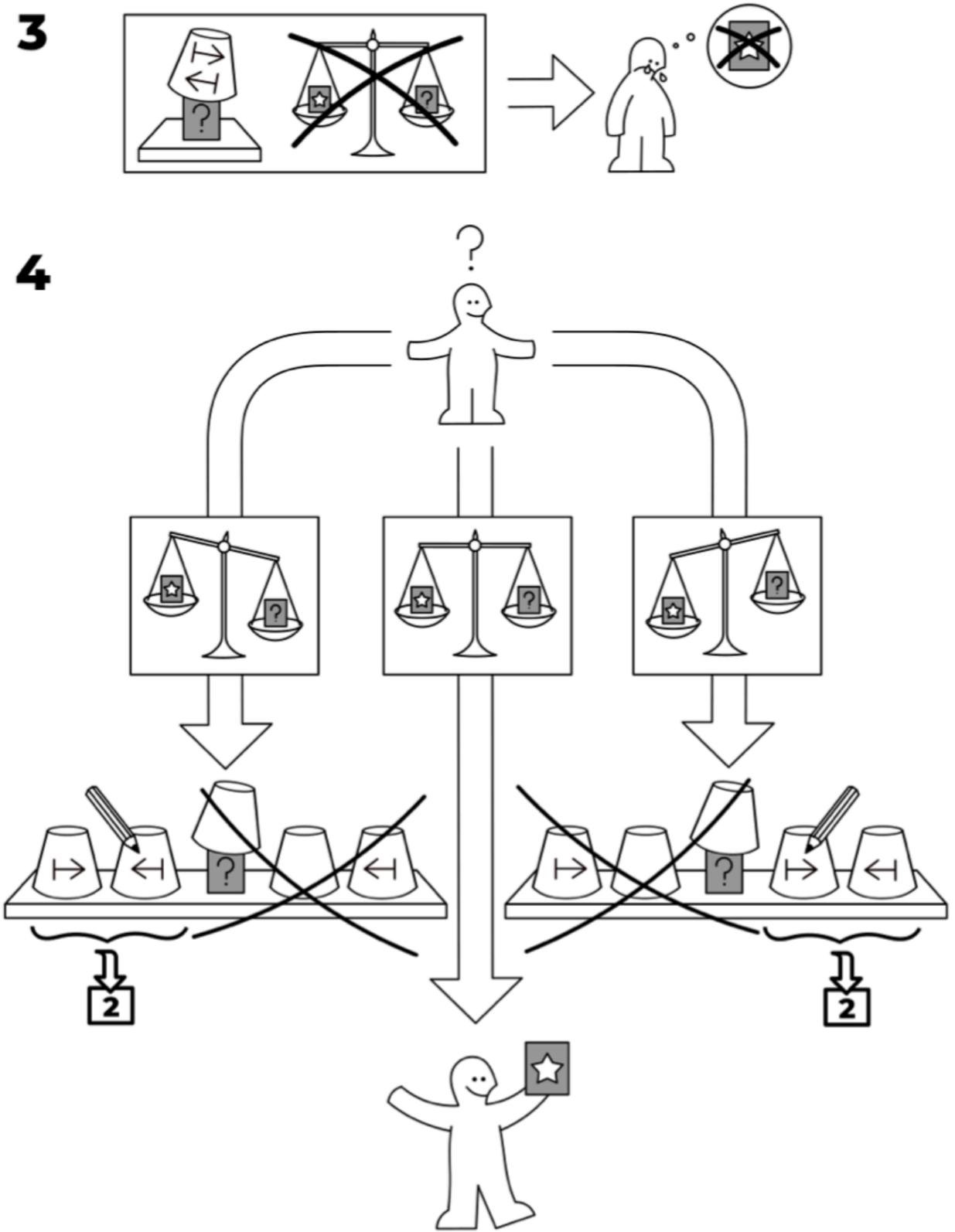
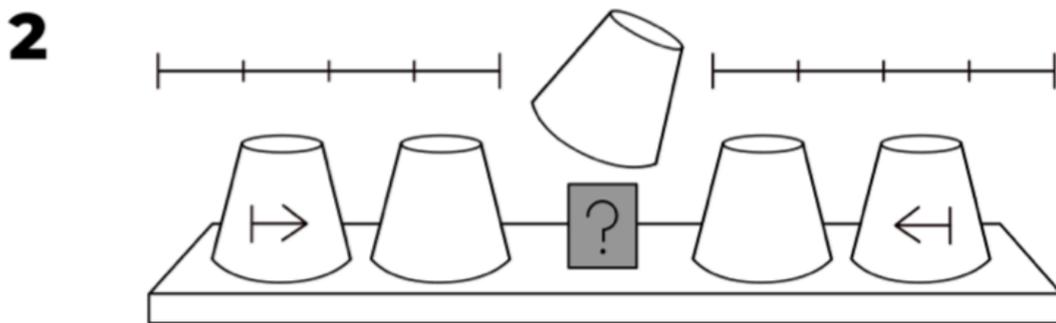
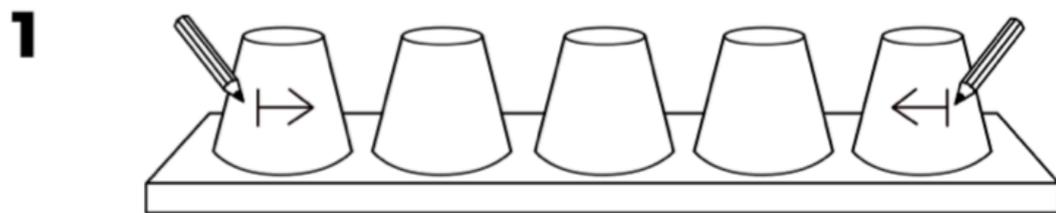
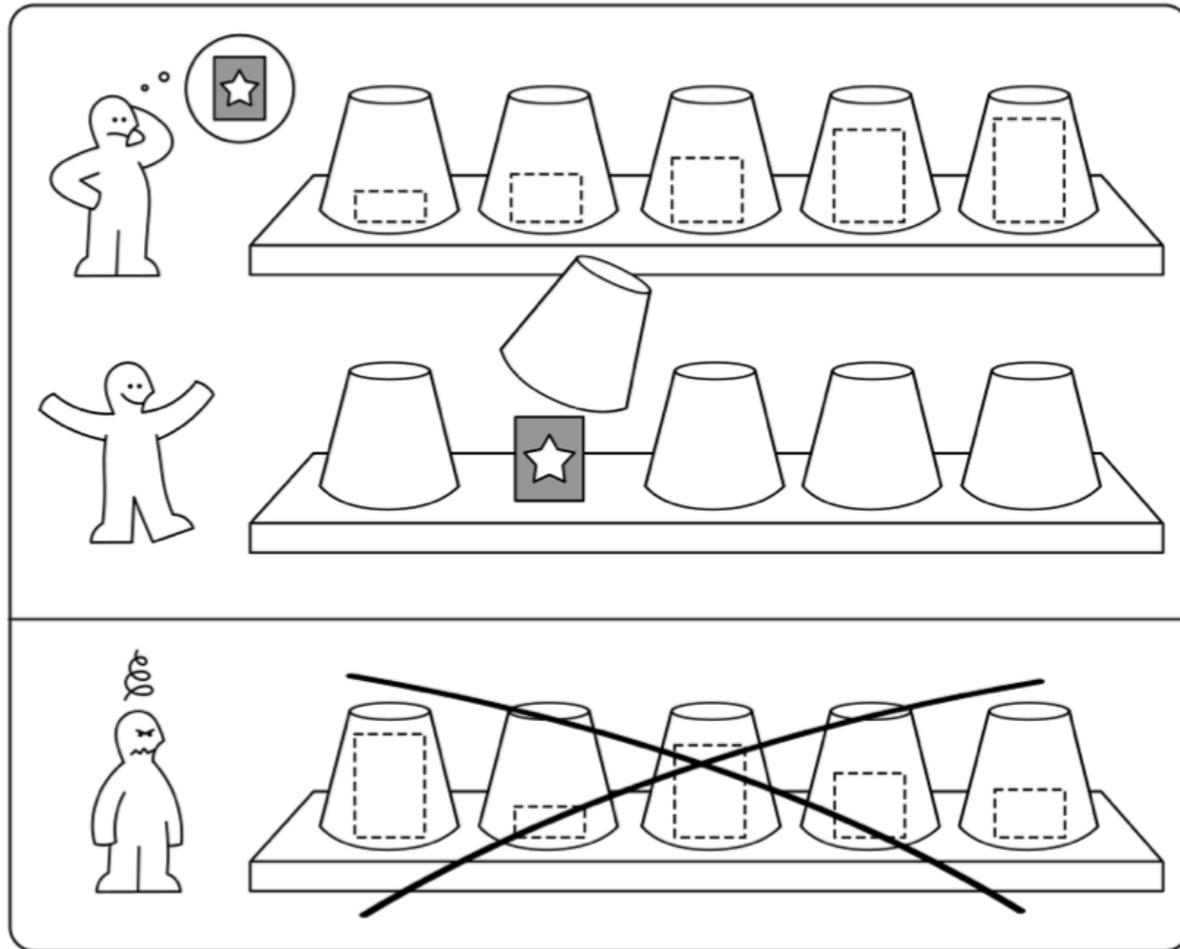
Die binäre Suche terminiert in $O(\log(\text{RECHTS}-\text{LINKS}))$ Schritten (für $\text{RECHTS} > \text{LINKS}$).

Beweis:

Selbst!

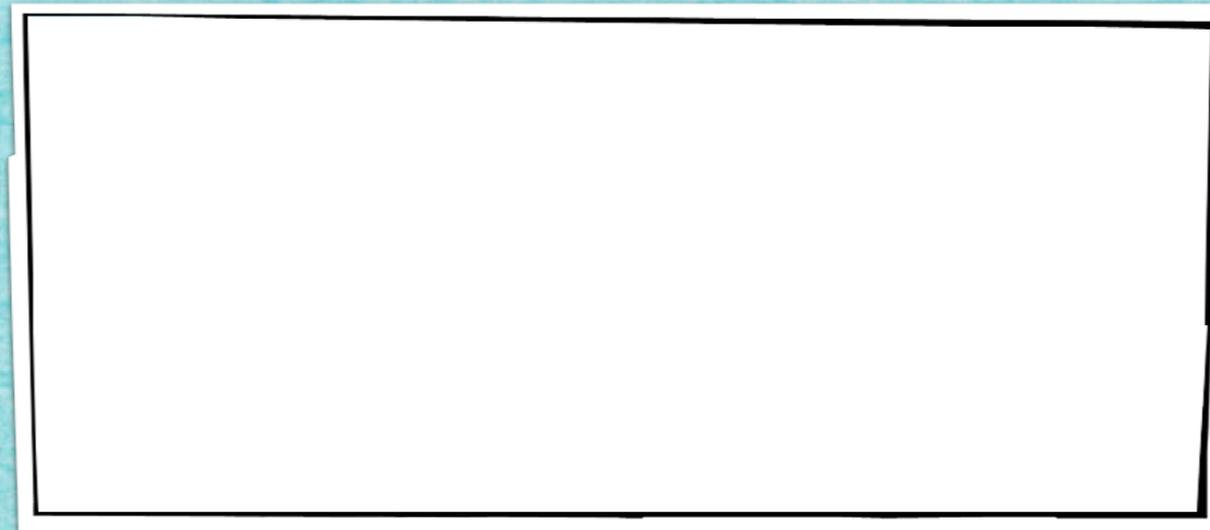


BINÄRY SEARCH

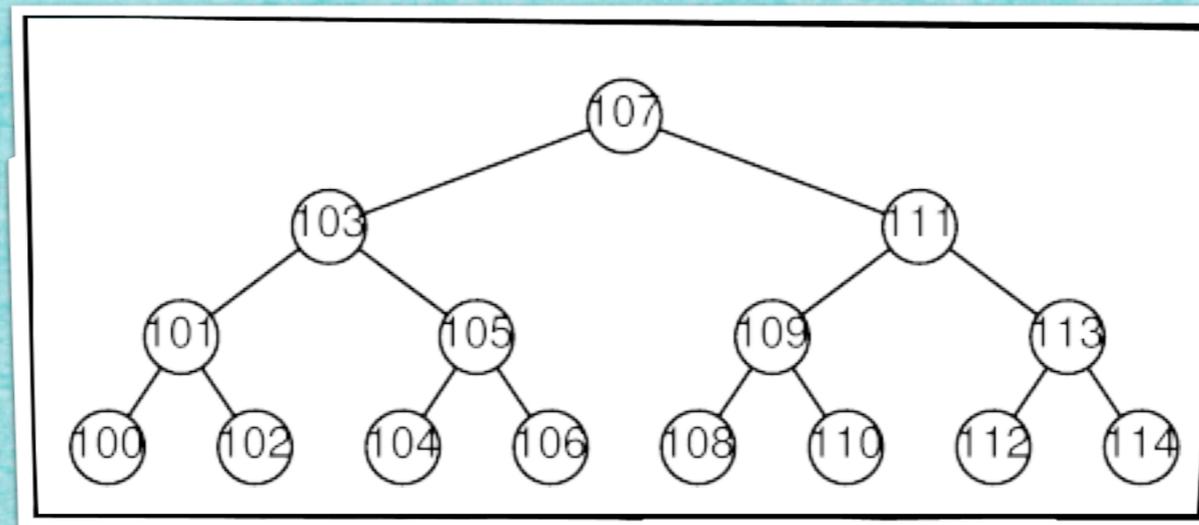


4.5 Binäre Suchbäume

4.5 Binäre Suchbäume

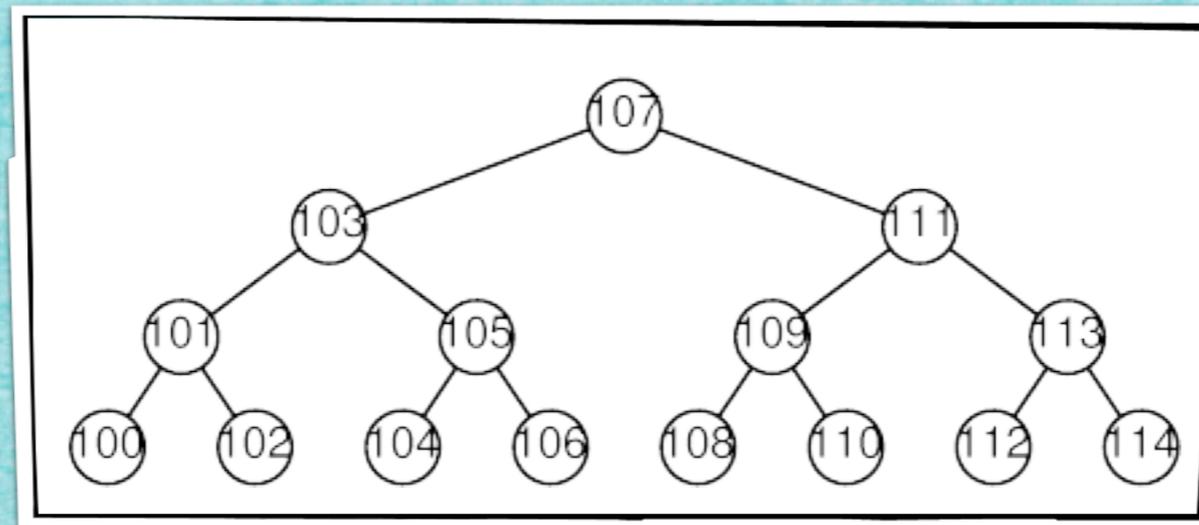


4.5 Binäre Suchbäume



4.5 Binäre Suchbäume

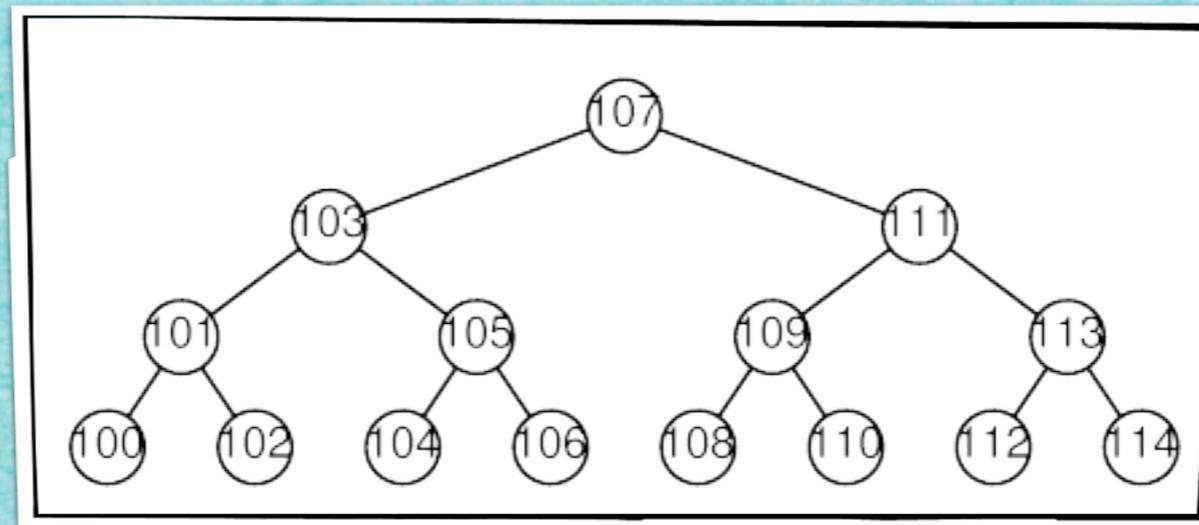
Ideen:



4.5 Binäre Suchbäume

Ideen:

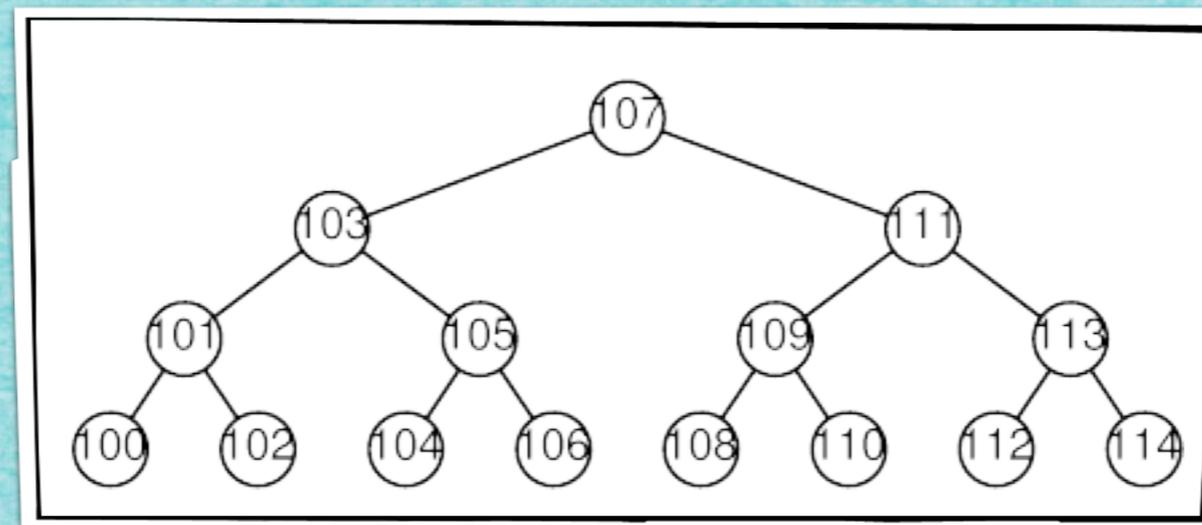
- *Strukturiere Daten wie im möglichen Ablauf einer binären Suche!*



4.5 Binäre Suchbäume

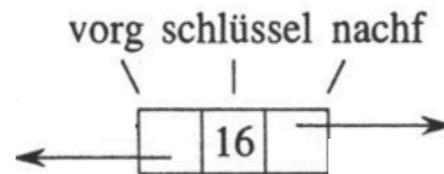
Ideen:

- ***Strukturiere Daten wie im möglichen Ablauf einer binären Suche!***
- ***Erziele logarithmische Zeiten!***

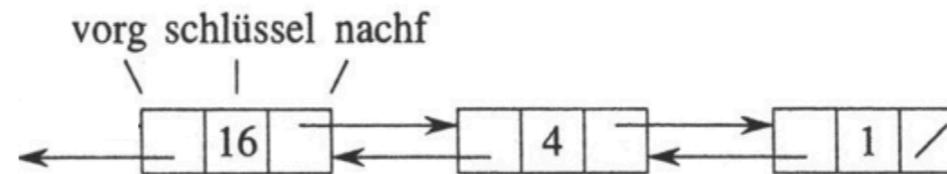


Struktur einer doppelt verketteten Liste

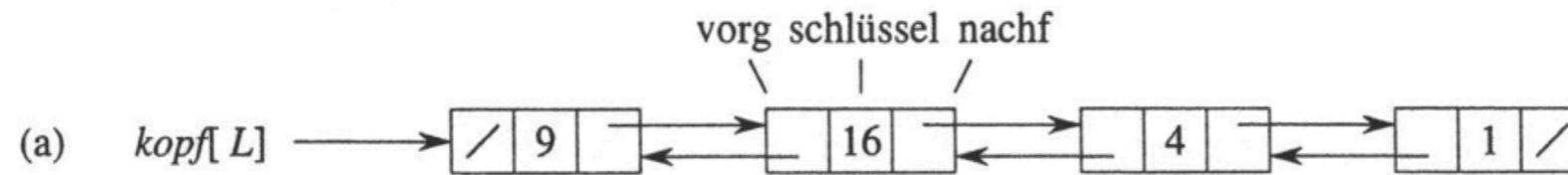
Struktur einer doppelt verketteten Liste



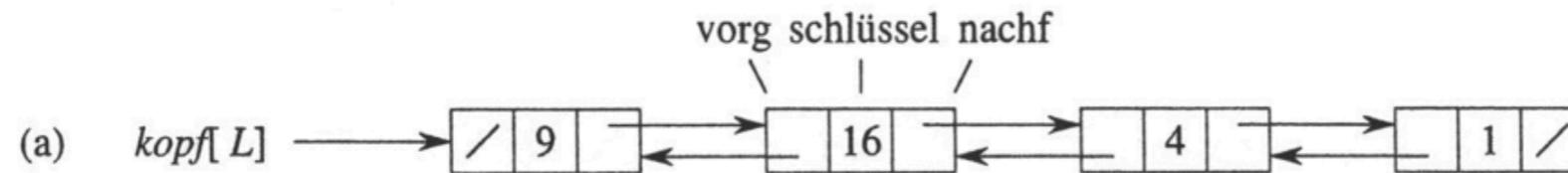
Struktur einer doppelt verketteten Liste



Struktur einer doppelt verketteten Liste

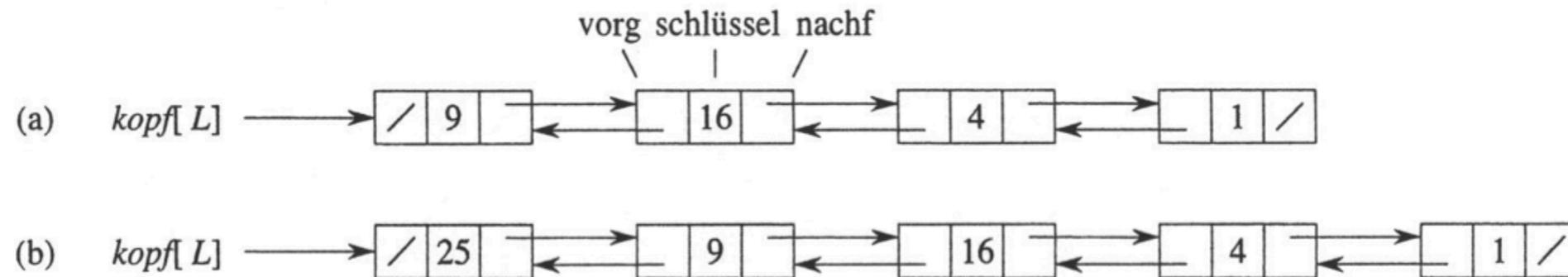


Struktur einer doppelt verketteten Liste



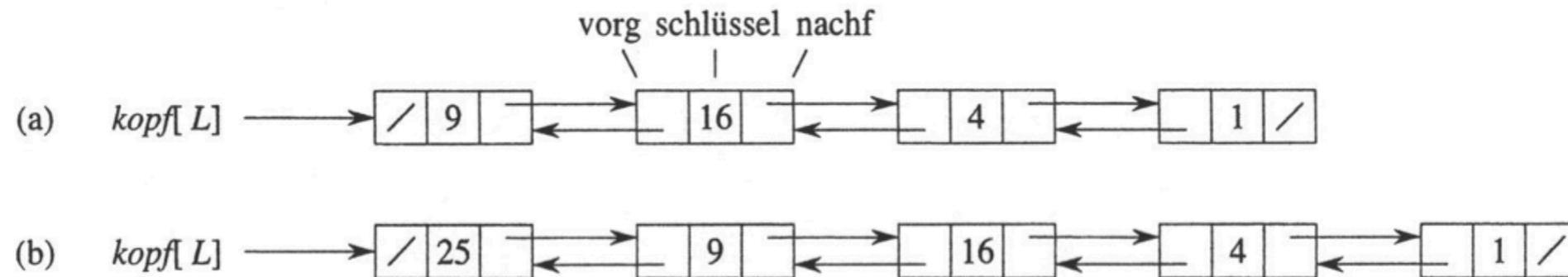
- **Füge vorne das Element mit Schlüssel 25 ein.**

Struktur einer doppelt verketteten Liste



- **Füge vorne das Element mit Schlüssel 25 ein.**

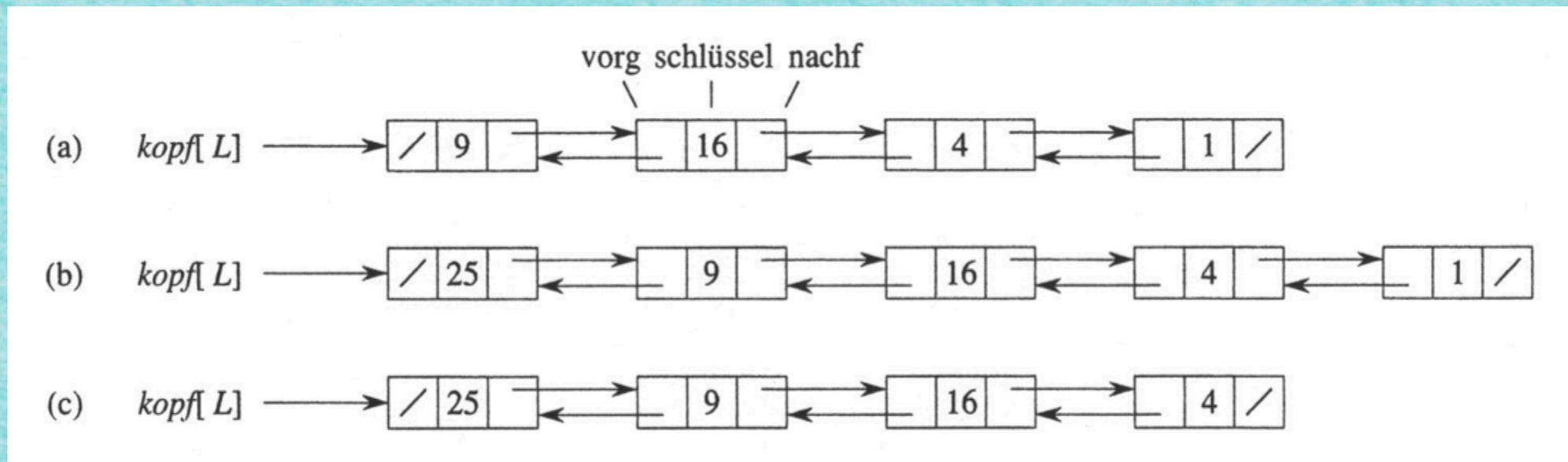
Struktur einer doppelt verketteten Liste



- **Füge vorne das Element mit Schlüssel 25 ein.**

- **Finde ein Element mit Schlüssel 1 und lösche es.**

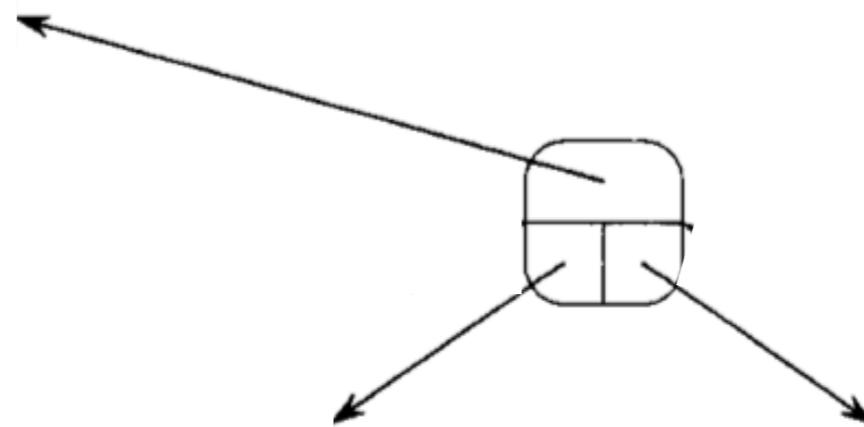
Struktur einer doppelt verketteten Liste



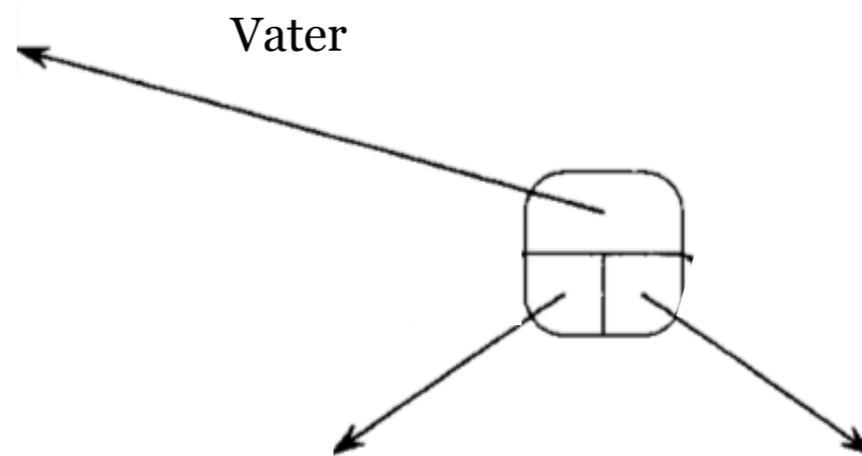
- **Füge vorne das Element mit Schlüssel 25 ein.**

- **Finde ein Element mit Schlüssel 1 und lösche es.**

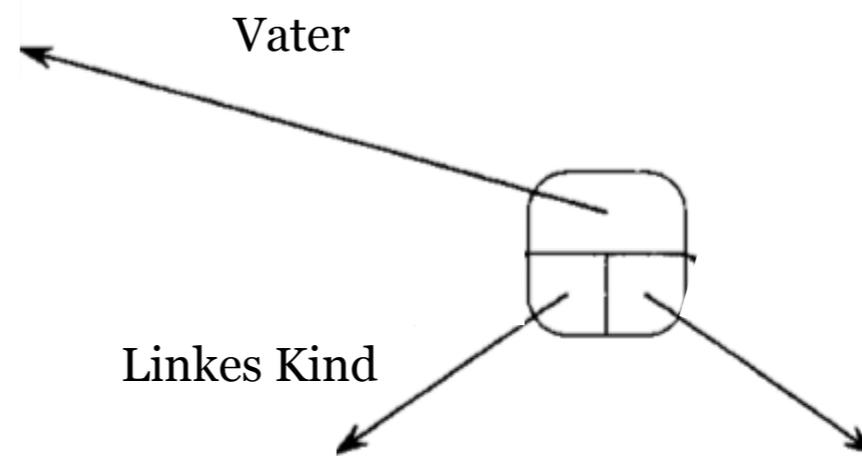
Binärer Suchbaum



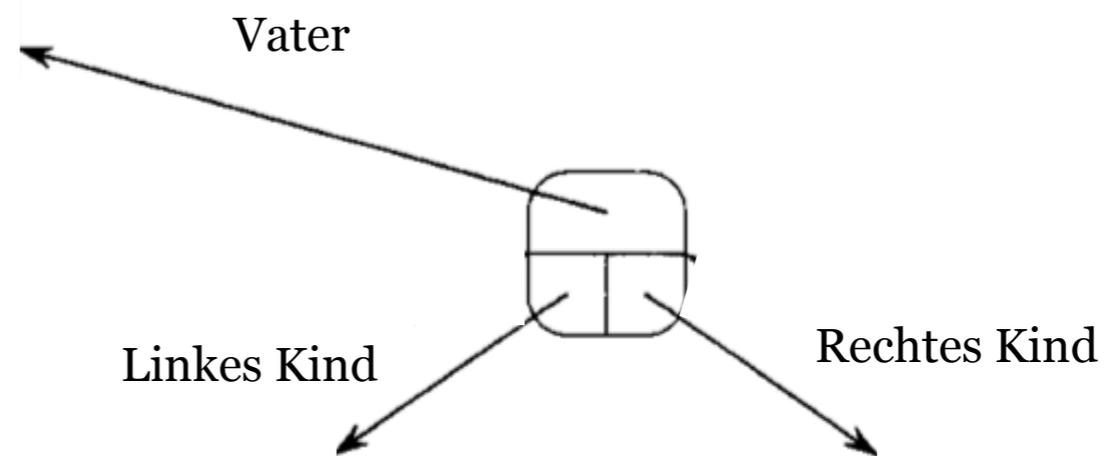
Binärer Suchbaum



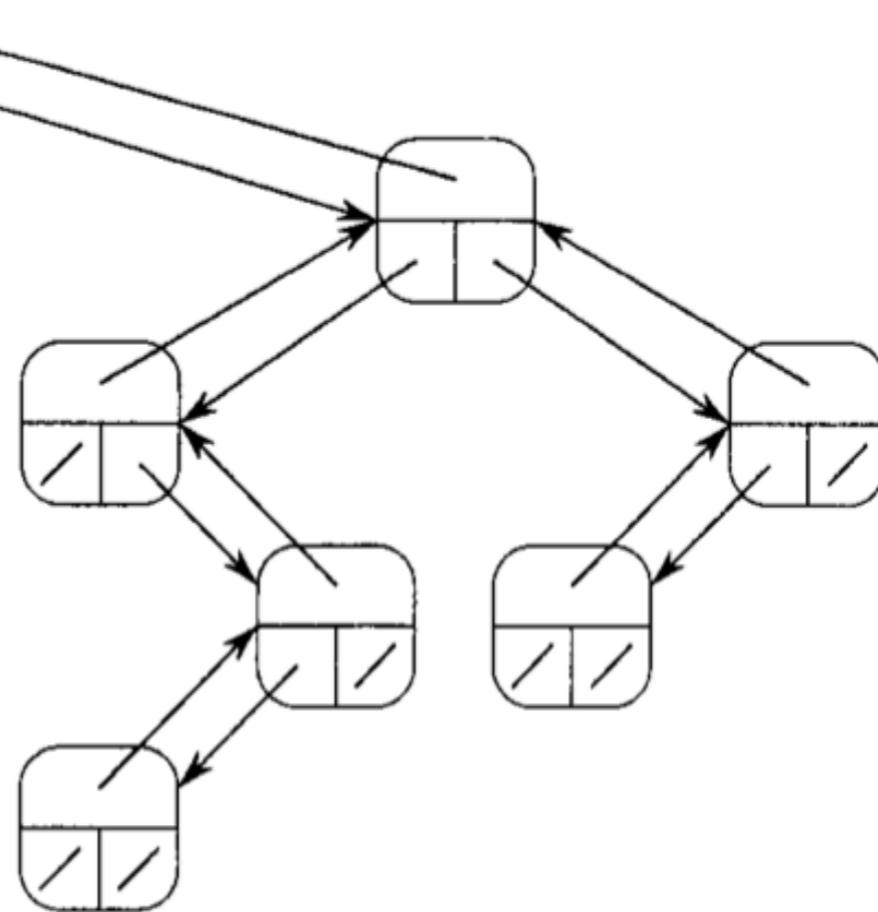
Binärer Suchbaum



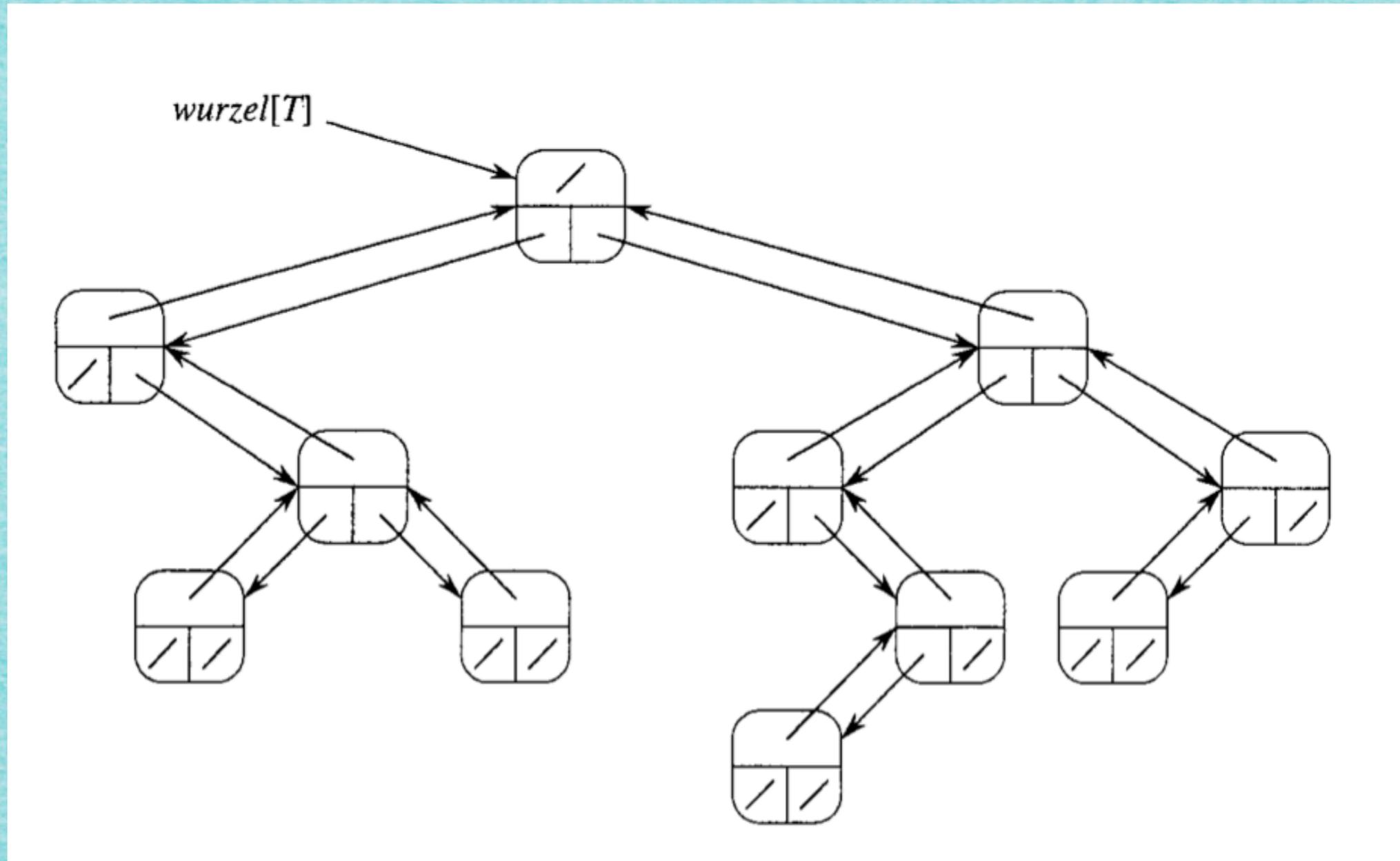
Binärer Suchbaum



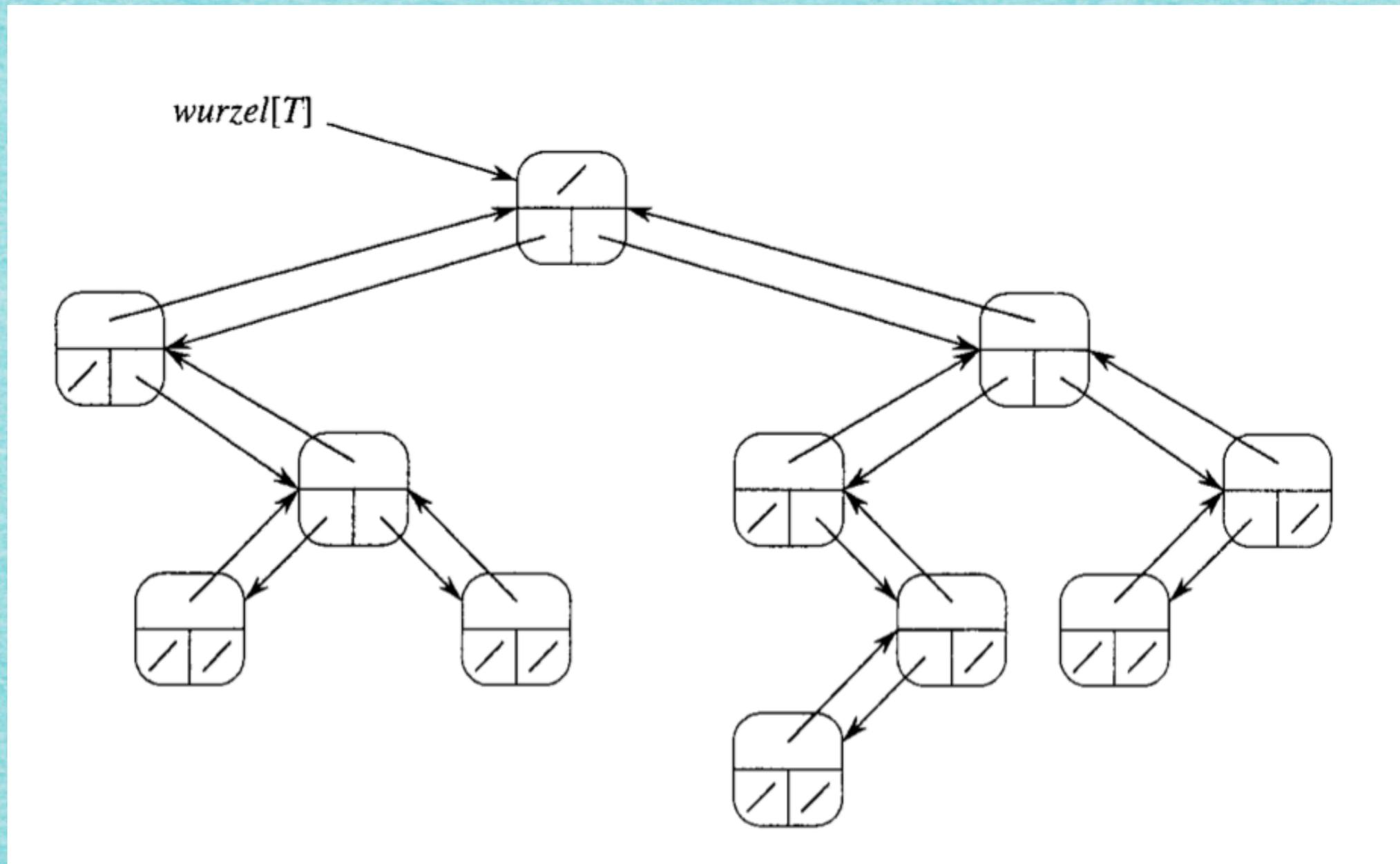
Binärer Suchbaum



Binärer Suchbaum



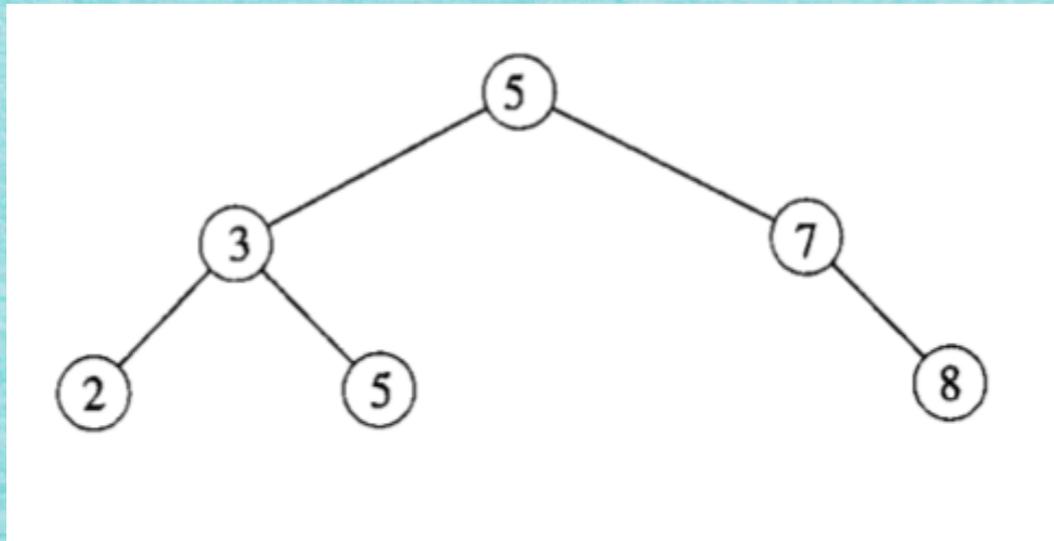
Binärer Suchbaum



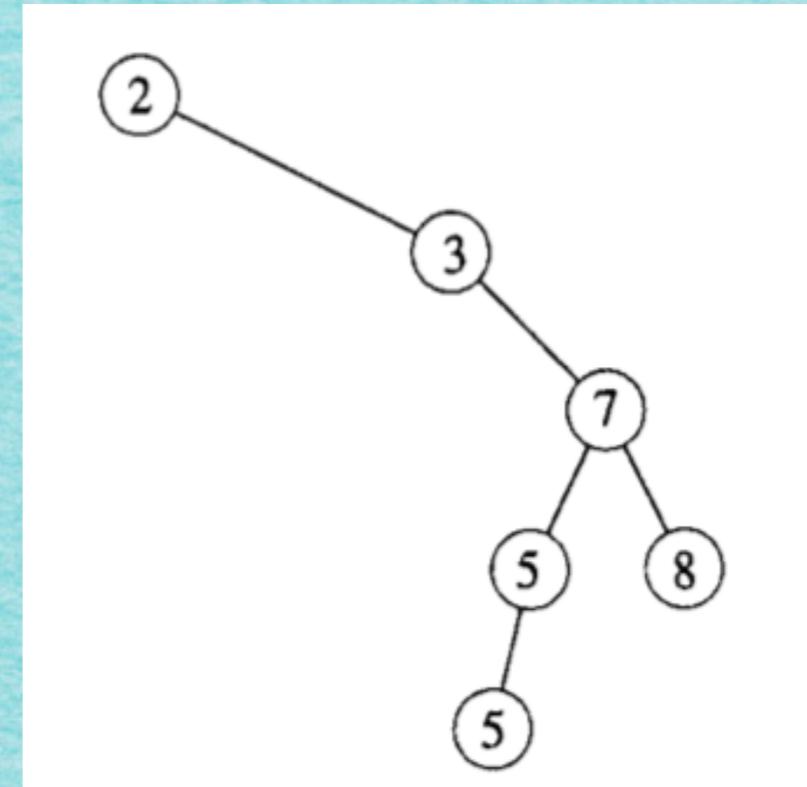
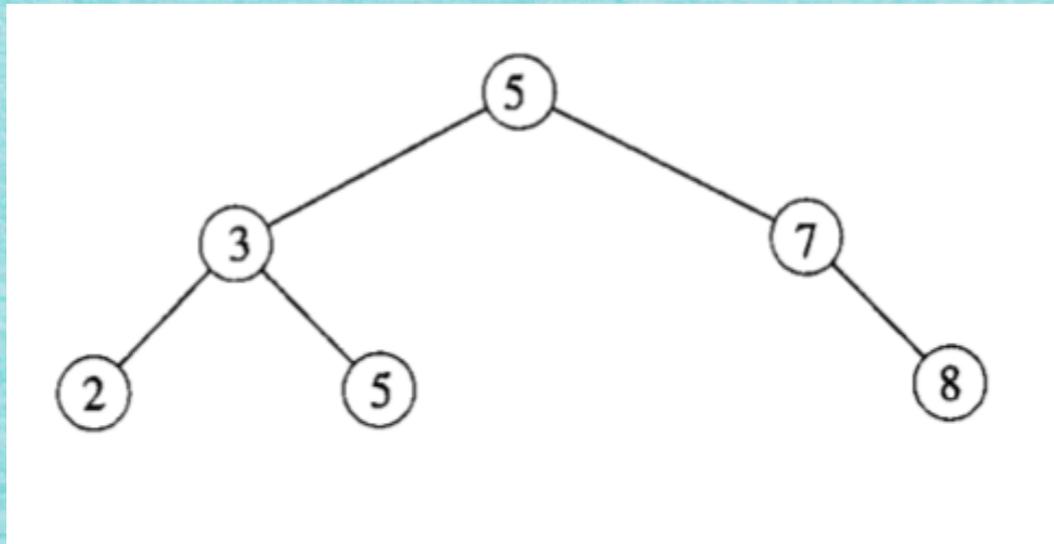
Außerdem wichtig: Struktur der Schlüsselwerte!

Ordnungsstruktur

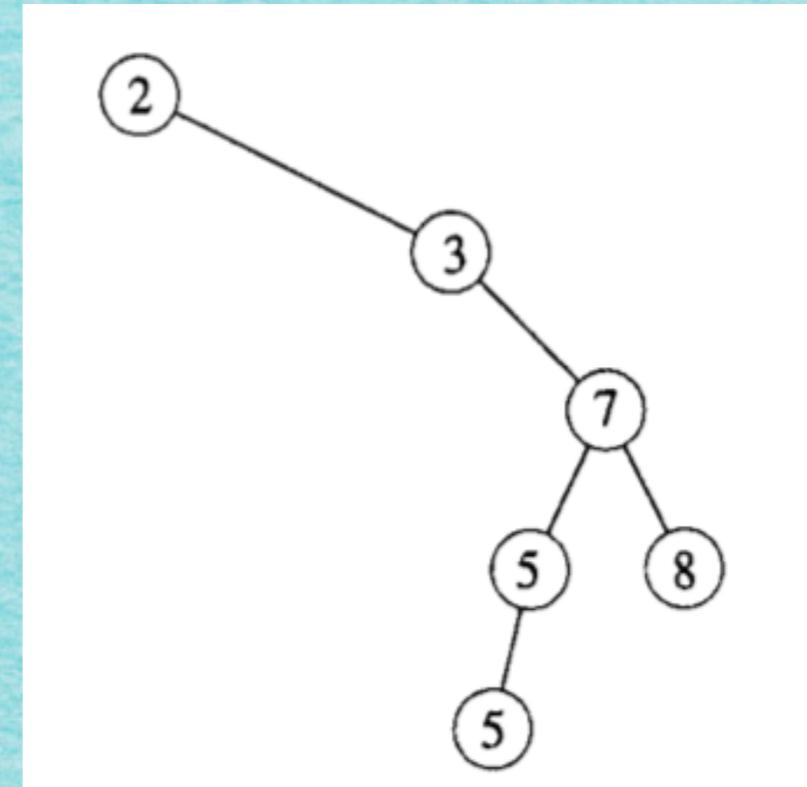
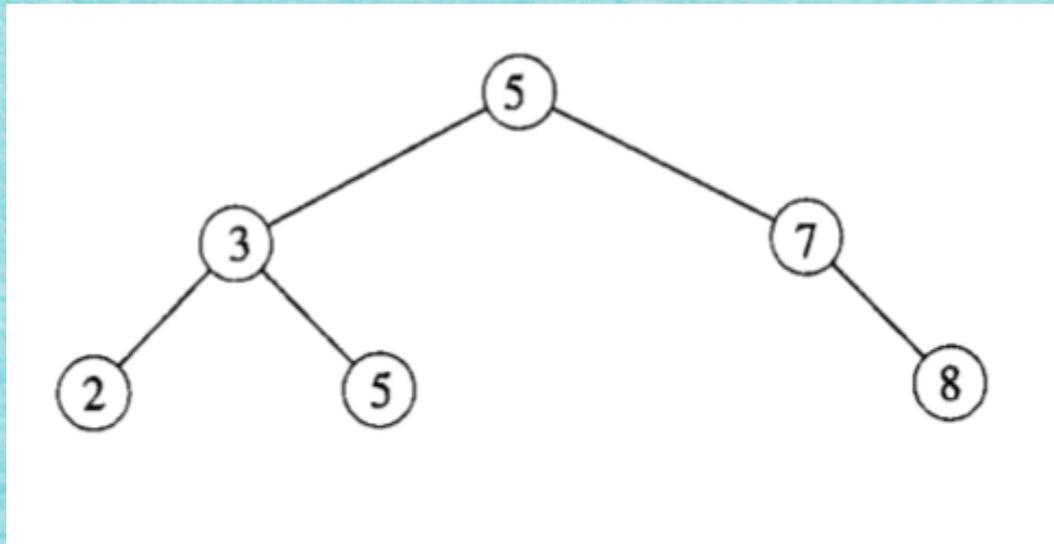
Ordnungsstruktur



Ordnungsstruktur



Ordnungsstruktur



Linker Teilbaum: Kleinere (bzw. nicht größere) Zahlen
Rechter Teilbaum: Größere Zahlen

4.5 Binäre Suchbäume

4.5 Binäre Suchbäume



Definition 4.3



Definition 4.3

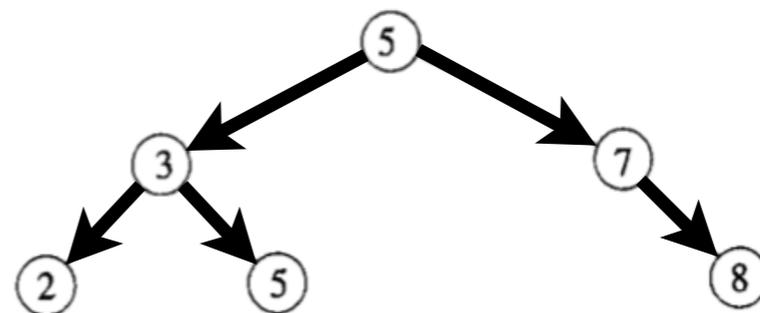
(1) Ein *gerichteter Graph* $D=(V,A)$ besteht aus einer endlichen Menge V von Knoten v und einer endlichen Menge von gerichteten Kanten, $a=(v,w)$. (v ist Vorgänger von w .)



4.5 Binäre Suchbäume

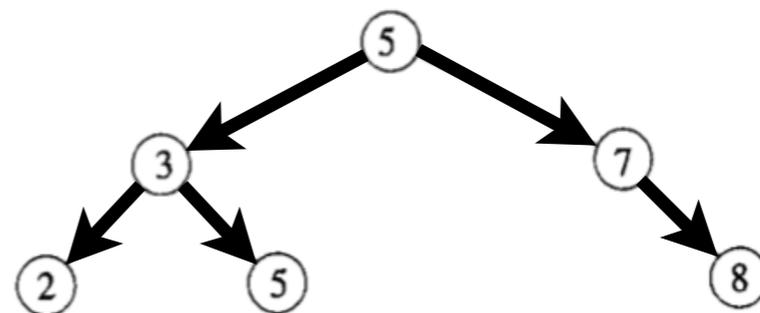
Definition 4.3

(1) Ein *gerichteter Graph* $D=(V,A)$ besteht aus einer endlichen Menge V von Knoten v und einer endlichen Menge von gerichteten Kanten, $a=(v,w)$. (v ist Vorgänger von w .)



Definition 4.3

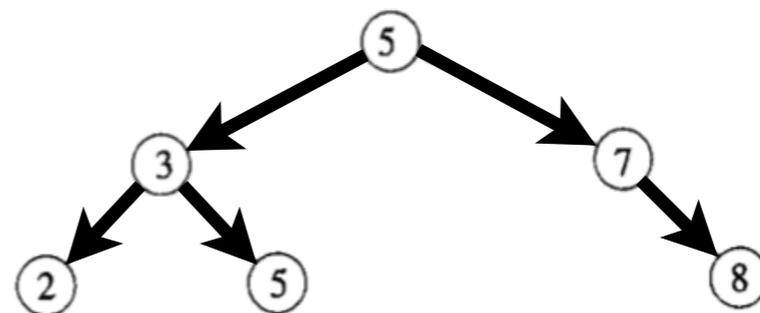
- (1)** Ein *gerichteter Graph* $D=(V,A)$ besteht aus einer endlichen Menge V von Knoten v und einer endlichen Menge von gerichteten Kanten, $a=(v,w)$. (v ist Vorgänger von w .)
- (2)** Ein *gerichteter Baum* $B=(V,T)$ hat folgende Eigenschaften:



4.5 Binäre Suchbäume

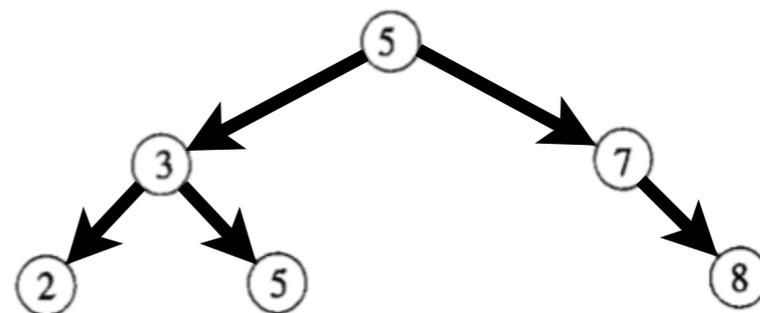
Definition 4.3

- (1)** Ein *gerichteter Graph* $D=(V,A)$ besteht aus einer endlichen Menge V von Knoten v und einer endlichen Menge von gerichteten Kanten, $a=(v,w)$. (v ist Vorgänger von w .)
- (2)** Ein *gerichteter Baum* $B=(V,T)$ hat folgende Eigenschaften:
- Es gibt einen eindeutigen Knoten w ohne Vorgänger.



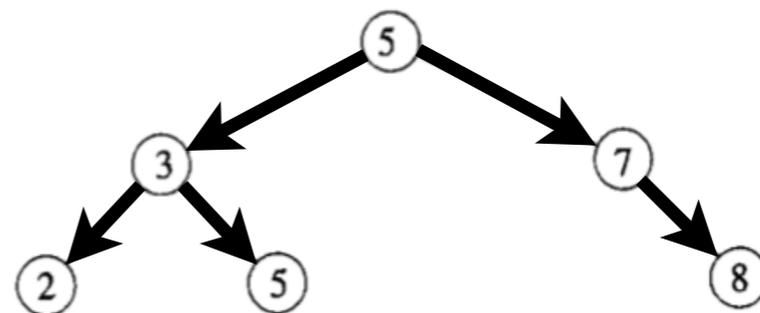
Definition 4.3

- (1)** Ein *gerichteter Graph* $D=(V,A)$ besteht aus einer endlichen Menge V von Knoten v und einer endlichen Menge von gerichteten Kanten, $a=(v,w)$. (v ist Vorgänger von w .)
- (2)** Ein *gerichteter Baum* $B=(V,T)$ hat folgende Eigenschaften:
- (i) Es gibt einen eindeutigen Knoten w ohne Vorgänger.
 - (ii) Jeder Knoten außer w ist auf einem eindeutigen Weg von w aus erreichbar; das heißt insbesondere, dass v einen eindeutigen Vorgänger (Vaterknoten) hat.



Definition 4.3

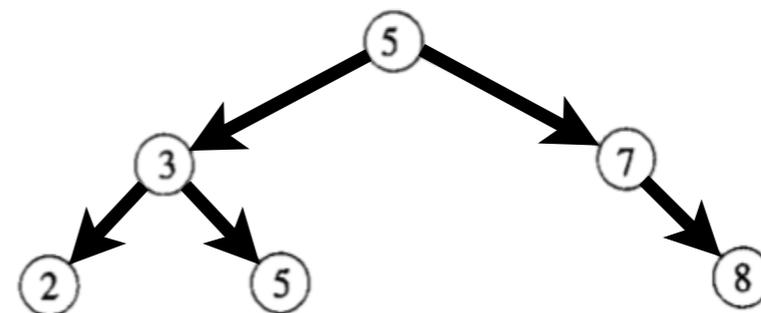
- (1)** Ein gerichteter Graph $D=(V,A)$ besteht aus einer endlichen Menge V von Knoten v und einer endlichen Menge von gerichteten Kanten, $a=(v,w)$. (v ist Vorgänger von w .)
- (2)** Ein gerichteter Baum $B=(V,T)$ hat folgende Eigenschaften:
 - (i) Es gibt einen eindeutigen Knoten w ohne Vorgänger.
 - (ii) Jeder Knoten außer w ist auf einem eindeutigen Weg von w aus erreichbar; das heißt insbesondere, dass v einen eindeutigen Vorgänger (Vaterknoten) hat.
- (3)** Die Höhe eines gerichteten Baumes ist die maximale Länge eines gerichteten Weges von der Wurzel.



4.5 Binäre Suchbäume

Definition 4.3

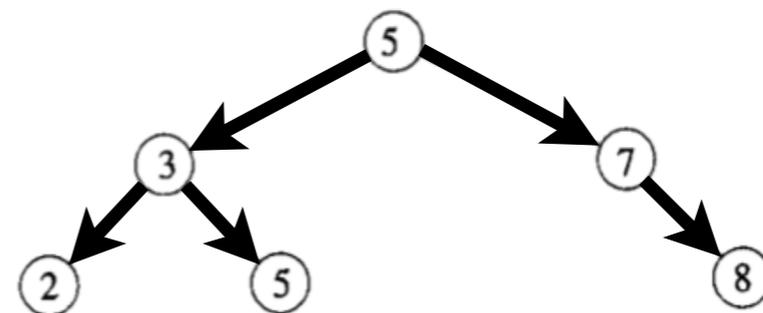
- (1)** Ein gerichteter Graph $D=(V,A)$ besteht aus einer endlichen Menge V von Knoten v und einer endlichen Menge von gerichteten Kanten, $a=(v,w)$. (v ist Vorgänger von w .)
- (2)** Ein gerichteter Baum $B=(V,T)$ hat folgende Eigenschaften:
 - (i) Es gibt einen eindeutigen Knoten w ohne Vorgänger.
 - (ii) Jeder Knoten außer w ist auf einem eindeutigen Weg von w aus erreichbar; das heißt insbesondere, dass v einen eindeutigen Vorgänger (Vaterknoten) hat.
- (3)** Die Höhe eines gerichteten Baumes ist die maximale Länge eines gerichteten Weges von der Wurzel.



4.5 Binäre Suchbäume

Definition 4.3

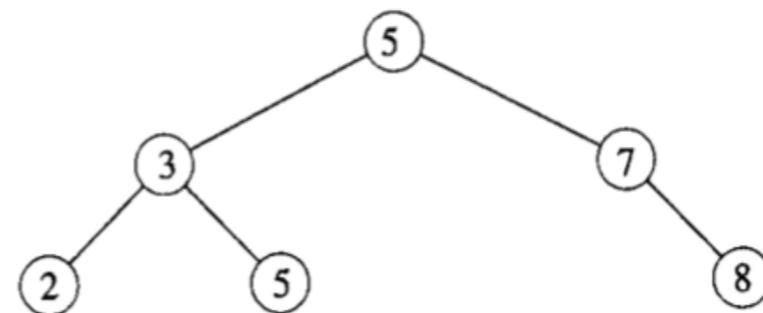
- (1)** Ein gerichteter Graph $D=(V,A)$ besteht aus einer endlichen Menge V von Knoten v und einer endlichen Menge von gerichteten Kanten, $a=(v,w)$. (v ist Vorgänger von w .)
- (2)** Ein gerichteter Baum $B=(V,T)$ hat folgende Eigenschaften:
 - (i) Es gibt einen eindeutigen Knoten w ohne Vorgänger.
 - (ii) Jeder Knoten außer w ist auf einem eindeutigen Weg von w aus erreichbar; das heißt insbesondere, dass v einen eindeutigen Vorgänger (Vaterknoten) hat.
- (3)** Die Höhe eines gerichteten Baumes ist die maximale Länge eines gerichteten Weges von der Wurzel.
- (4)** Ein binärer Baum ist ein gerichteter Baum, in dem jeder Knoten höchstens zwei Nachfolger (“Kindknoten”) hat. Einer ist der “linke” $l[v]$, der andere der “rechte”, $r[v]$.



4.5 Binäre Suchbäume

Definition 4.3

- (1)** Ein *gerichteter Graph* $D=(V,A)$ besteht aus einer endlichen Menge V von Knoten v und einer endlichen Menge von gerichteten Kanten, $a=(v,w)$. (v ist Vorgänger von w .)
- (2)** Ein *gerichteter Baum* $B=(V,T)$ hat folgende Eigenschaften:
 - (i) Es gibt einen eindeutigen Knoten w ohne Vorgänger.
 - (ii) Jeder Knoten außer w ist auf einem eindeutigen Weg von w aus erreichbar; das heißt insbesondere, dass v einen eindeutigen Vorgänger (Vaterknoten) hat.
- (3)** Die *Höhe* eines gerichteten Baumes ist die maximale Länge eines gerichteten Weges von der Wurzel.
- (4)** Ein *binärer Baum* ist ein gerichteter Baum, in dem jeder Knoten höchstens zwei Nachfolger (“Kindknoten”) hat. Einer ist der “linke” $l[v]$, der andere der “rechte”, $r[v]$.



4.5 Binäre Suchbäume

Definition 4.3 (Forts.)

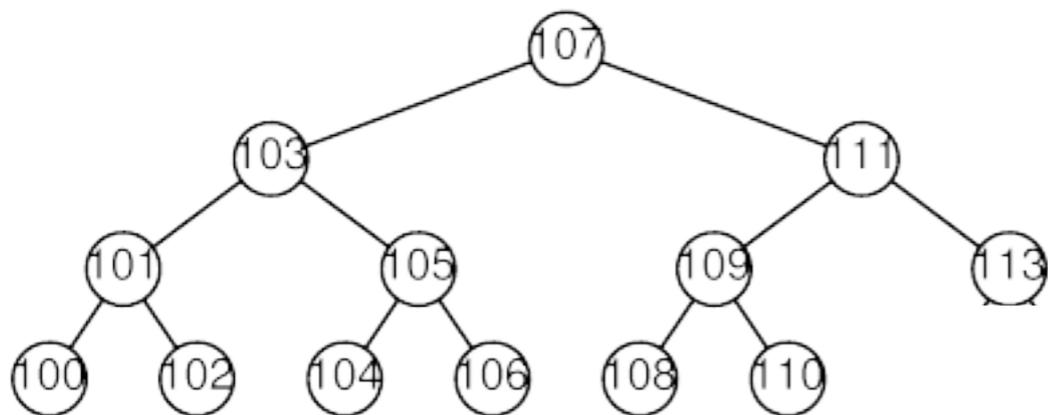
Definition 4.3 (Forts.)

(5) Ein binärer Baum heißt *voll*, wenn jeder Knoten zwei oder keinen Kindknoten hat.

4.5 Binäre Suchbäume

Definition 4.3 (Forts.)

(5) Ein binärer Baum heißt voll, wenn jeder Knoten zwei oder keinen Kindknoten hat.

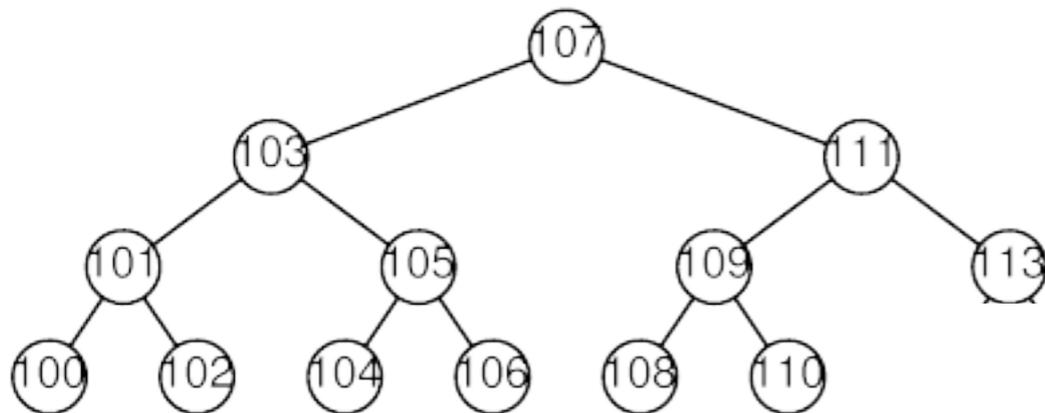


4.5 Binäre Suchbäume

Definition 4.3 (Forts.)

(5) Ein binärer Baum heißt voll, wenn jeder Knoten zwei oder keinen Kindknoten hat.

(6) Ein binärer Baum heißt vollständig, wenn zusätzlich alle Blätter gleichen Abstand zur Wurzel haben.

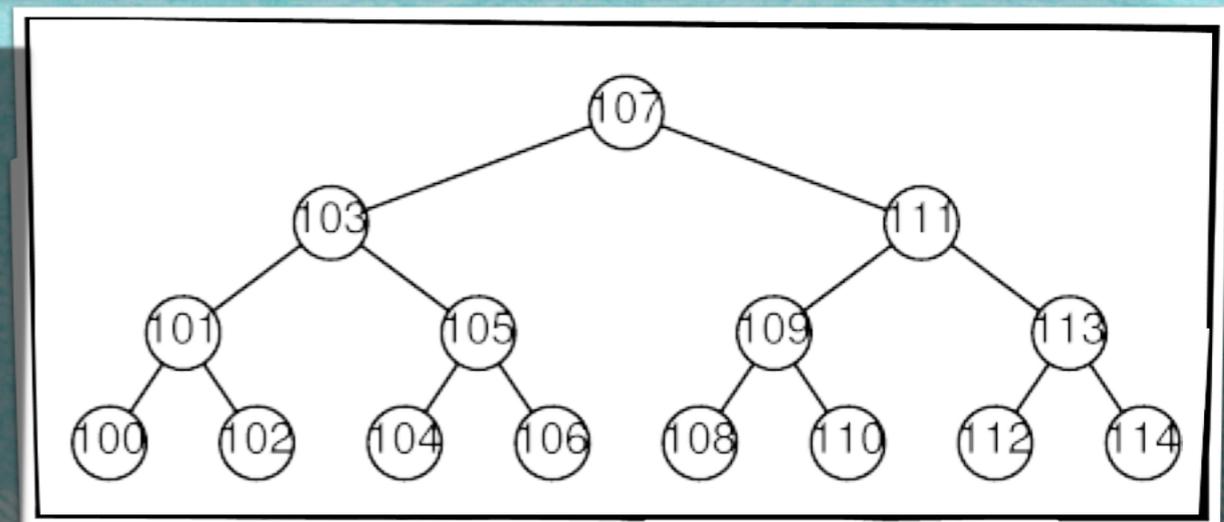
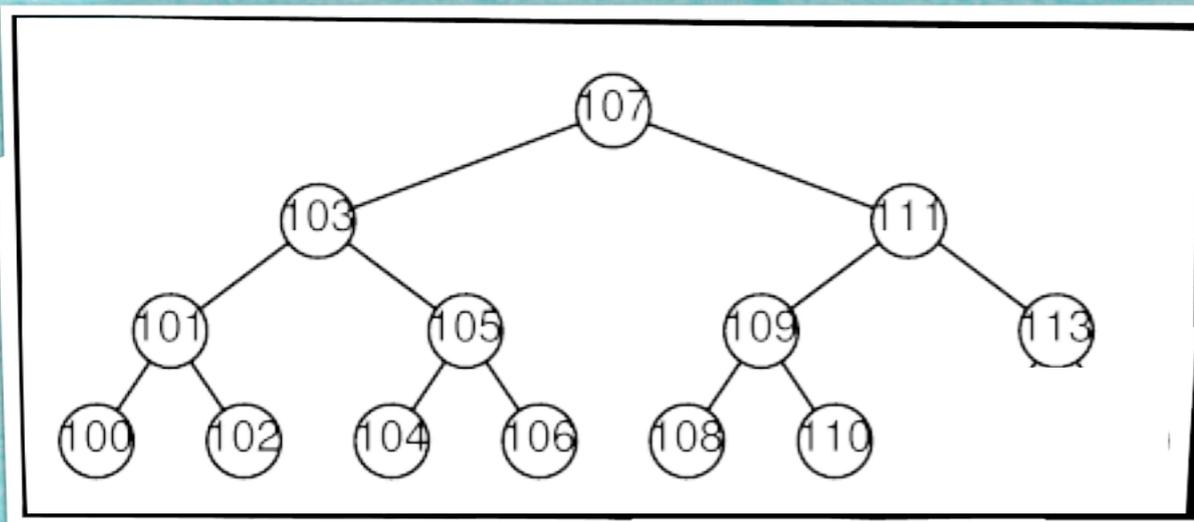


4.5 Binäre Suchbäume

Definition 4.3 (Forts.)

(5) Ein binärer Baum heißt voll, wenn jeder Knoten zwei oder keinen Kindknoten hat.

(6) Ein binärer Baum heißt vollständig, wenn zusätzlich alle Blätter gleichen Abstand zur Wurzel haben.



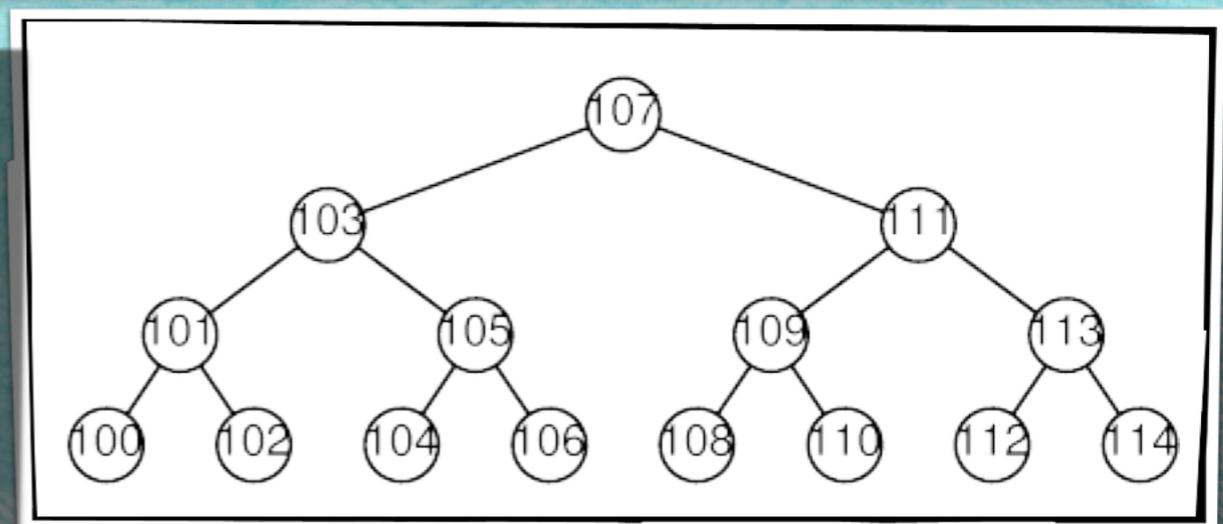
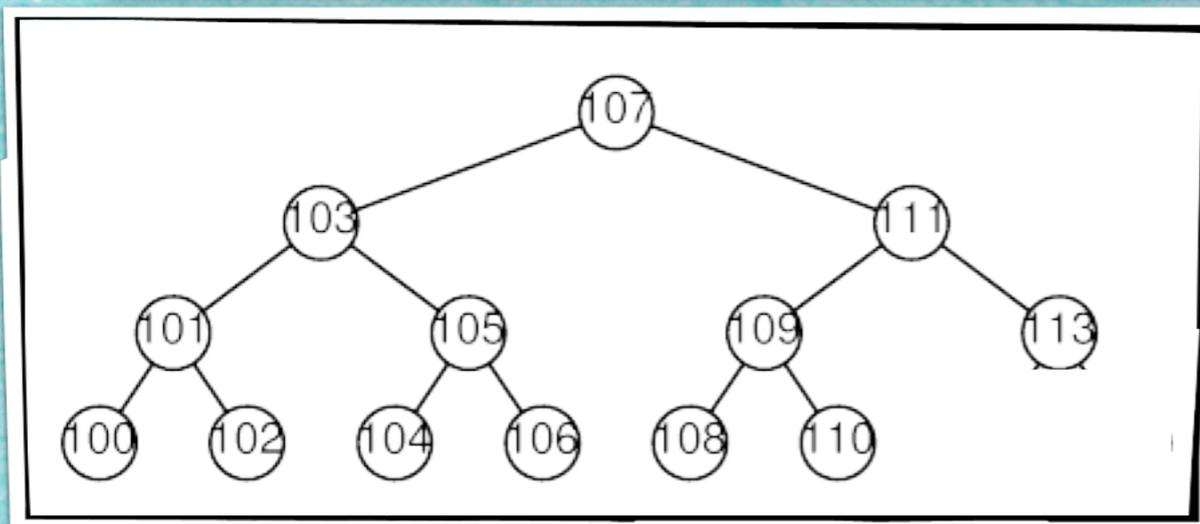
4.5 Binäre Suchbäume

Definition 4.3 (Forts.)

(5) Ein binärer Baum heißt voll, wenn jeder Knoten zwei oder keinen Kindknoten hat.

(6) Ein binärer Baum heißt vollständig, wenn zusätzlich alle Blätter gleichen Abstand zur Wurzel haben.

(7) Ein Knoten ohne Kindknoten heißt Blatt.



4.5 Binäre Suchbäume

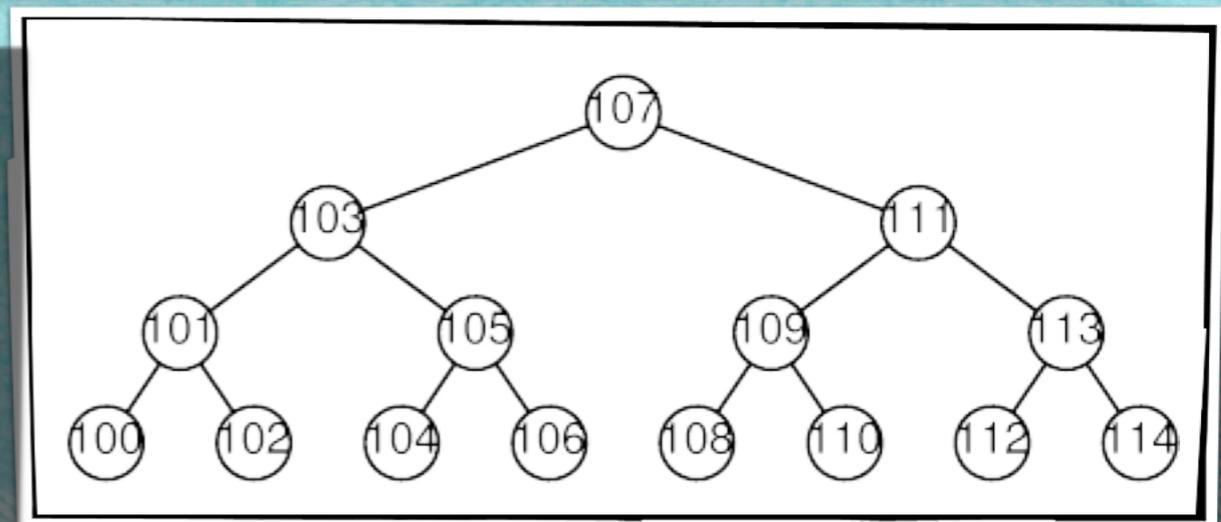
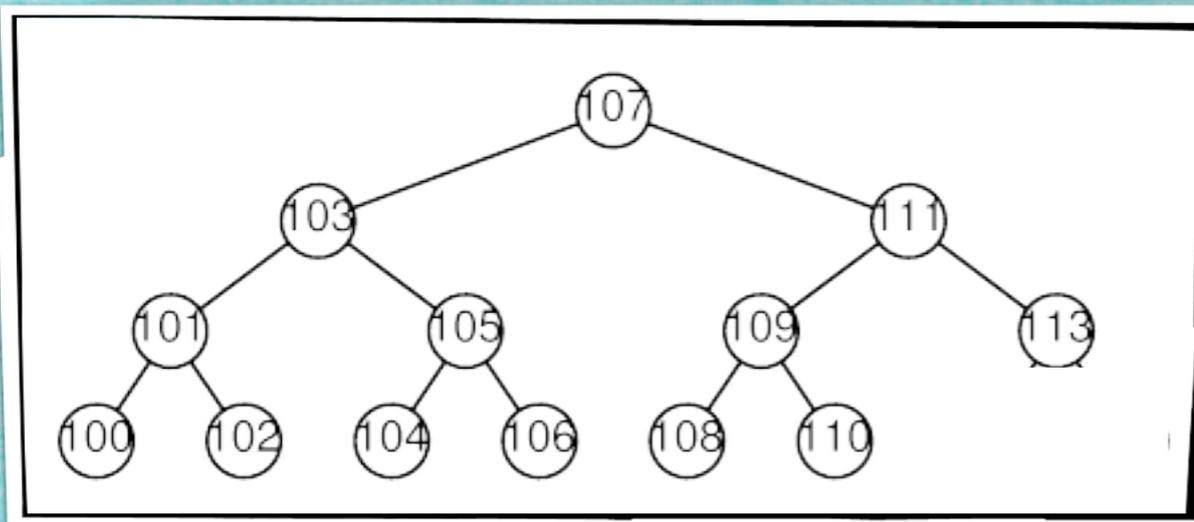
Definition 4.3 (Forts.)

(5) Ein binärer Baum heißt voll, wenn jeder Knoten zwei oder keinen Kindknoten hat.

(6) Ein binärer Baum heißt vollständig, wenn zusätzlich alle Blätter gleichen Abstand zur Wurzel haben.

(7) Ein Knoten ohne Kindknoten heißt Blatt.

(8) Der Teilbaum eines Knotens v ist durch die Menge der von v erreichbaren Knoten und der dabei verwendeten Kanten definiert; der linke Teilbaum ist der Teilbaum von $l[v]$.



4.5 Binäre Suchbäume

Definition 4.3 (Forts.)

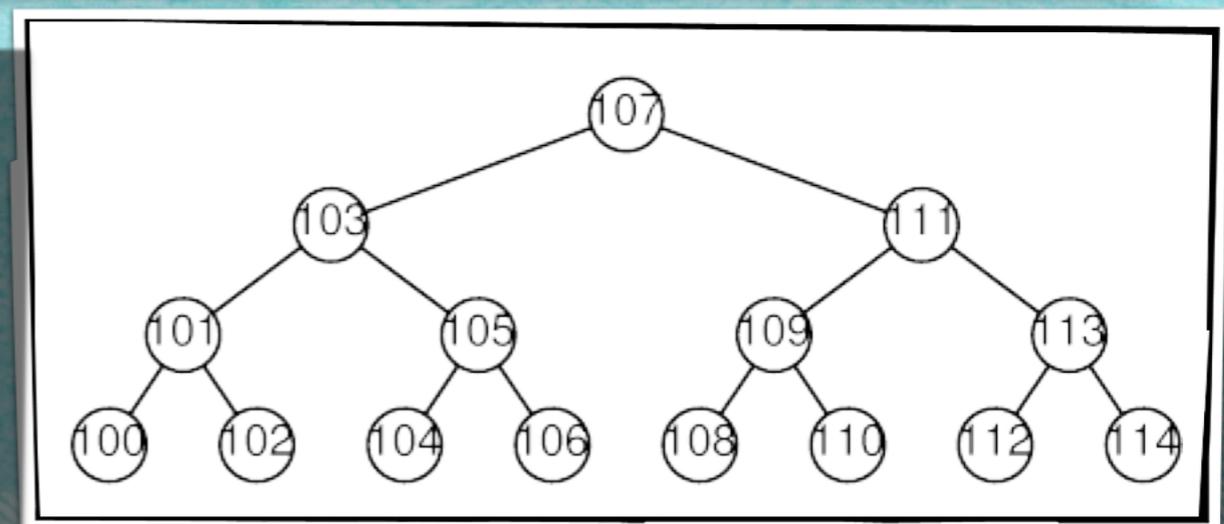
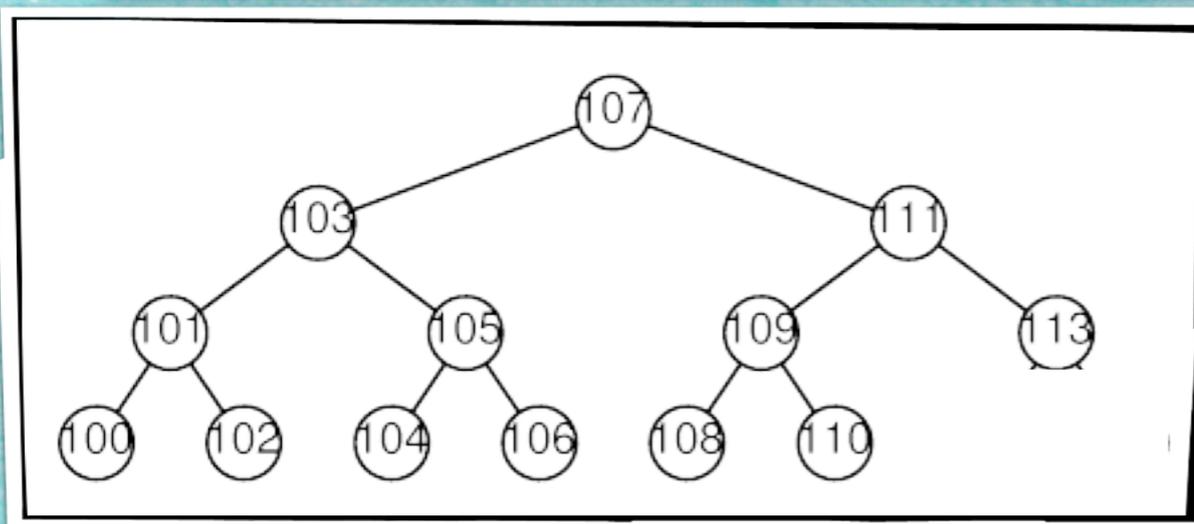
(5) Ein binärer Baum heißt voll, wenn jeder Knoten zwei oder keinen Kindknoten hat.

(6) Ein binärer Baum heißt vollständig, wenn zusätzlich alle Blätter gleichen Abstand zur Wurzel haben.

(7) Ein Knoten ohne Kindknoten heißt Blatt.

(8) Der Teilbaum eines Knotens v ist durch die Menge der von v erreichbaren Knoten und der dabei verwendeten Kanten definiert; der linke Teilbaum ist der Teilbaum von $l[v]$.

(9) In einem binären Suchbaum hat jeder Knoten v einen Schlüsselwert $S[v]$, und es gilt:



4.5 Binäre Suchbäume

Definition 4.3 (Forts.)

(5) Ein binärer Baum heißt voll, wenn jeder Knoten zwei oder keinen Kindknoten hat.

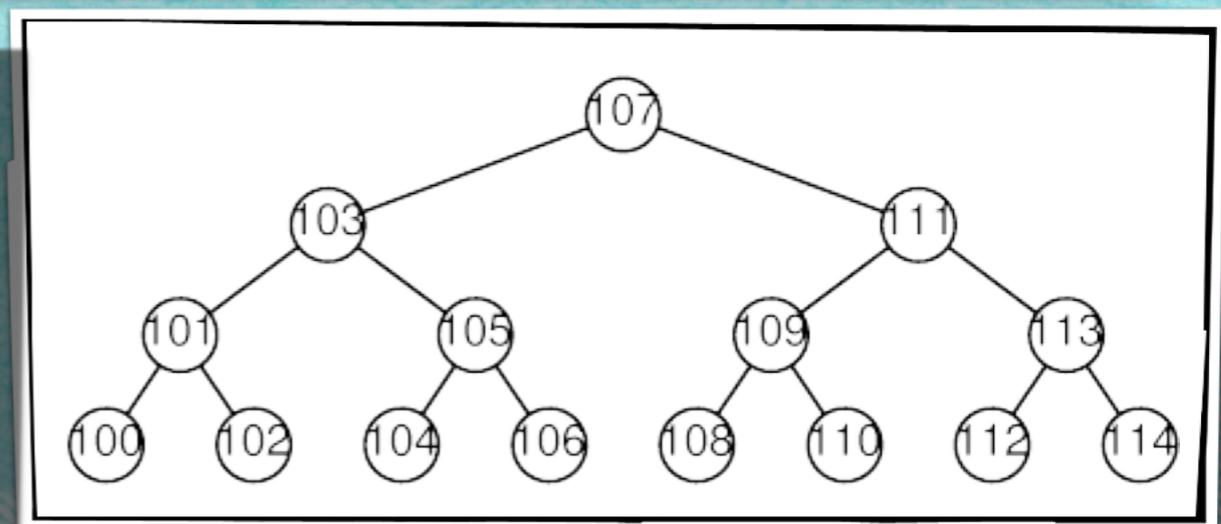
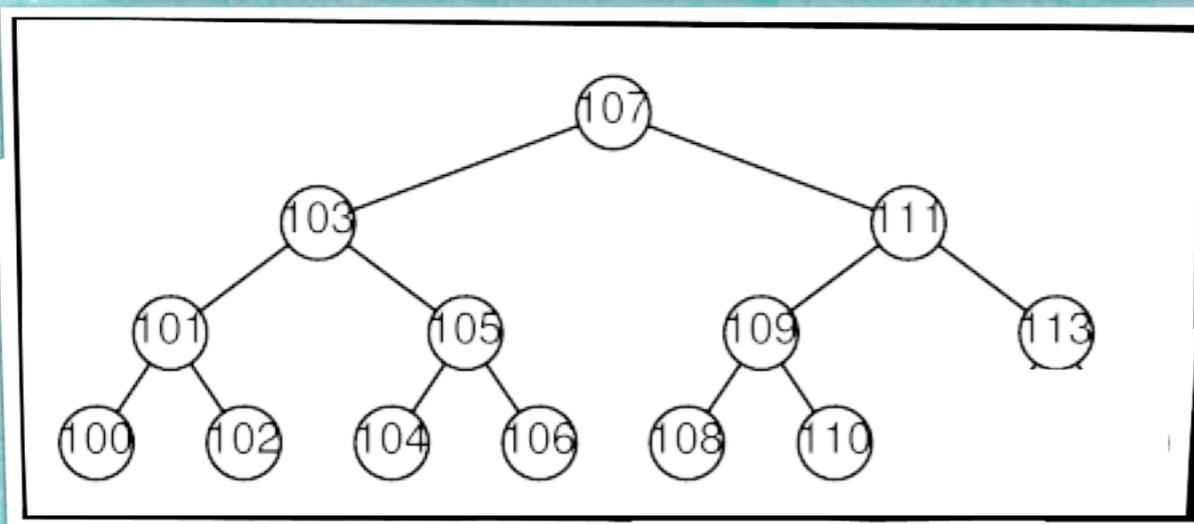
(6) Ein binärer Baum heißt vollständig, wenn zusätzlich alle Blätter gleichen Abstand zur Wurzel haben.

(7) Ein Knoten ohne Kindknoten heißt Blatt.

(8) Der Teilbaum eines Knotens v ist durch die Menge der von v erreichbaren Knoten und der dabei verwendeten Kanten definiert; der linke Teilbaum ist der Teilbaum von $l[v]$.

(9) In einem binären Suchbaum hat jeder Knoten v einen Schlüsselwert $S[v]$, und es gilt:

- $S[u] \leq S[v]$ für Knoten u im linken Teilbaum von v



4.5 Binäre Suchbäume

Definition 4.3 (Forts.)

(5) Ein binärer Baum heißt voll, wenn jeder Knoten zwei oder keinen Kindknoten hat.

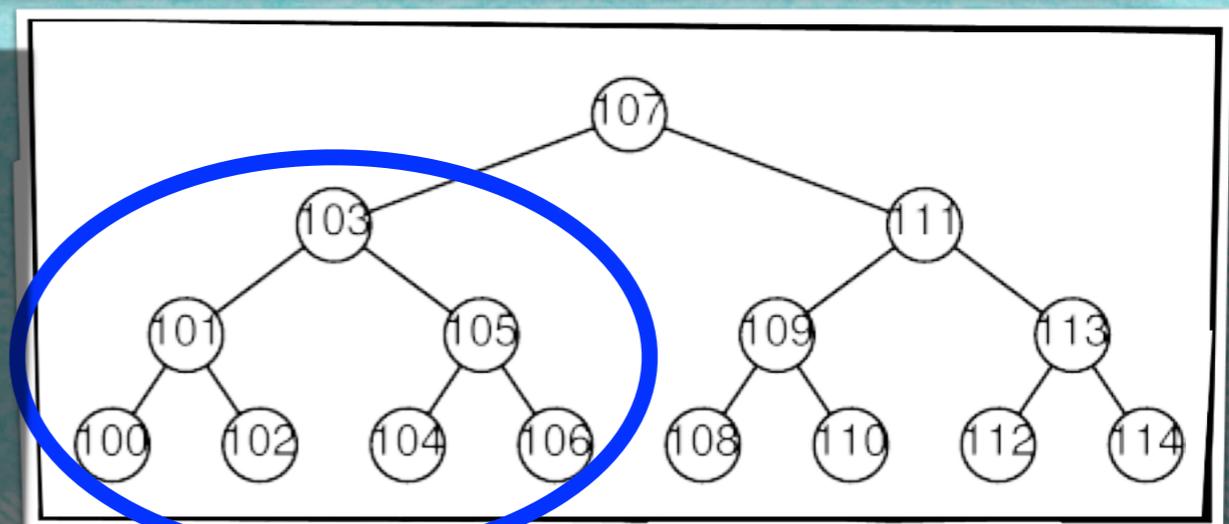
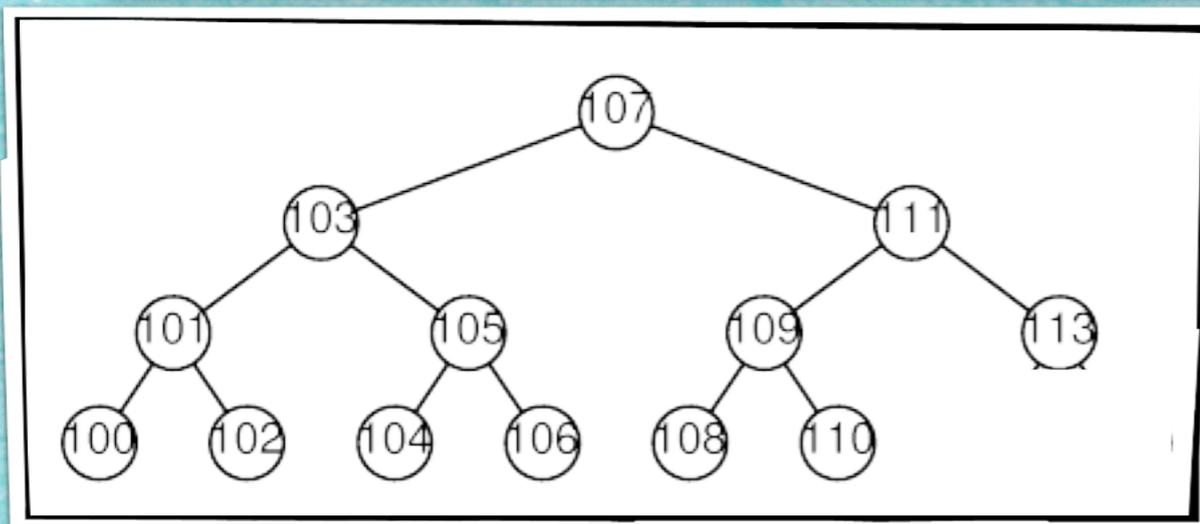
(6) Ein binärer Baum heißt vollständig, wenn zusätzlich alle Blätter gleichen Abstand zur Wurzel haben.

(7) Ein Knoten ohne Kindknoten heißt Blatt.

(8) Der Teilbaum eines Knotens v ist durch die Menge der von v erreichbaren Knoten und der dabei verwendeten Kanten definiert; der linke Teilbaum ist der Teilbaum von $l[v]$.

(9) In einem binären Suchbaum hat jeder Knoten v einen Schlüsselwert $S[v]$, und es gilt:

- $S[u] \leq S[v]$ für Knoten u im linken Teilbaum von v



4.5 Binäre Suchbäume

Definition 4.3 (Forts.)

(5) Ein binärer Baum heißt voll, wenn jeder Knoten zwei oder keinen Kindknoten hat.

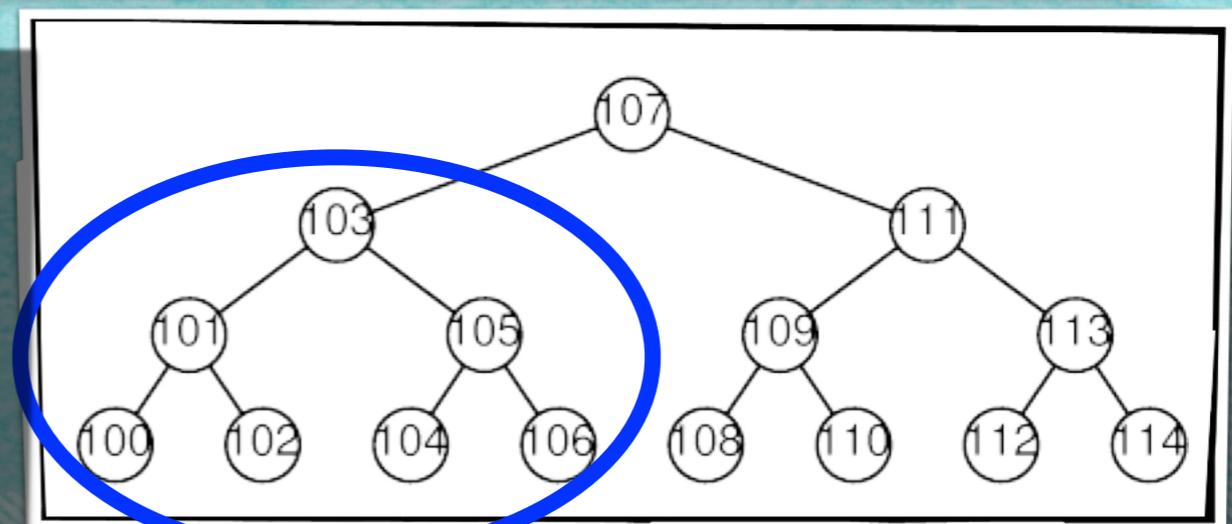
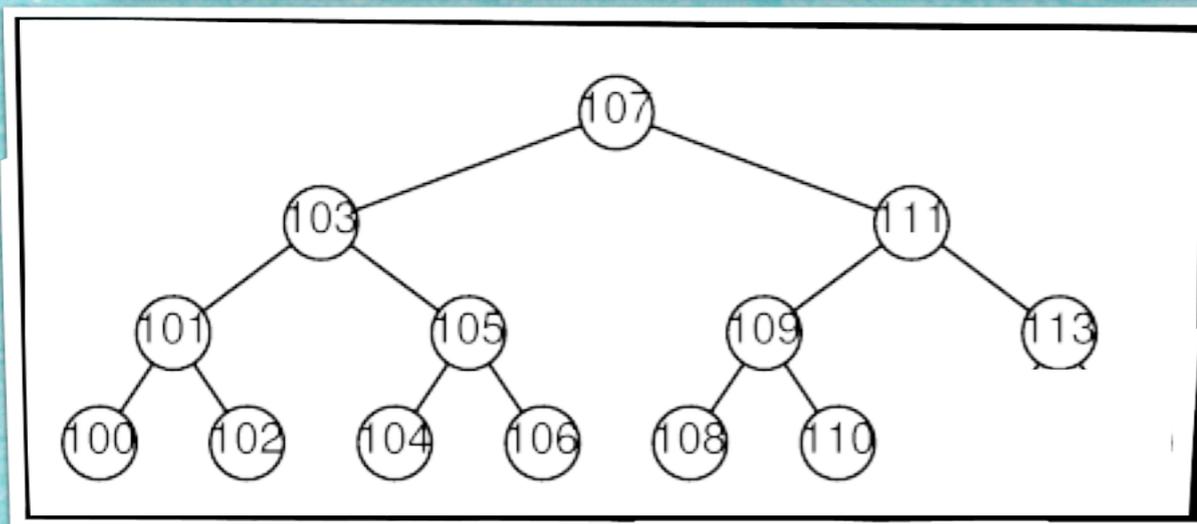
(6) Ein binärer Baum heißt vollständig, wenn zusätzlich alle Blätter gleichen Abstand zur Wurzel haben.

(7) Ein Knoten ohne Kindknoten heißt Blatt.

(8) Der Teilbaum eines Knotens v ist durch die Menge der von v erreichbaren Knoten und der dabei verwendeten Kanten definiert; der linke Teilbaum ist der Teilbaum von $l[v]$.

(9) In einem binären Suchbaum hat jeder Knoten v einen Schlüsselwert $S[v]$, und es gilt:

- $S[u] \leq S[v]$ für Knoten u im linken Teilbaum von v
- $S[u] > S[v]$ für Knoten u im rechten Teilbaum von v



4.5 Binäre Suchbäume

Definition 4.3 (Forts.)

(5) Ein binärer Baum heißt voll, wenn jeder Knoten zwei oder keinen Kindknoten hat.

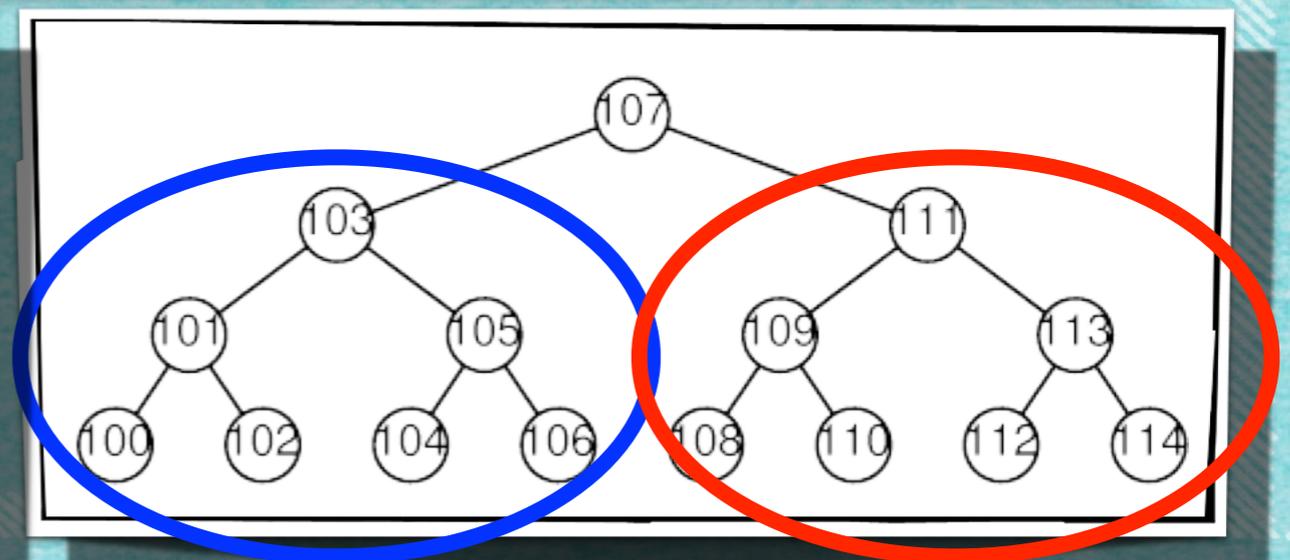
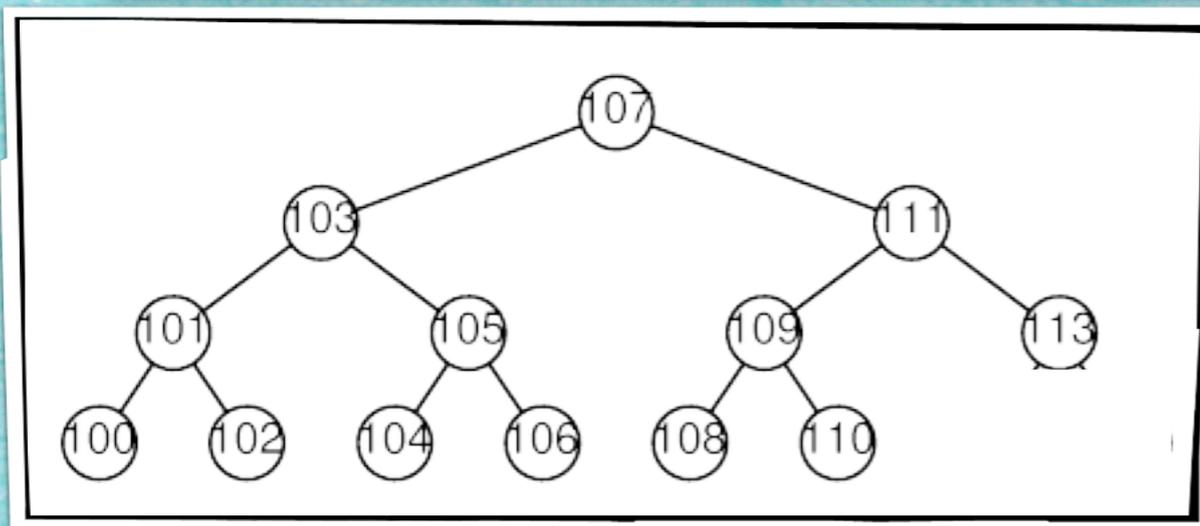
(6) Ein binärer Baum heißt vollständig, wenn zusätzlich alle Blätter gleichen Abstand zur Wurzel haben.

(7) Ein Knoten ohne Kindknoten heißt Blatt.

(8) Der Teilbaum eines Knotens v ist durch die Menge der von v erreichbaren Knoten und der dabei verwendeten Kanten definiert; der linke Teilbaum ist der Teilbaum von $l[v]$.

(9) In einem binären Suchbaum hat jeder Knoten v einen Schlüsselwert $S[v]$, und es gilt:

- $S[u] \leq S[v]$ für Knoten u im linken Teilbaum von v
- $S[u] > S[v]$ für Knoten u im rechten Teilbaum von v



4.1 Grundoperationen

MINIMUM(S): “Suche das Minimum in S”

**Finde in S ein Element von kleinstem Wert.
(Annahme: Die Werte lassen sich vollständig
vergleichen!)**

Ausgabe: Zeiger x auf solch ein Element

4.1 Grundoperationen

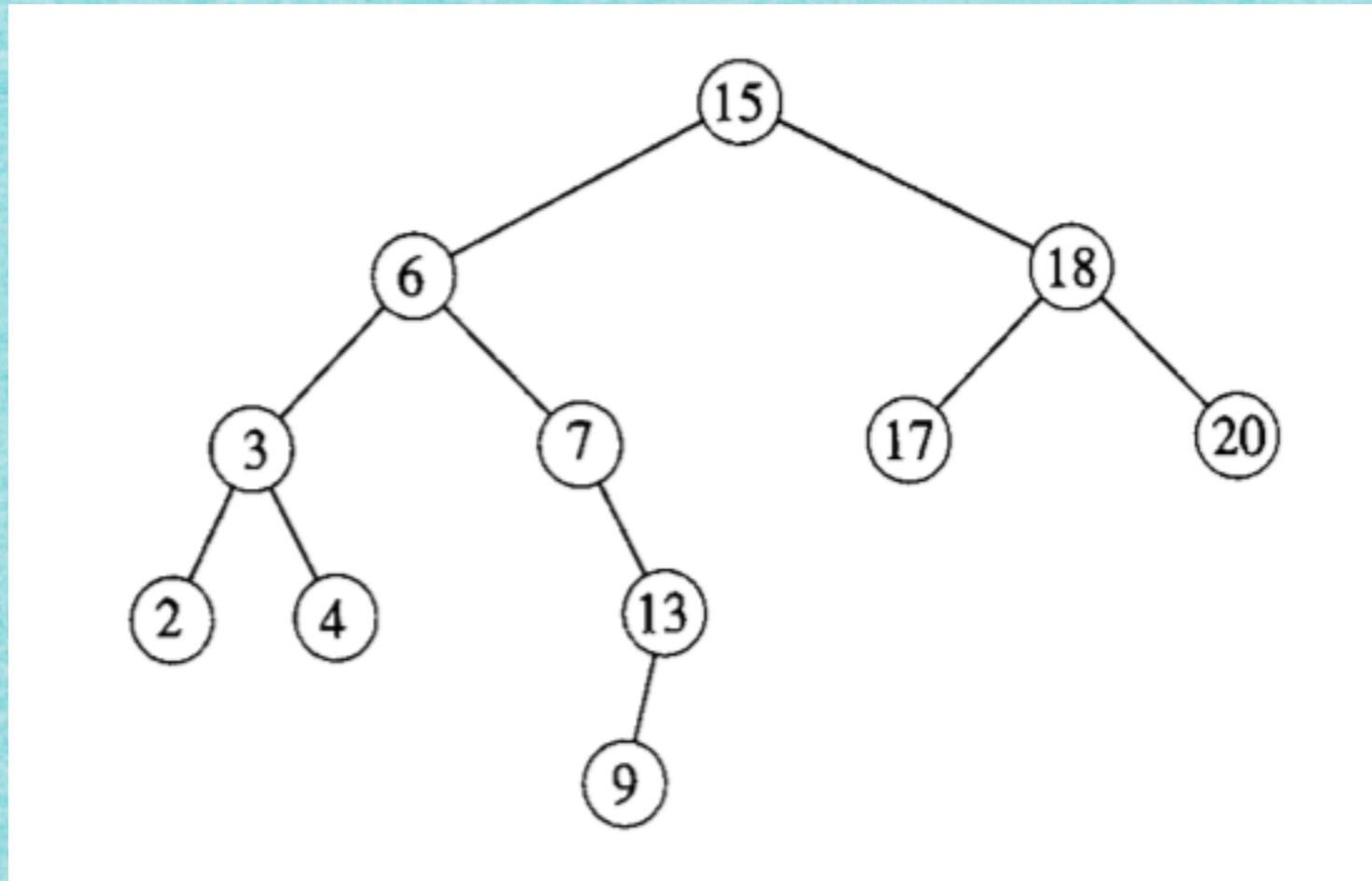
MAXIMUM(S): “Suche das Maximum in S”

**Finde in S ein Element von größtem Wert.
(Annahme: Die Werte lassen sich vollständig
vergleichen!)**

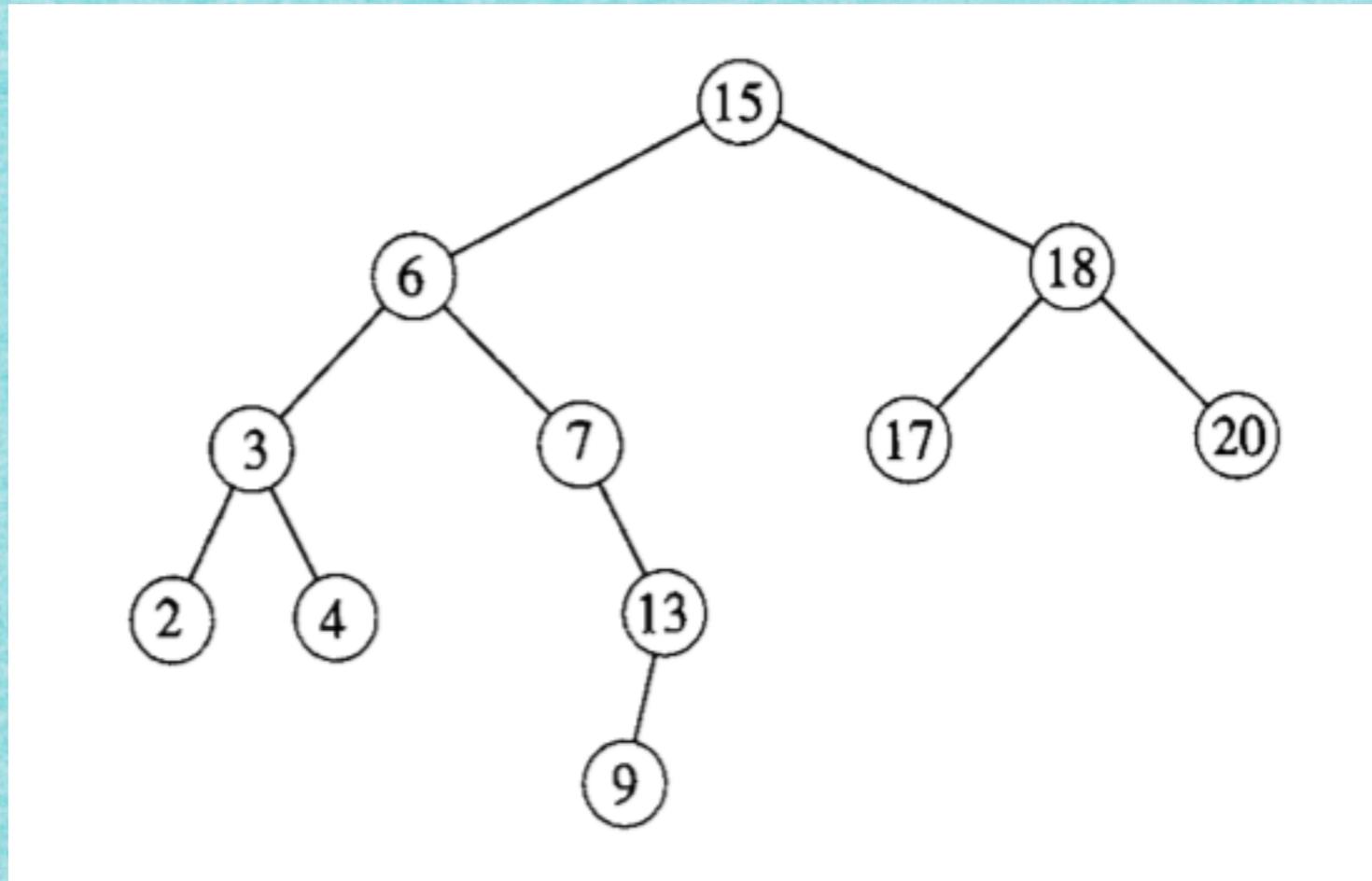
Ausgabe: Zeiger x auf solch ein Element

Minimum und Maximum

Minimum und Maximum



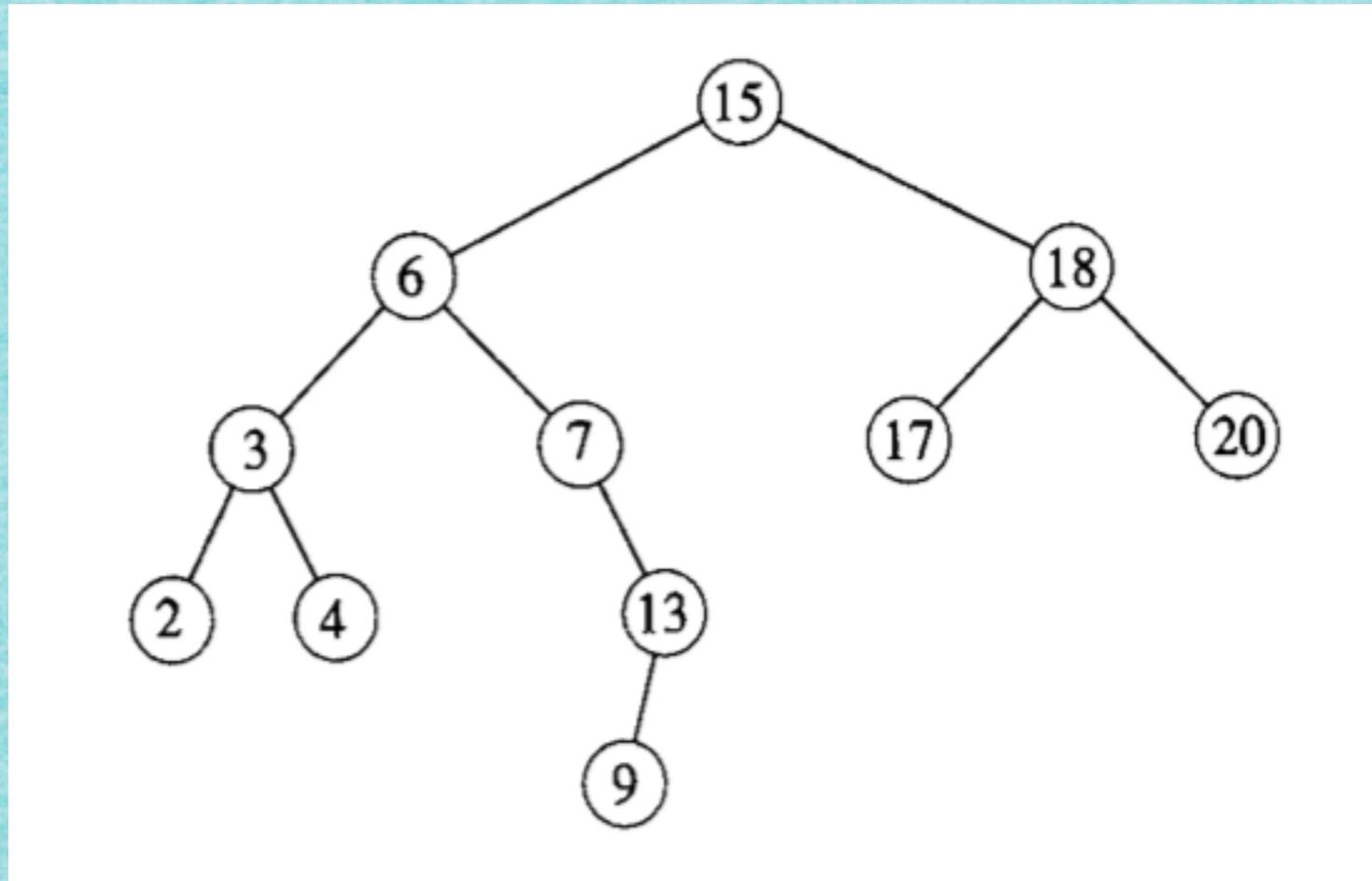
Minimum und Maximum



TREE-MINIMUM(x)

```
1 while  $links[x] \neq NIL$   
2     do  $x \leftarrow links[x]$   
3 return  $x$ 
```

Minimum und Maximum



TREE-MINIMUM(x)

```
1 while  $links[x] \neq NIL$   
2   do  $x \leftarrow links[x]$   
3 return  $x$ 
```

TREE-MAXIMUM(x)

```
1 while  $rechts[x] \neq NIL$   
2   do  $x \leftarrow rechts[x]$   
3 return  $x$ 
```

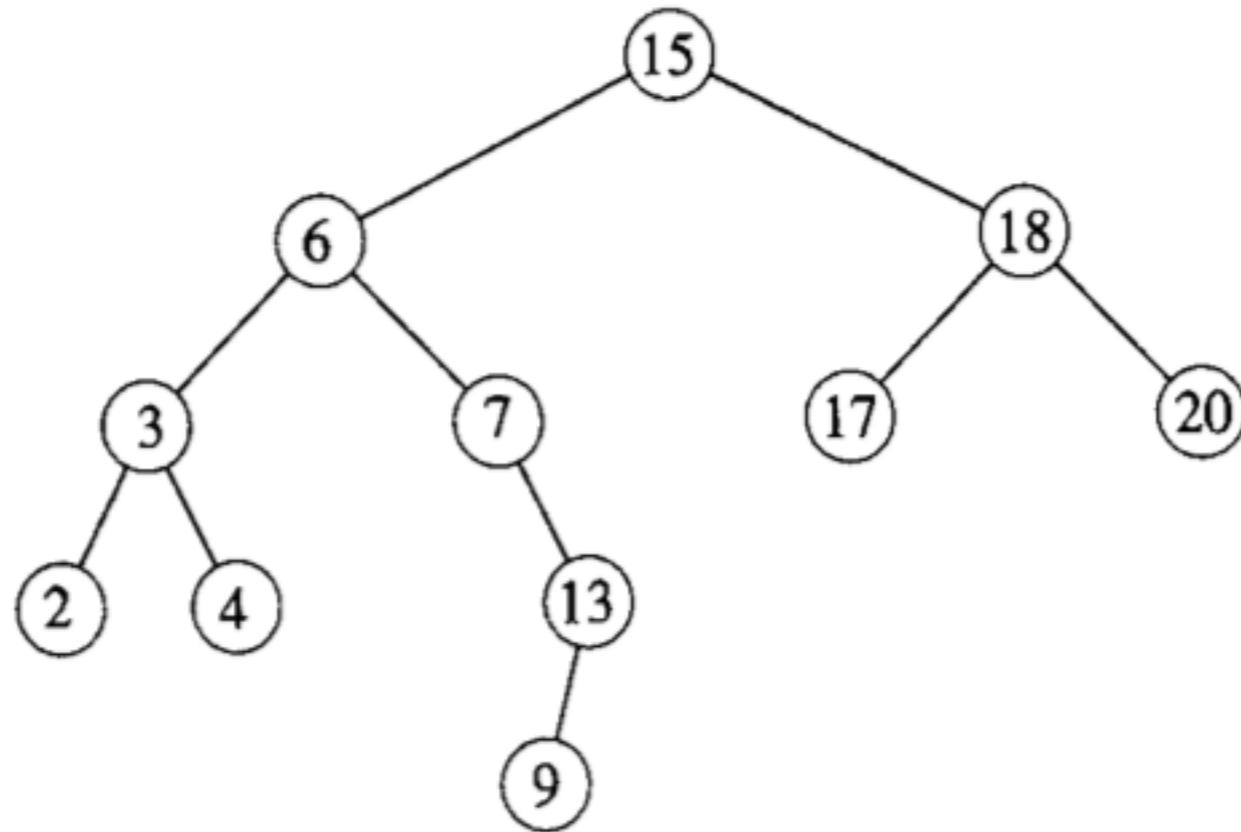
4.1 Grundoperationen

SEARCH(S,k): “Suche in S nach k”

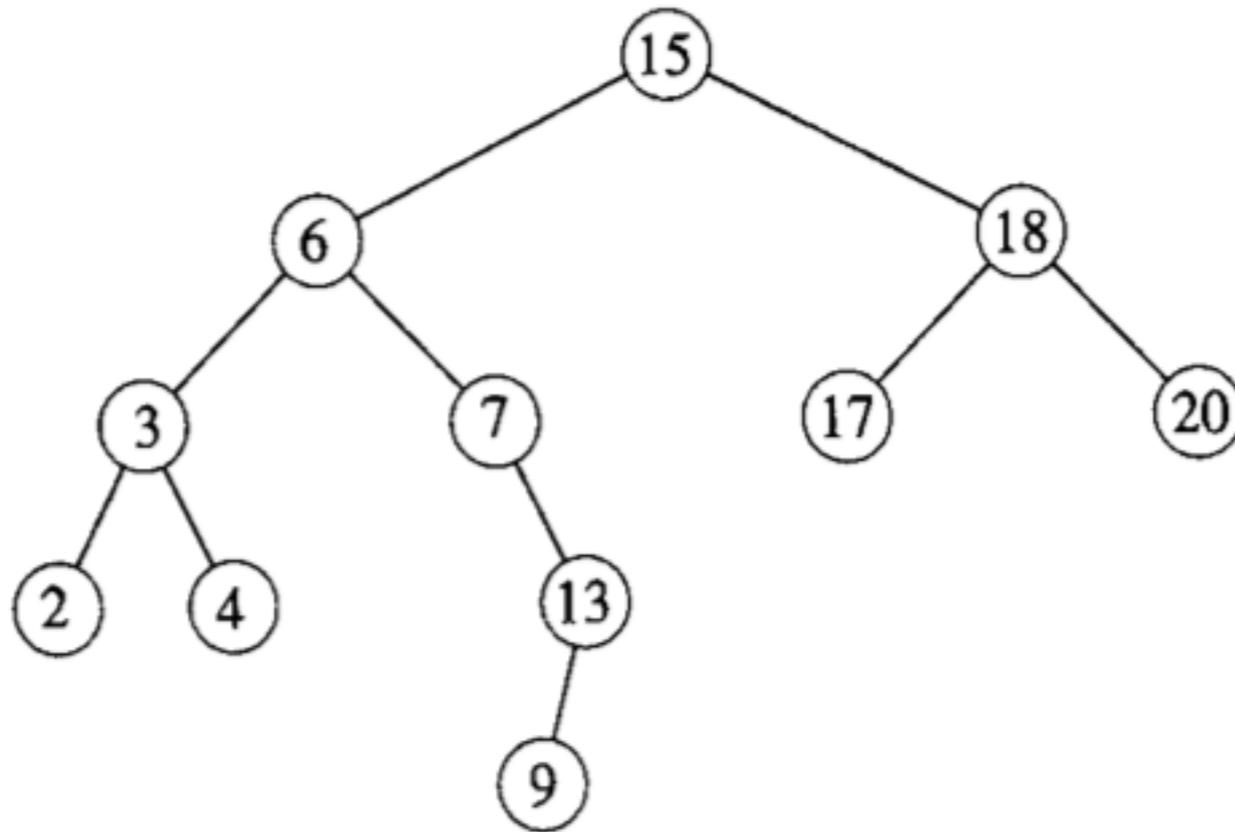
Durchsuche die Menge S nach einem Element von Wert k.

**Ausgabe: Zeiger x, falls x existent
NIL, falls kein Element Wert k hat.**

Suche im Suchbaum



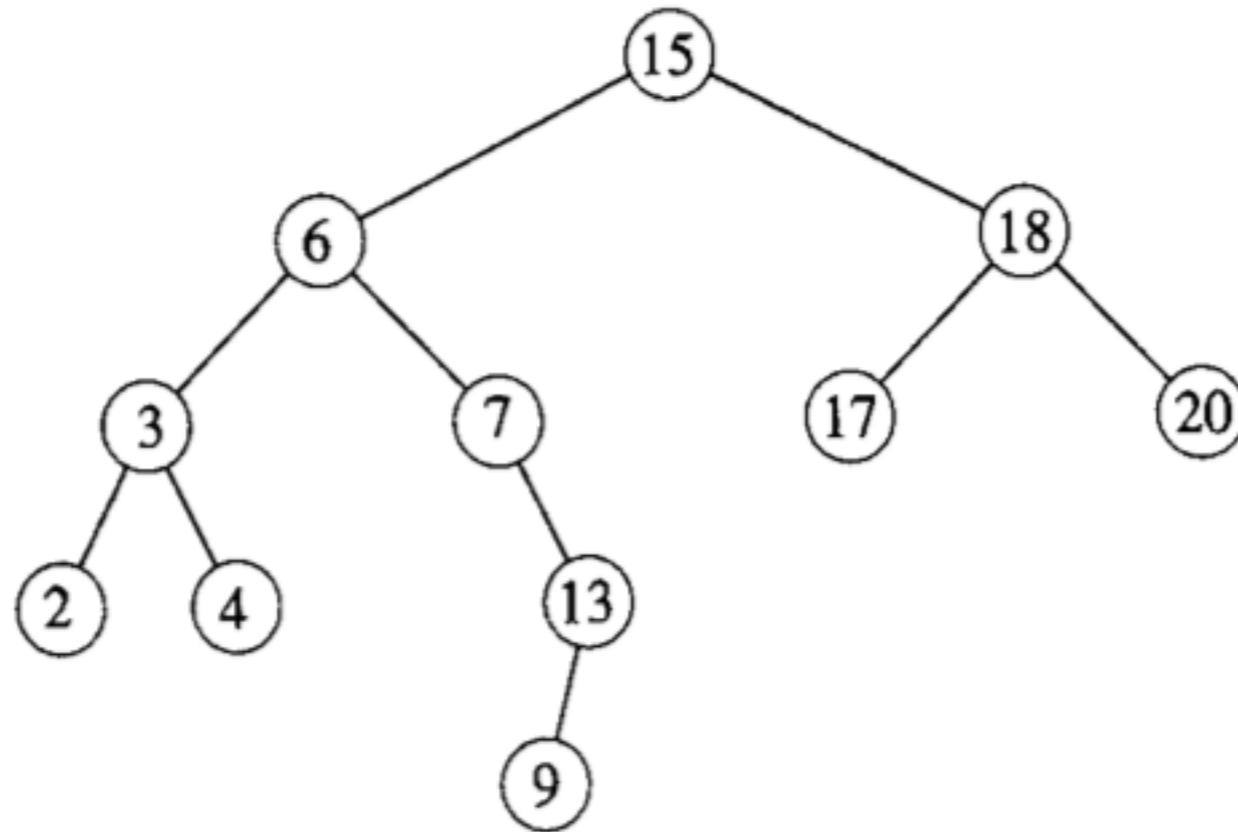
Suche im Suchbaum



ITERATIVE-TREE-SEARCH(x, k)

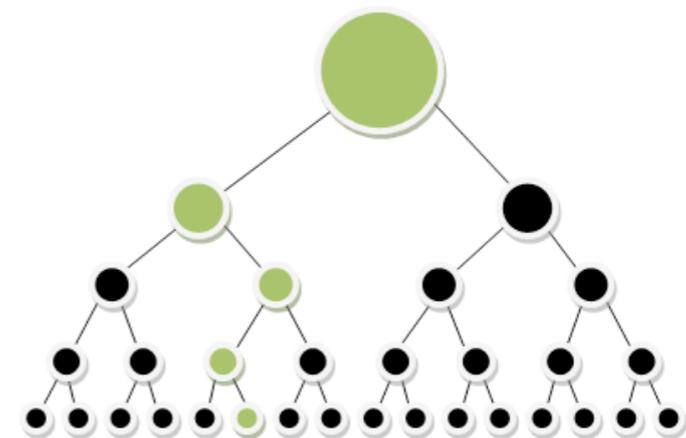
```
1  while  $x \neq \text{NIL}$  und  $k \neq \text{schlüssel}[x]$ 
2      do if  $k < \text{schlüssel}[x]$ 
3          then  $x \leftarrow \text{links}[x]$ 
4          else  $x \leftarrow \text{rechts}[x]$ 
5  return  $x$ 
```

Suche im Suchbaum



ITERATIVE-TREE-SEARCH(x, k)

```
1 while  $x \neq \text{NIL}$  und  $k \neq \text{schlüssel}[x]$ 
2   do if  $k < \text{schlüssel}[x]$ 
3     then  $x \leftarrow \text{links}[x]$ 
4     else  $x \leftarrow \text{rechts}[x]$ 
5 return  $x$ 
```



4.1 Grundoperationen

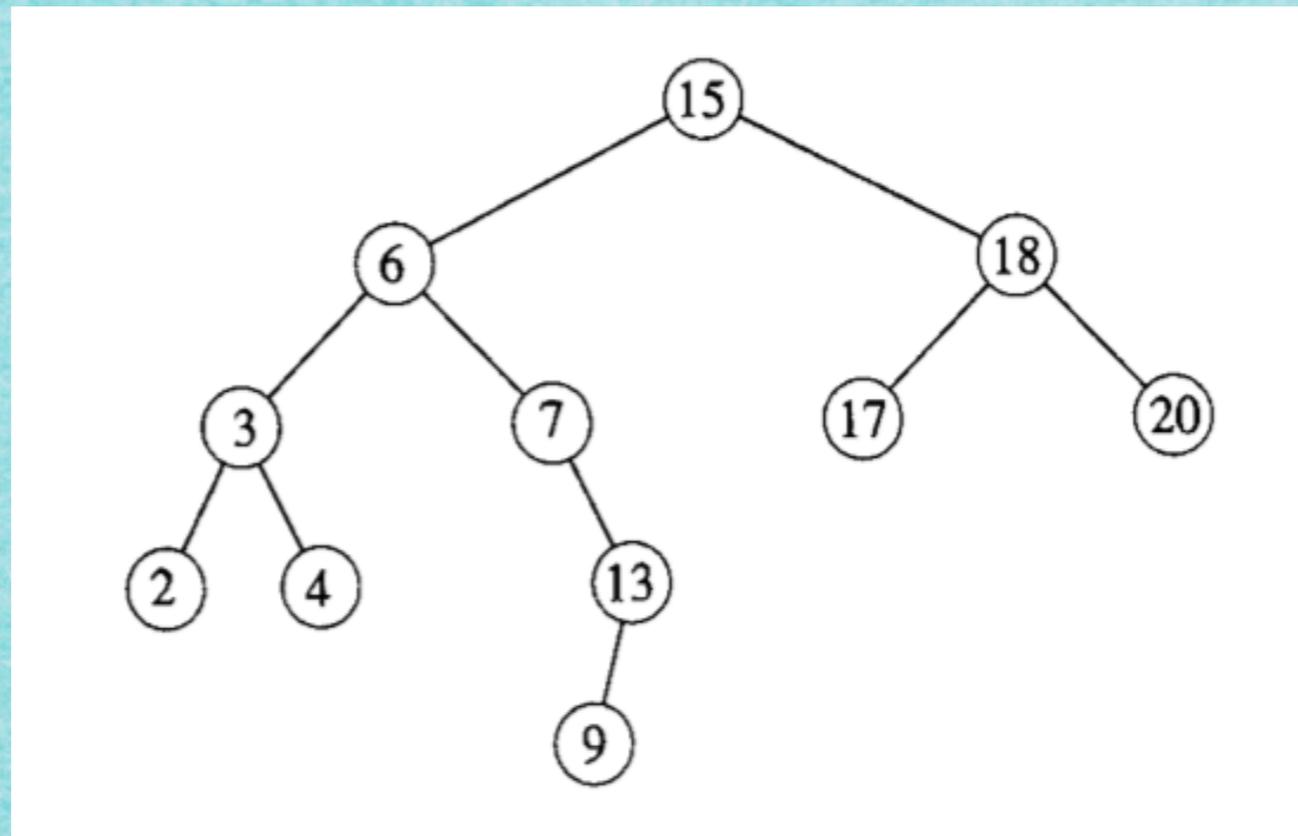
SUCCESSOR(S,x):

“Finde das nächstgrößere Element”

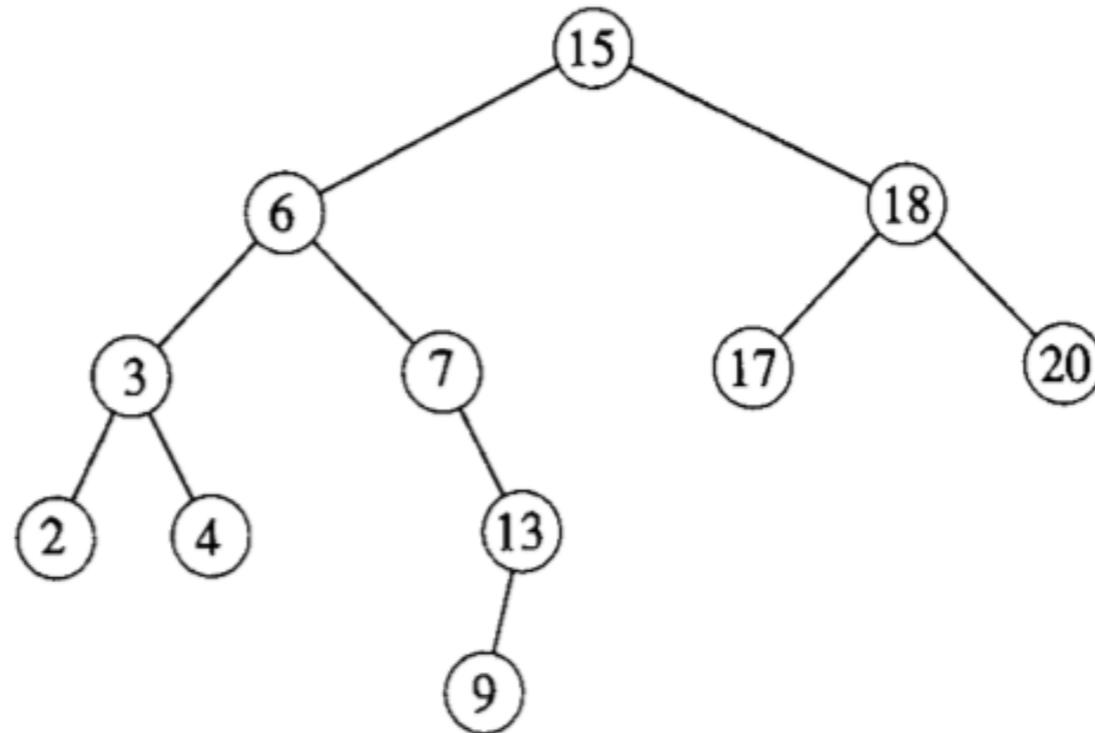
**Für ein in x stehendes Element in S ,
bestimme ein Element von nächstgrößerem
Wert in S .**

**Ausgabe: Zeiger y auf Element
NIL, falls x Maximum von S angibt**

Nachfolger im Suchbaum



Nachfolger im Suchbaum



TREE-SUCCESSOR(x)

```
1  if  $rechts[x] \neq \text{NIL}$ 
2    then return TREE-MINIMUM( $rechts[x]$ )
3   $y \leftarrow p[x]$ 
4  while  $y \neq \text{NIL}$  und  $x = rechts[y]$ 
5    do  $x \leftarrow y$ 
6     $y \leftarrow p[y]$ 
7  return  $y$ 
```

4.5 Binäre Suchbäume

4.5 Binäre Suchbäume

Satz 4.4

4.5 Binäre Suchbäume

Satz 4.4

Suchen, Minimum, Maximum, Nachfolger, Vorgänger können in einem binären Suchbaum der Höhe h in Zeit $O(h)$ durchlaufen werden.

4.5 Binäre Suchbäume

Satz 4.4

Suchen, Minimum, Maximum, Nachfolger, Vorgänger können in einem binären Suchbaum der Höhe h in Zeit $O(h)$ durchlaufen werden.

Beweis:

4.5 Binäre Suchbäume

Satz 4.4

Suchen, Minimum, Maximum, Nachfolger, Vorgänger können in einem binären Suchbaum der Höhe h in Zeit $O(h)$ durchlaufen werden.

Beweis:

Klar, der Baum wird nur einmal vertikal durchlaufen!

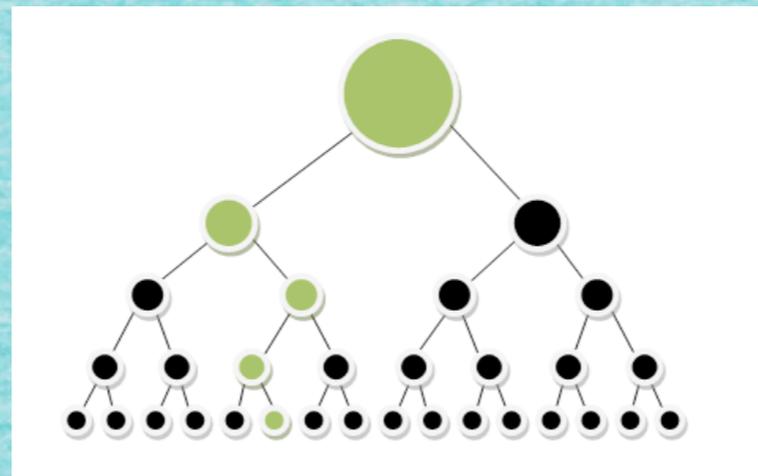
4.5 Binäre Suchbäume

Satz 4.4

Suchen, Minimum, Maximum, Nachfolger, Vorgänger können in einem binären Suchbaum der Höhe h in Zeit $O(h)$ durchlaufen werden.

Beweis:

Klar, der Baum wird nur einmal vertikal durchlaufen!

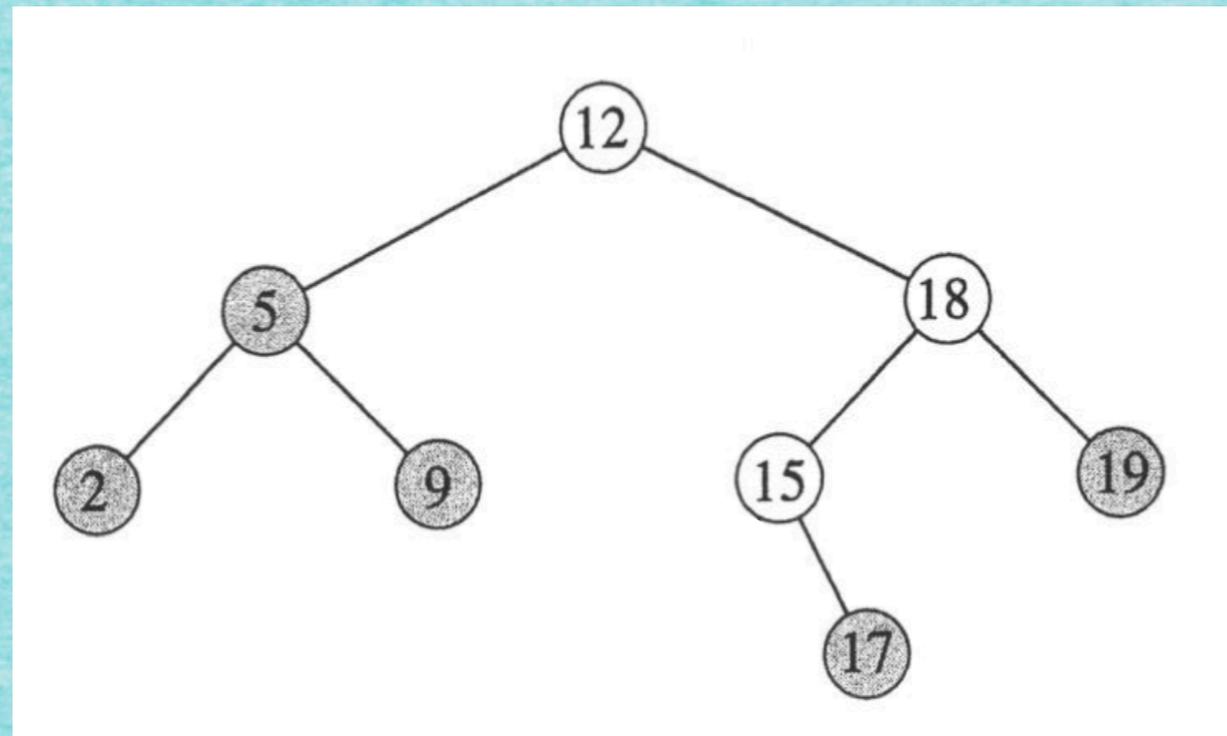


4.1 Grundoperationen

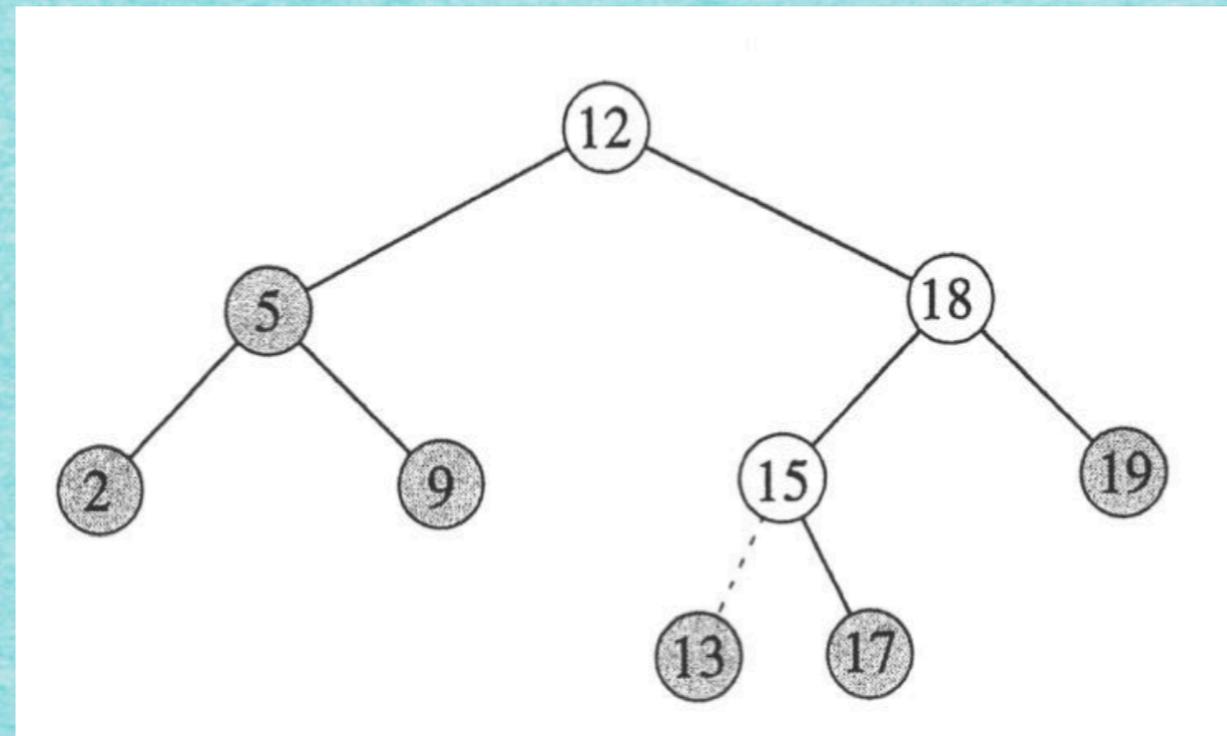
INSERT(S,x): “Füge x in S ein”

Erweitere S um das Element, das unter der Adresse x steht.

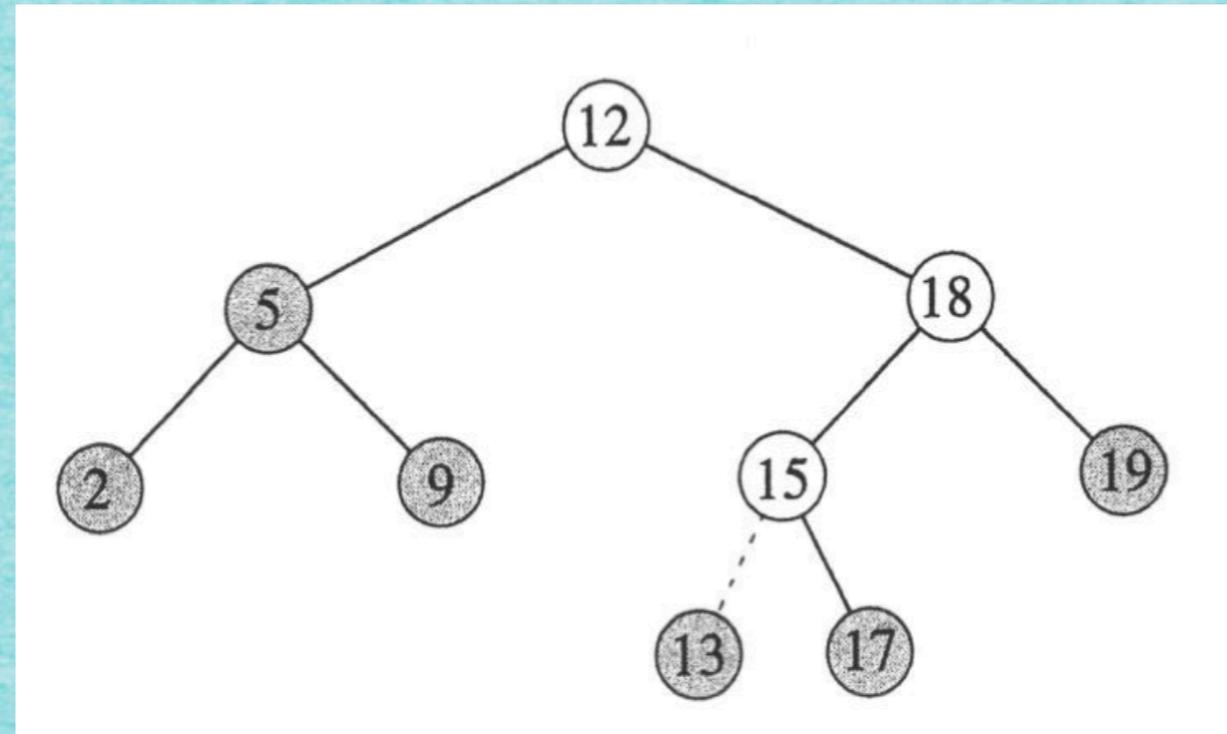
Einfügen im Suchbaum



Einfügen im Suchbaum

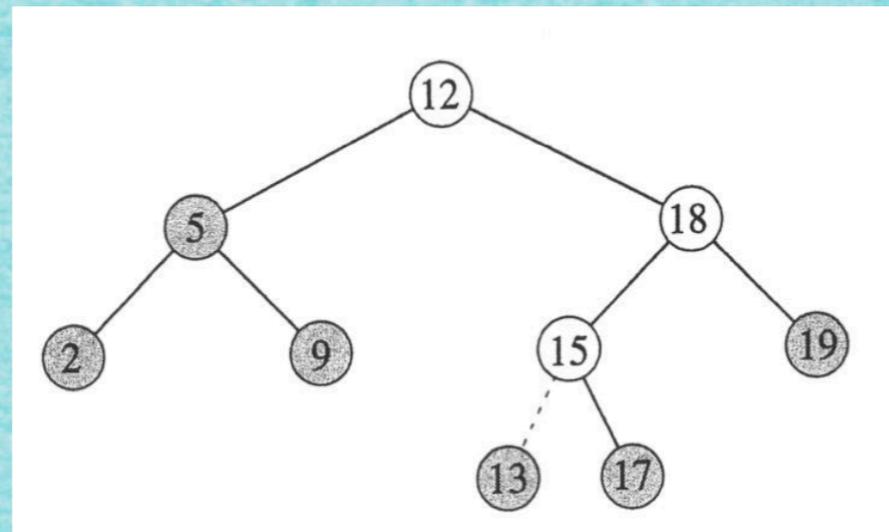


Einfügen im Suchbaum



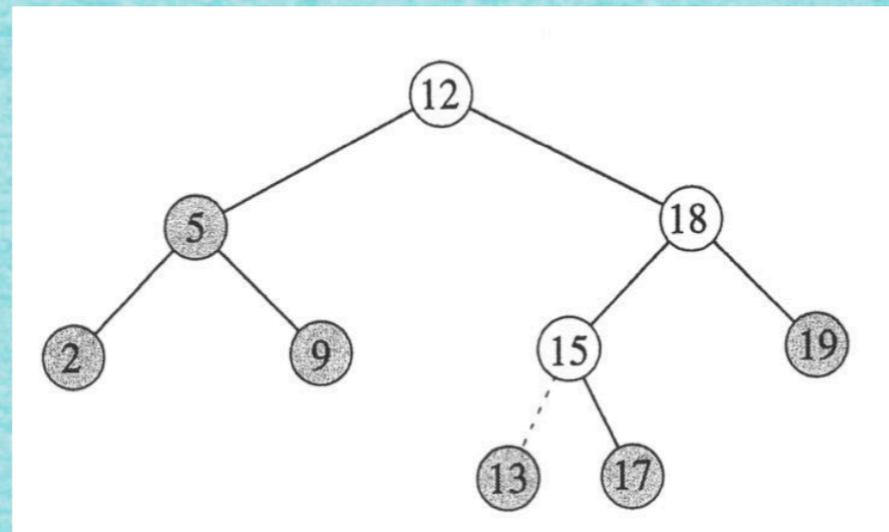
Füge 13 ein!

Einfügen im Suchbaum



TREE-INSERT(T, z)

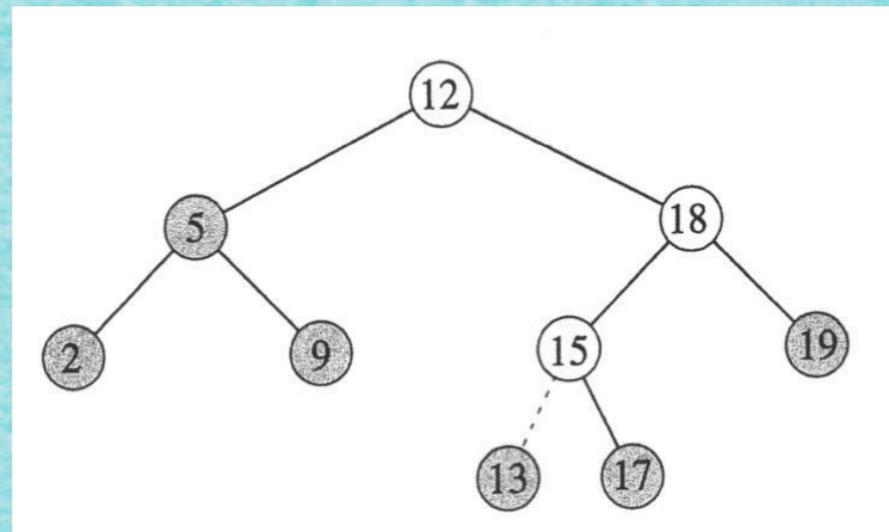
Einfügen im Suchbaum



TREE-INSERT(T, z)

1 $y \leftarrow \text{NIL}$

Einfügen im Suchbaum

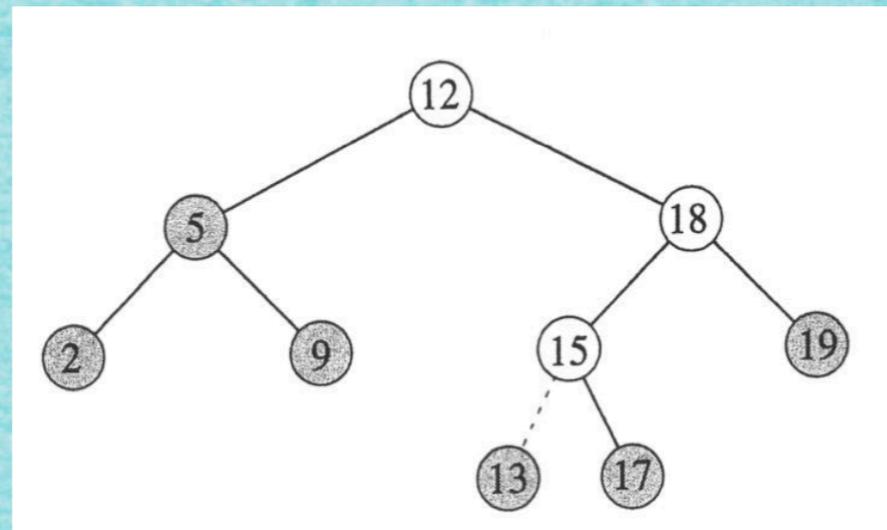


TREE-INSERT(T, z)

1 $y \leftarrow \text{NIL}$

2 $x \leftarrow \text{wurzel}[T]$

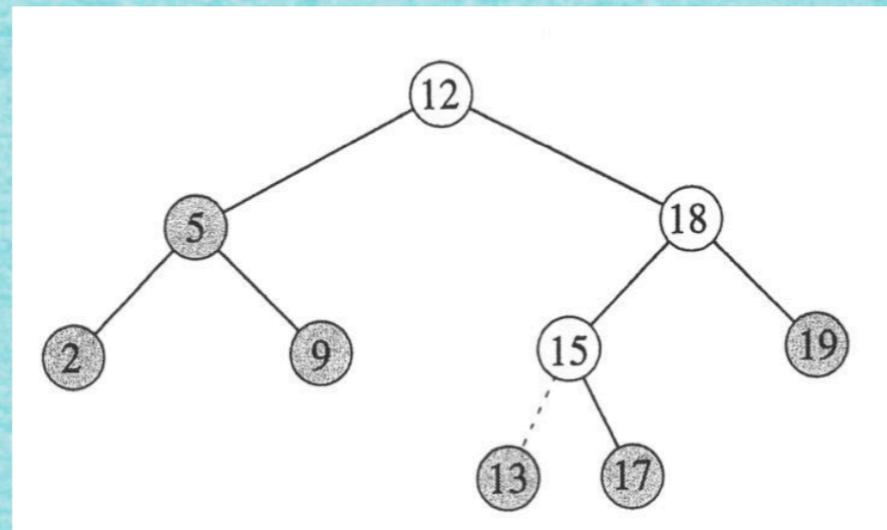
Einfügen im Suchbaum



TREE-INSERT(T, z)

- 1 $y \leftarrow \text{NIL}$
- 2 $x \leftarrow \text{wurzel}[T]$
- 3 **while** $x \neq \text{NIL}$

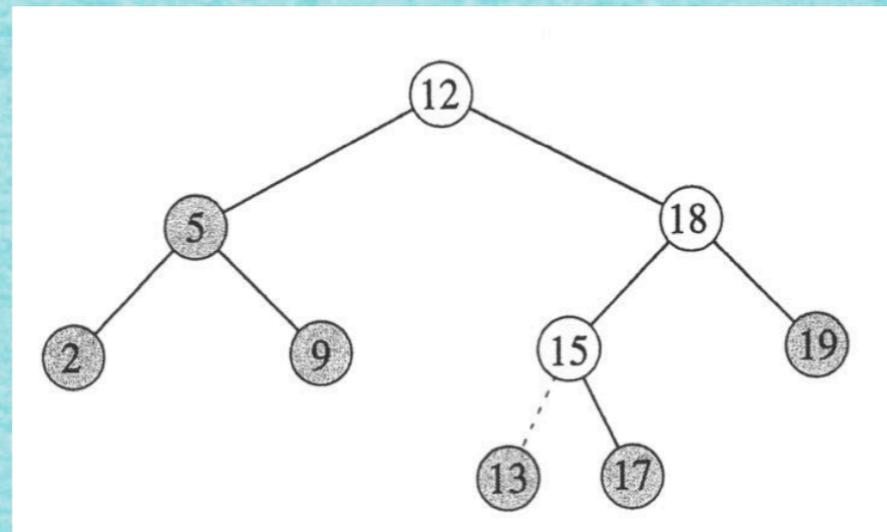
Einfügen im Suchbaum



TREE-INSERT(T, z)

```
1  $y \leftarrow \text{NIL}$ 
2  $x \leftarrow \text{wurzel}[T]$ 
3 while  $x \neq \text{NIL}$ 
4     do  $y \leftarrow x$ 
```

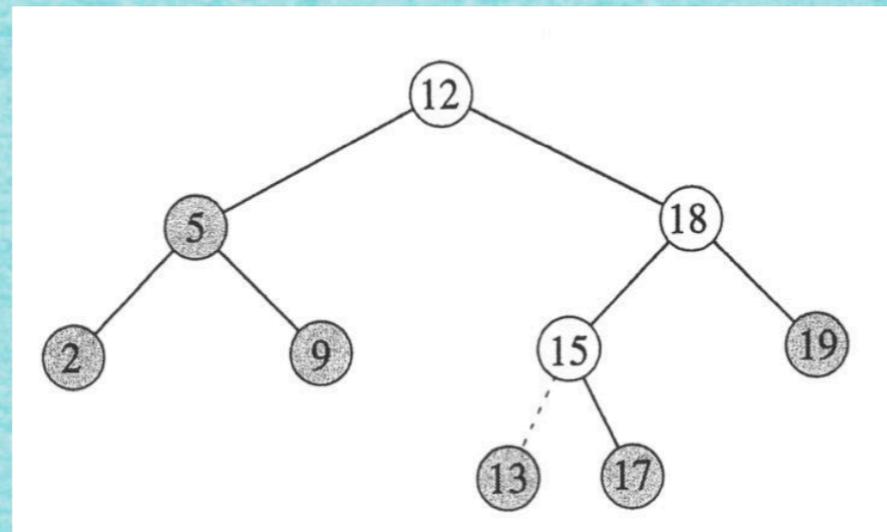
Einfügen im Suchbaum



TREE-INSERT(T, z)

```
1  $y \leftarrow \text{NIL}$ 
2  $x \leftarrow \text{wurzel}[T]$ 
3 while  $x \neq \text{NIL}$ 
4     do  $y \leftarrow x$ 
5     if  $\text{schlüssel}[z] < \text{schlüssel}[x]$ 
```

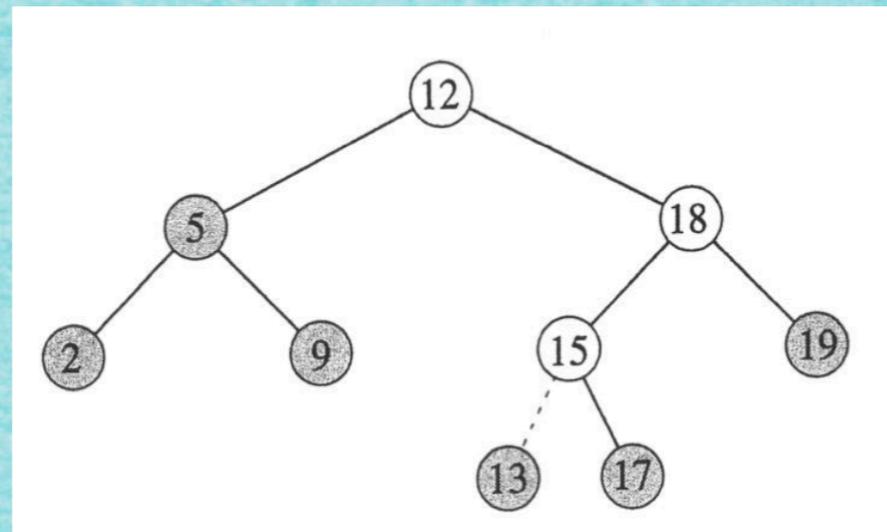
Einfügen im Suchbaum



TREE-INSERT(T, z)

```
1  $y \leftarrow \text{NIL}$ 
2  $x \leftarrow \text{wurzel}[T]$ 
3 while  $x \neq \text{NIL}$ 
4     do  $y \leftarrow x$ 
5         if  $\text{schlüssel}[z] < \text{schlüssel}[x]$ 
6             then  $x \leftarrow \text{links}[x]$ 
```

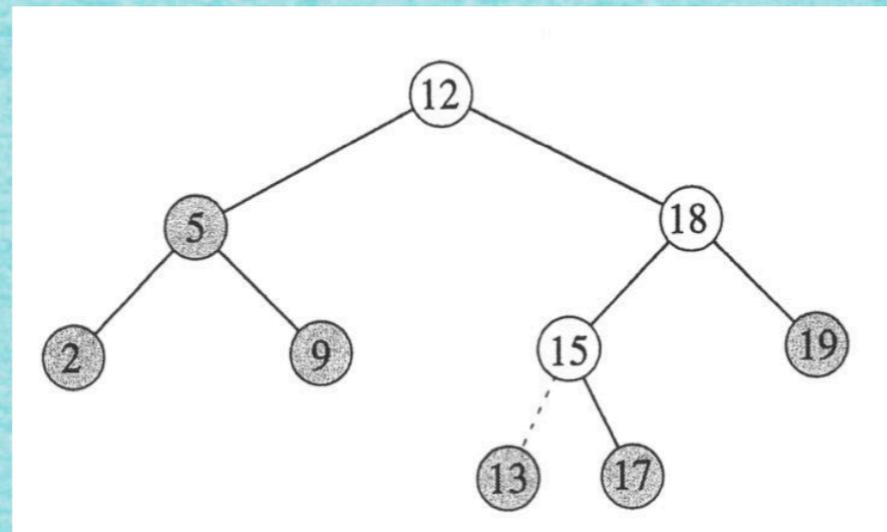
Einfügen im Suchbaum



TREE-INSERT(T, z)

```
1  $y \leftarrow \text{NIL}$ 
2  $x \leftarrow \text{wurzel}[T]$ 
3 while  $x \neq \text{NIL}$ 
4     do  $y \leftarrow x$ 
5         if  $\text{schlüssel}[z] < \text{schlüssel}[x]$ 
6             then  $x \leftarrow \text{links}[x]$ 
7             else  $x \leftarrow \text{rechts}[x]$ 
```

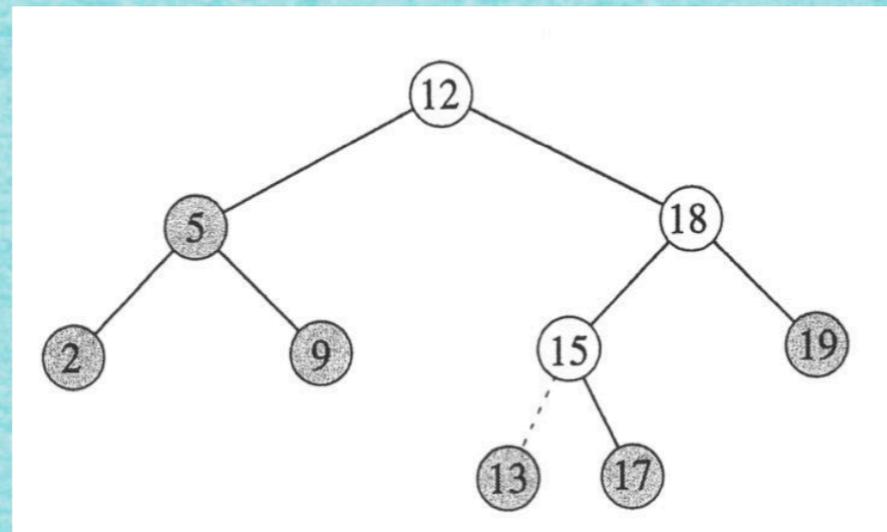
Einfügen im Suchbaum



TREE-INSERT(T, z)

```
1  $y \leftarrow \text{NIL}$ 
2  $x \leftarrow \text{wurzel}[T]$ 
3 while  $x \neq \text{NIL}$ 
4     do  $y \leftarrow x$ 
5         if  $\text{schlüssel}[z] < \text{schlüssel}[x]$ 
6             then  $x \leftarrow \text{links}[x]$ 
7             else  $x \leftarrow \text{rechts}[x]$ 
8  $p[z] \leftarrow y$ 
```

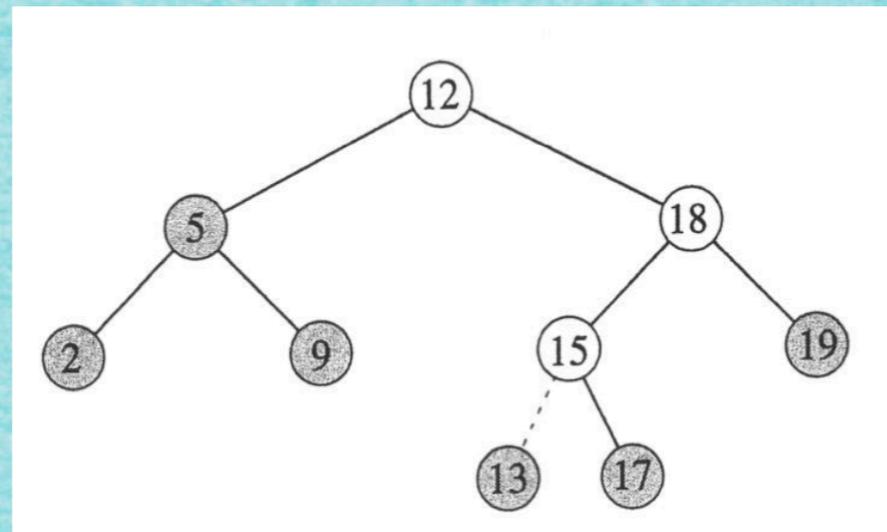
Einfügen im Suchbaum



TREE-INSERT(T, z)

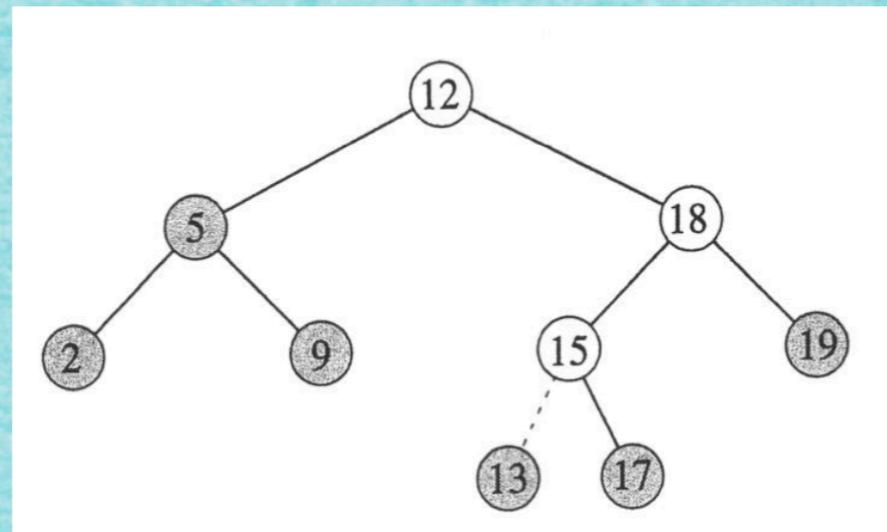
```
1  $y \leftarrow \text{NIL}$ 
2  $x \leftarrow \text{wurzel}[T]$ 
3 while  $x \neq \text{NIL}$ 
4     do  $y \leftarrow x$ 
5         if  $\text{schlüssel}[z] < \text{schlüssel}[x]$ 
6             then  $x \leftarrow \text{links}[x]$ 
7             else  $x \leftarrow \text{rechts}[x]$ 
8  $p[z] \leftarrow y$ 
9 if  $y = \text{NIL}$ 
```

Einfügen im Suchbaum



```
TREE-INSERT( $T, z$ )  
1   $y \leftarrow \text{NIL}$   
2   $x \leftarrow \text{wurzel}[T]$   
3  while  $x \neq \text{NIL}$   
4      do  $y \leftarrow x$   
5          if  $\text{schlüssel}[z] < \text{schlüssel}[x]$   
6              then  $x \leftarrow \text{links}[x]$   
7              else  $x \leftarrow \text{rechts}[x]$   
8   $p[z] \leftarrow y$   
9  if  $y = \text{NIL}$   
10     then  $\text{wurzel}[T] \leftarrow z$ 
```

Einfügen im Suchbaum

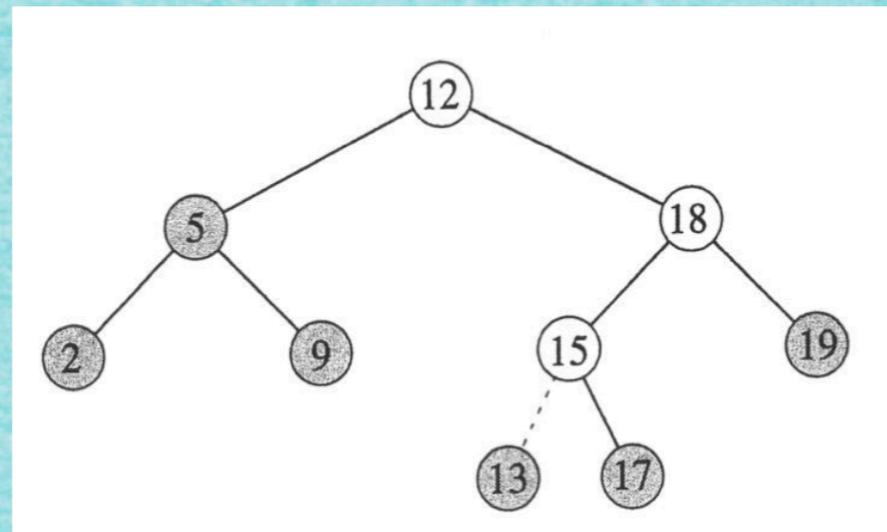


TREE-INSERT(T, z)

```
1  $y \leftarrow \text{NIL}$ 
2  $x \leftarrow \text{wurzel}[T]$ 
3 while  $x \neq \text{NIL}$ 
4     do  $y \leftarrow x$ 
5         if  $\text{schlüssel}[z] < \text{schlüssel}[x]$ 
6             then  $x \leftarrow \text{links}[x]$ 
7             else  $x \leftarrow \text{rechts}[x]$ 
8  $p[z] \leftarrow y$ 
9 if  $y = \text{NIL}$ 
10 then  $\text{wurzel}[T] \leftarrow z$ 
```

▷ Baum T war leer

Einfügen im Suchbaum

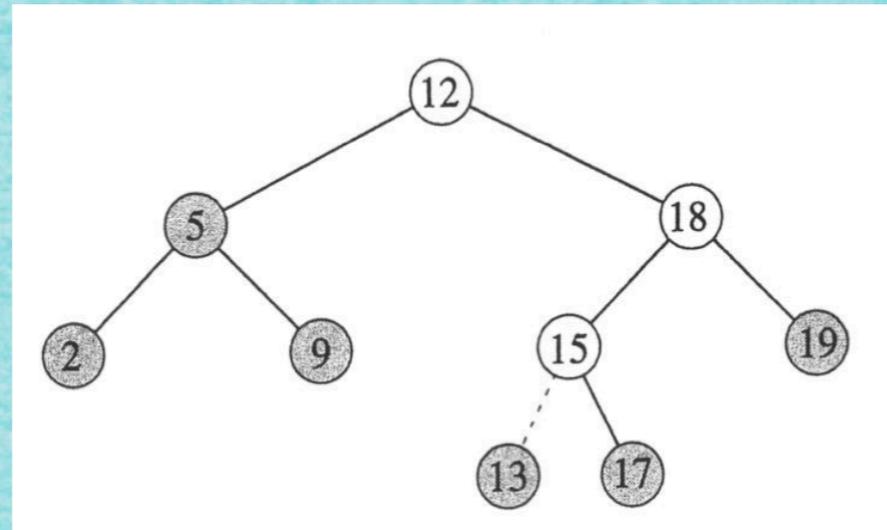


TREE-INSERT(T, z)

```
1  $y \leftarrow \text{NIL}$ 
2  $x \leftarrow \text{wurzel}[T]$ 
3 while  $x \neq \text{NIL}$ 
4     do  $y \leftarrow x$ 
5         if  $\text{schlüssel}[z] < \text{schlüssel}[x]$ 
6             then  $x \leftarrow \text{links}[x]$ 
7             else  $x \leftarrow \text{rechts}[x]$ 
8  $p[z] \leftarrow y$ 
9 if  $y = \text{NIL}$ 
10 then  $\text{wurzel}[T] \leftarrow z$ 
11 else if  $\text{schlüssel}[z] < \text{schlüssel}[y]$ 
```

▷ Baum T war leer

Einfügen im Suchbaum

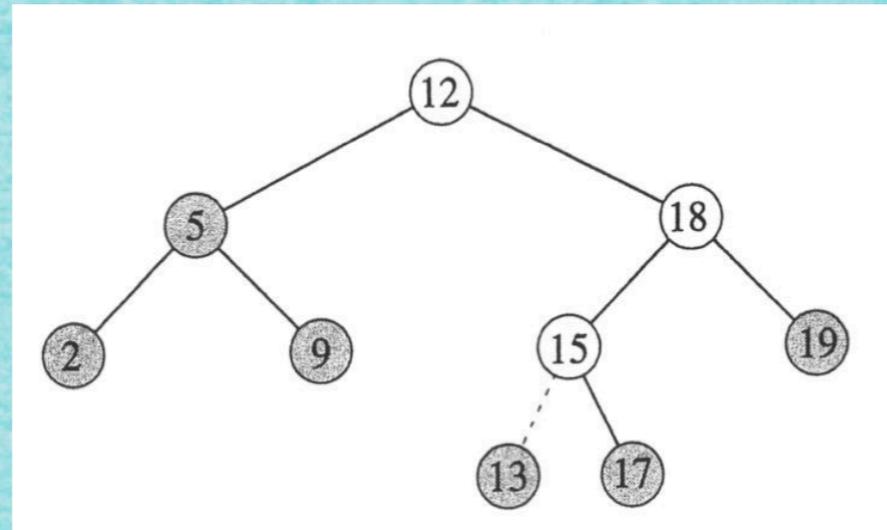


TREE-INSERT(T, z)

```
1  $y \leftarrow \text{NIL}$ 
2  $x \leftarrow \text{wurzel}[T]$ 
3 while  $x \neq \text{NIL}$ 
4     do  $y \leftarrow x$ 
5         if  $\text{schlüssel}[z] < \text{schlüssel}[x]$ 
6             then  $x \leftarrow \text{links}[x]$ 
7             else  $x \leftarrow \text{rechts}[x]$ 
8  $p[z] \leftarrow y$ 
9 if  $y = \text{NIL}$ 
10     then  $\text{wurzel}[T] \leftarrow z$ 
11     else if  $\text{schlüssel}[z] < \text{schlüssel}[y]$ 
12         then  $\text{links}[y] \leftarrow z$ 
```

▷ Baum T war leer

Einfügen im Suchbaum



```
TREE-INSERT( $T, z$ )
1   $y \leftarrow \text{NIL}$ 
2   $x \leftarrow \text{wurzel}[T]$ 
3  while  $x \neq \text{NIL}$ 
4      do  $y \leftarrow x$ 
5          if  $\text{schlüssel}[z] < \text{schlüssel}[x]$ 
6              then  $x \leftarrow \text{links}[x]$ 
7              else  $x \leftarrow \text{rechts}[x]$ 
8   $p[z] \leftarrow y$ 
9  if  $y = \text{NIL}$ 
10     then  $\text{wurzel}[T] \leftarrow z$ 
11     else if  $\text{schlüssel}[z] < \text{schlüssel}[y]$ 
12         then  $\text{links}[y] \leftarrow z$ 
13         else  $\text{rechts}[y] \leftarrow z$ 
```

▷ Baum T war leer

4.5 Binäre Suchbäume

4.5 Binäre Suchbäume

Satz 4.5

4.5 Binäre Suchbäume

Satz 4.5

Einfügen benötigt $O(h)$ für einen binären Suchbaum der Höhe h .

4.5 Binäre Suchbäume

Satz 4.5

Einfügen benötigt $O(h)$ für einen binären Suchbaum der Höhe h .

Beweis:

4.5 Binäre Suchbäume

Satz 4.5

Einfügen benötigt $O(h)$ für einen binären Suchbaum der Höhe h .

Beweis:

Klar, der Baum wird nur vertikal abwärts durchlaufen!

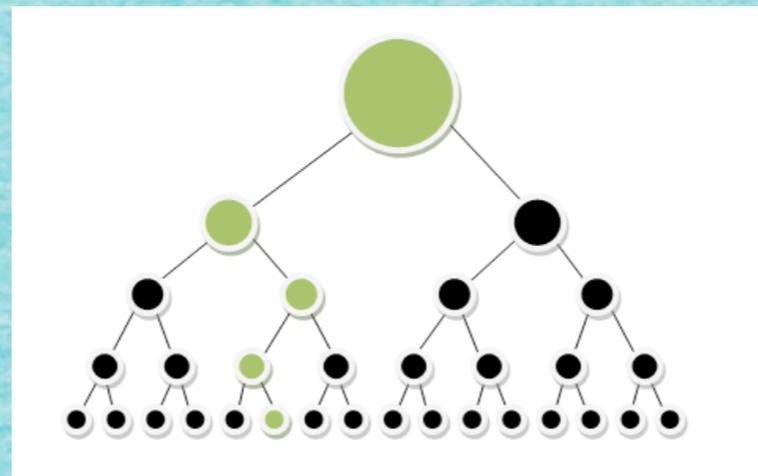
4.5 Binäre Suchbäume

Satz 4.5

Einfügen benötigt $O(h)$ für einen binären Suchbaum der Höhe h .

Beweis:

Klar, der Baum wird nur vertikal abwärts durchlaufen!



Mehr demnächst!

s.fekete@tu-bs.de